



بسم الله الرحمن الرحيم
جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا
كلية الدراسات العليا



بحث مقدم لنيل درجة الدكتوراه في الإحصاء بعنوان:

طرق معالجة التداخل الخطي المتعدد لبيانات الإستثمار الكلي
في السودان (1980-2014م)

**Methods for Solving the Multi-Collinearity of the Total
Investment Data in Sudan (1980-2014)**

إشراف:

المشرف الرئيسي:

د. أحمد محمد عبدالله حمدي

المشرف المعاون:

د. أمل السر الخضر

إعداد الدارس:

محمد عبد الوهاب محمد سالم

2018/هـ1439م

الإستهلال

قال اعز من قائل في محكم تنزيله:

(أَمَّنَ الرَّسُولُ بِمَا أُنزِلَ إِلَيْهِ مِنْ رَبِّهِ وَالْمُؤْمِنُونَ كُلٌّ آمَنَ بِاللَّهِ وَمَلَائِكَتِهِ وَكُتُبِهِ وَرُسُلِهِ لَا يُفَرِّقُونَ بَيْنَ أَحَدٍ مِنْ رُسُلِهِ وَقَالُوا سَمِعْنَا وَأَطَعْنَا وَأَخَذْنَا عُقُوبَاتِكَ رَبَّنَا وَإِلَيْكَ الْمَصِيرُ (285) لَا يُكَلِّمُهُ اللَّهُ مُفَسِّمًا إِلَّا أُوْسَعَمَا لَمَّا مَا كَسَبْتُمْ وَمَلَائِكَا مَا كَسَبْتُمْ رَبَّنَا لَا نُؤَاجِدُنَا إِنْ نَسَبْنَا أَوْ أَخْطَأْنَا رَبَّنَا وَلَا تَحْمِلُنَّ عَلَيْنَا إِخْرًا كَمَا حَمَلْتُمْ عَلَى الَّذِينَ مِنْ قَبْلِنَا رَبَّنَا وَلَا تُحَمِّلْنَا مَا لَا طَاقَةَ لَنَا بِهِ وَانصُرْنَا عَلَيْنَا وَانصُرْنَا أَنْتَ مَوْلَانَا فَانصُرْنَا عَلَى الْقَوْمِ الْكَافِرِينَ (286))

صدق الله العظيم

سورة البقرة

الإهداء

إلي كل من أضاء بعلمه عقل غيره...
أو هدى بالجواب الصحيح حيرة سائله ...
فأظهر بسماحته تواضع العلماء ...
وبرحابته سماحة العارفين...
أهدي هذا العمل المتواضع إلى
أمي التي زودتني بالحنان والمحبة .. من علمتني وعانت الصعاب لأصل إلى ما أنا فيه
وعندما تكسوني الهموم أسبح في بحر حنانها ليخفف من آلامي
وإلى روح أبي الطاهر
وإلى إخوتي الذين أحبهم حباً لو مر على أرض قاحلة لتفجرت منها ينابيع المحبة
إلى زوجتي الغالية ام رغد
إلى ابنتي رغد
إلى كل من جرع الكأس فارغاً ليسقي طلابه قطرة حب ...
إلى من كلت أنامله ليقدم لهم لحظة سعادة ...
إلى من حصد الأشواك عن دروبهم ليمهد لهم طريق العلم
إلى القلب الكبير .. إلى كل معلم ما زال يعطي بقلبه وعقله وساعديه...
الآن ولنفتح الأشرعة... ولنرفع المرساة ...
لنتطلق السفينة...
في عرض بحر واسع مظلم هو بحر الحياة...
وفي هذه الظلمة التي لا تضاء إلا بقنديل العلم الذي وقوده ابناؤنا وطلابنا..
لكم مني باقة نرجس ... تفوح عبق الحب في عيونكم..
وفقكم ربي لما يحب ويرضى..

الشكر والتقدير

الشكر والحمد والثناء لله رب العالمين ، فاطر السماوات والأرض ، الذي جعل الأرض فراشاً والسماء بناءً، وعلّمنا ما لم نكن نعلم وهو بكل شيء عليم، والصلاة والسلام على خير خلق الله النبي الأمي .. محمد بن عبد الله صلى الله عليه وسلم.

أزجي جزيل شكري إلى **جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا** .. أساتذة وموظفين وعاملين.

والشكر موصول إلى أسرة **كلية العلوم - قسم الإحصاء** سائلين المولى عز وجل أن يجعل هذا العمل في ميزان حسناتهم..

والشكر كل الشكر إلى أستاذي الجليل د./ **أحمد محمد عبدالله حمدي** صاحب التواضع الجم.. الذي له القدح المعلى في إخراج هذا البحث المفيد إنشاء الله .. فجزاه الله عني كل خير وإحسان.

وكذلك الشكر الي أستاذتي الفاضله الدكتوراه امل السر

كما لا يفوتني أن أتقدم بعظيم الشكر والتقدير إلى كل من ساهم بفكره ، أو نصحه في سبيل إنجاح هذا البحث ، وأخص بالشكر زملائي الأفاضل الاستاذ ادم بريمه والاستاذ السموال محمد.

ولله الشكر من قبل وبعد..

المستخلص

هدفت هذه الدراسة إلى معالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد بين المتغيرات التفسيرية عن طريق استخدام أسلوب المكونات الرئيسية، وإسلوب إنحدار الحرف، وطريقة حذف المتغيرات ذات الارتباطات العاليه، واختيار افضل طريقه لمعالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية. تم استخدام تسعه متغيرات تفسيريه تمثل العوامل المؤثره والعوامل المحدده للإستثمار الكلي ومتغير معتمد آخر يمثل الإستثمار الكلي في السودان. وكانت فرضيات الدراسة كالاتي:النموذج العام للبيانات معنوي،دالة الإستثمار الكلي تتأثر بعدة متغيرات إقتصادييه (المتغيرات المستقله) ،المتغيرات التفسيرية مستقلة عن بعضها (اي لا يوجد تداخل خطي بينها) ، تؤدي كل من طريقة إنحدار المكونات الرئيسية وطريقة إنحدار الحرف وايضا طريقة حذف المتغيرات ذات الارتباطات العاليه إلى إزالة التداخلات الخطية بين المتغيرات التفسيرية.

وقد تم استخدام برامج الحزم الإحصائية المتمثلي في برنامجي (SPSS,NCSS) لتحليل البيانات وقد قام الباحث بتطبيق الأساليب السابقه لمعالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية،حيث وجد أن المتغيرات تعاني من مشكلة التداخل الخطي المتعدد،و قد تمت المعالجة عن طريق الطرق الثلاث. ومن أهم النتائج التي توصلت إليها الدراسة: أدت الأساليب الثلاثة (المكونات الرئيسية وإنحدار الحرف وحذف المتغيرات) الي معالجة مشكلة التداخل الخطي ،طريقة المكونات الرئيسية أسلوب فعال في الكشف عن مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية، وذلك لان المكونات الرئيسية دائما تكون متعامدة ، نموذج الإنحدار الذي تم الحصول عليه عن طريق طريقة المكونات الرئيسية ،وطريقة إنحدار الحرف ذو توفيق جيد ويمكن الإعتماد عليه في عملية التنبؤ، إضافة إلى ان طريقة إنحدار الحرف لها افضل نموذج في التقدير وذلك لانها تمتلك اقل قيم لمعاملات التضخم.ومن اهم التوصيات التي توصل إليها الباحث ، انه في حالة الدراسات التي تضم عدداً كبير من المتغيرات التفسيريه يفضل استخدام طريقة المكونات الرئيسية لانها تؤدي الي تخفيض المتغيرات التفسيرية. وأيضاً يوصي الباحث استخدام المعالجات المتضمنه طرائق بديله لطريقة المربعات الصغري، كطريقة التقدير المختلط وغيرها.

Abstract

This study aims to remedy the issues on Multicollinearity between explanatory variables through the use of principal components analysis, Ridge Regression and the Deletion of variables with high correlation, and Choose the Best Method for remedies multicollinearity problem .Nine explanatory variables were used to represent the influencing and determinants factors and dependent variable representing total investment in Sudan. The hypotheses are as follows: The general model of the data is significant The total investment function is affected by several economic variables (independent variables),The explanatory variables are independent (ie, there is no multicollinearity) and, The methods of regression of principal components, Ridge Regression and the Deletion of variables with high correlation seeks to eliminate multicollinearity problem.

The (SPSS and NCSS) programs have been used in this istudy for the purpose of analyzing data. The researcher applies the previous methods to remedy the problem of multicollinearity between the explanatory variables, where it was found that the multicollinearity problem was remedied by the three methods.

This study concludes that the three methods (principal components analysis, Ridge Regression and the Deletion of variables with high correlation) led to remedy multicollinearity problem. The method of principal components is an effective method of detecting the problem of multicollinearity between explanatory variables, because the principal components are always orthogonal. The regression model obtained by the PCR method and Ridge regression method is a good estimation and can be relied upon in the prediction. In addition, Ridge regression method has the best model in the estimation because it is has the lowest values for variance inflation factor (VIF). and the most recommendations reached by the researcher, that in the case of the studies that include a large number of explanatory variables prefer to use the method the principal components because it aims to reduce the independent variables, The researcher also recommends of the use the treatments that includes alternative method of ordinary least squares, such as mixed estimation method and others.

فهرس المحتويات

رقم الصفحة	الموضوع
أ	الإستهلال
ب	الإهداء
ج	الشكر والتقدير
د	المستخلص
هـ	Abstract
و	فهرس المحتويات
ط	فهرس الجداول
ي	فهرس الأشكال
الفصل الأول: الإطار العام للبحس	
1	مقدمة (1-1)
2	مشكله البس (2-1)
3	اهميه البس (3-1)
3	اهداف البس (4-1)
3	فرضيات البس (5-1)
4	منهجية البس (6-1)
4	حدود الدراسة (7-1)
4	مجتمع الدراسة (8-1)
4	الدراسات السابقه (9-1)
7	هيكلة البس (10-1)
الفصل الثاني: الإطار النظري	
8	مقدمة (1-2)
9	نموذج الإنحدار البسيط (2-2)
9	نموذج الإنحدار الخطي المتعدد (3-2)

15	مفهوم التداخل الخطي المتعدد	(4-2)
27	تشخيصات غير رسمية للتداخل الخطي	(5-2)
28	معالجة التداخل الخطي المتعدد	(6-2)
29	طريقة إندثار المكونات الرئيسية	(7-2)
38	إندثار الحافة	(8-2)
42	طرق إختيار معلمة الحافة	(9-2)
45	إندثار الحافة وإختيار المتغيرات التفسيرية	(10-2)
الفصل الثالث: الإستثمار في السودان		
51	تعريف الإستثمار	(1-3)
52	أهمية الإستثمار	(2-3)
52	أهداف ومزايا الإستثمار	(3-3)
53	نظريات الإستثمار	(4-3)
55	مناخ الإستثمار في السودان	(5-3)
56	قوانين الإستثمار في السودان	(6-3)
61	العوامل المؤثرة علي الإستثمار	(7-3)
الفصل الرابع: الجانب التطبيقي		
66	مقدمة	(1-4)
66	معاملات نموذج الإندثار المتعدد وعامل تضخم التباين	(2-4)
67	إختبار معنوية النموذج	(3-4)
67	إختبار إعتدالية البواقي	(4-4)
68	معامل الإرتباط	(5-4)
69	إختبار وجود مشكلة التداخل الخطي المتعدد عن طريق عامل التضخم	(6-4)
69	تحليل المكونات الرئيسية	(7-4)
71	إختبار وجود مشكلة التداخل الخطي المتعدد بإستخدام أسلوب المكونات الرئيسية	(8-4)
73	نموذج إندثار المكونات الرئيسية	(9-4)
76	تحليل إندثار الحرف.	(10-4)
80	معالجة مشكلة التداخل الخطي عن طريق الطرق الغير رسميه	(11-4)

الفصل الخامس النتائج والتوصيات		
82	تمهيد	(1-5)
82	النتائج	(2-5)
83	التوصيات	(3-5)
85	المصادر والمراجع	(4-5)
88	الملاحق	

فهرس الجداول

الصفحة	عنوان الجدول	الجدول
66	إختبار معاملات الإنحدار وعامل التضخم بين المتغيرات التفسيرية.	(1-4)
67	إختبار ANOVA لإختبار معنوية النموذج	(2-4)
67	نتائج اختبار فرضية البواقي	(3-4)
68	معامل الارتباط	(4-4)
69	الارتباطات البسيطة المتغيرات التفسيرية	(5-4)
70	مصفوفة الارتباطات من الدرجة العليا لبعض المتغيرات	(6-4)
70	إختبار Kaiser وإختبار Bartlett's والذي يقرب الي اختبار Chi-Square.	(7-4)
71	قيم الجذور المميزة .	(8-4)
72	المكونات الرئيسية المستخلصة	(9-4)
72	مصفوفة المكونات الرئيسية	(10-4)
73	إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل تضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.	(11-4)
74	نتائج اختبار فرضية البواقي	(12-4)
75	معامل الارتباط	(13-4)
77	معاملات إنحدار الحرف	(14-4)
78	معاملات تضخم التباين مقابل كل قيمه من قيم K.	(15-4)
79	معاملات إنحدار الحرف عند (K=1.000000).	(16-4)
80	إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل تضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.	(17-4)
81	معامل الإرتباط	(18-4)
81	إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل تضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.	(19-4)
81	يوضح معامل الإرتباط	(20-4)

فهرس الأشكال

الصفحة	عنوان الشكل	الرقم
68	المدرج التكراري لإعتدالية البواقي	(1-4)
73	شكل المكونات الرئيسية على المحاور	(2-4)
75	المدرج التكراري لإعتدالية البواقي	(3-4)
76	المعلمات المقدره للمتغيرات التوضيحيه مقابل قيم K	(4-4)
79	معاملات التضخم مقابل كل قيمه من قيم K.	(5-4)

الفصل الأول

الإطار العام للبحث

(1-1) مقدمة:

إن موضوع الإنحدار من المواضيع التي أصبحت ذات تطبيقات واسعة من قبل المهتمين في مختلف العلوم الإجتماعيه والإقتصادييه لانه يصف متغيرات على هيئه معادله فالمعادله الخطيه التي تضم متغيرا مستقلا واحدا تسمى معادله إنحدار خطى بسيط والمعادله الخطيه التي تضم عدده متغيرات مستقلة تسمى معادله الإنحدار الخطى المتعدد وترجع صعوبه دراسه طرق تحليل المتغيرات الى الحاجه الى فهم وتفسير العديد من العلاقات المتشابكه بين المتغيرات التي تؤثر فى الظاهر محل الدراسه والى ضخامه البيانات التي يجب تحليلها،هذا بالإضافة الى المزيد من الاساليب المتقدمه لإشتقاق طرق إحصائيه تساعدنا في الإستدلال الإحصائى عن المتغيرات المتعدده وهى اكثر بكثير من الاساليب الرياضيه اللازمه لتحليل واحد.وكثيرا ما نواجه لدراستنا لعديد من الظواهر وجود عدد كبير من المتغيرات محل الدراسه وهذه المتغيرات قد تكون متداخله،او مختلفه احيانا فى طبيعتها (كما ونوعا) مما يصعب عملية الوصول الى فهم وتفسير الظواهر،لذلك فإن البحث العلمى للظواهر الذى سيستخدم التحليل الاحصائى وتفسير منطقي للظواهر الإجتماعيه والطبيعيه وتفسيرها بجمع البيانات عنها لدراستها وتحليلها،وغالبا ما يؤدي التحليل الإحصائى الى تعديل تفسيرنا لهذه الظواهر، كما ان الدراسه المتكرره لها غالبا مما تؤدي الى إضافة بعض المتغيرات للدراسه او حذف بعضها الاخر، اوالى إبراز قوه وأهميه بعض متغيرات الدراسه التي يجب ان تؤخذ فى الحسبان،او لإهميه تلك المتغيرات فى الظاهر . وعند إستخدام الإنحدار الخطى المتعدد يواجه الباحث عدده مشاكل منها مشكله التداخل الخطى المتعدد وتظهر هذه المشكله نتيجة لإرتباط عالى بين المتغيرات المستقلة التي تؤدي الى إعطاء تقديرات ضعيفه .إن اول من أشار الى خطوره التداخل الخطى وتأثيرها فى نتائج تحليل الانحدار هو العالم **fisher** فى عام 1934 م وتتابع بعده كثير من الباحثين فى البحث عن وجود طرق لمعالجه المشكله .إن اهم الاساليب الاحصائيه التي

تمكننا من معالجه مشكله التداخل الخطى دون المساس بهيكل الظاهره اسلوب تحليل المكونات الرئيسيه (principal component analysis) وإنحدار الحرف (Ridge regression)، ومقدرات النل المعياريه (standardized ridge regression) وطريقه المربعات الصغرى الجزئيه (Partial least squares)، وايضا من الطرق غير الرسميه لمعالجة مشكله التداخل الخطي المتعدد طريقه حذف بعض المتغيرات المستقله التي تسببت في المشكله. يهدف هذا البحث الي إكتشاف مشكله التداخل الخطي ومعالجة المشكله دون المساس بهيكل الظاهره ومن اهم الاساليب التي تمكننا من معالجة المشكله تحليل المكونات الرئيسيه، وإنحدار مقدرات الحرف وايضا توظيف البيانات، ومن ثم المقارنه بين طرق المعالجه وإختيار افضل طريقه للمعالجه. في هذه الدراسه سوف يتم دراسه داله الإستثمار الكلى في السودان للفترة (1980-2014م) والتي تتاثر بعدد من المتغيرات المستقله منها سعر الصرف، الناتج المحلى الإجمالى، الواردات، التضخم، الإحتياطي النقدي، الإستثمار الاجنبي، إجمالى الدخل القومي، صافي التحويلات الخارجيه، والصادرات والتي يوجد بينهما إرتباط عالى مما يشير الى وجود مشكله التداخل الخطى ومعالجه هذه المشكله بالطرق السابقه الذكر وإختيار افضل طريقه.

(2-1) مشكله البحث:

تحدث ظاهره التداخل الخطى بين المتغيرات التفسيرية عندما تكون هنالك إرتباطات قويه بينهما او في حاله وجود إرتباطات تامه وبالتالي لا يمكن تقدير معاملات نموذج الإنحدار والسبب في ذلك ان مصفوفه $x'x = 0$ يساوي صفر كذلك لا يمكن ايجاد تباينات المعلمات والتغايرات المشتركه لهما كما في حاله التداخل الخطى التام. او تكون قيم المعلمات كبيره جدا وذلك لان محدد المصفوفه سيكون قريب من الصفر، في هذه الحاله تكون مقدراته متحيزه وان تباينات هذه المعلمات و التغايرات المشتركه لها تكون هي الاخرى كما في حاله التداخل الخطى من الدرجات العليا. إن وجود مشكله التداخل الخطى بين المتغيرات المستقله لداله الإستثمار الكلى في السودان تؤدي الى عدم إمكانية إيجاد مصفوفه التباين والتغاير المشترك في حاله التداخل الخطي التام، كما ان بناء نموذج الإنحدار الخطى وتقدير معلماته في حاله ان المتغيرات تعاني من مشكله التداخل الخطى يؤدي الى نتائج

غير دقيقة. تكمن مشكلة البحث في كيفية معالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد باكثر من طريقه وإختيار افضل طريقه للمعالجه.

(3-1) اهميه البحث :

تأتي اهمية البحث من خلال الأساليب المستخدمة لمعالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية وإيجاد الحلول والمعالجة السليمة لها , حيث يقوم الباحث بإستخدام طريقة إنحدار المكونات الرئيسية (principal component regression), وطريقة إنحدار الحرف (ridge regression) وطريقة حذف المتغيرات وإجراء المقارنة بين هذه الأساليب الثلاثة وتوفيق افضل نموذج انحدار خطي, كما تتبع الأهمية من خلال إيجاد دالة للإستثمار الكلي في السودان, وكذلك يعتبر البحث إضافة للمكتبة العلمية وتواتر المعرفة.

(4-1) اهداف البحث :

للبحث عدة إهداف منها:

- 1- تخفيض البيانات اوتبسيط هيكل الظاهرة, تصنيف البيانات,
- 2- إكتشاف مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية عن طريق أسلوب المكونات الرئيسية.
- 3- معالجة مشكلة التداخل الخطي (بين المتغيرات التفسيرية) عن طريق إستخدام انحدار المكونات الرئيسية, وإنحدار الحرف وطريقة حذف المتغيرات ذات الإرتباطات العاليه
- 4- إختيار افضل طريقه للمعالجه وتطوير مقياس للحكم على معدل الإستثمار الكلي في السودان وتوضيح العلاقة بين مؤشرات الإستثمار الكلي .

(5-1) فرضيات البحث:

قد افترض الباحث الفروض التالية:

- 1- دالة الاستثمار الكلي في السودان تتأثر بعدة متغيرات إقتصادية (المتغيرات المستقلة).
- 2- النموذج العام للبيانات معنوي ,المتغيرات التفسيرية مستقلة عن بعضها (أي لا يوجد تداخل خطي بينها).
- 3- الثلاث طرق تؤدي إلي إزالة التداخلات الخطية بين المتغيرات التفسيرية.
- 4- تعطي طريقي انحدار المكونات الرئيسية وإنحدار الحرف أفضل المقدرات.

(6-1) منهجية البحث:

سيتم استخدام المنهج الوصفي والتحليلي لتحليل البيانات، وذلك من خلال الحصول على عينه تحتوي على مشكلة التداخل الخطي ومن ثم معالجة المشكله باستخدام تحليل المكونات الرئيسييه وإنحدار الحرف وطريقة حذف المتغيرات ومن ثم إختيار افضل طريقه للمعالجه.

(7-1) حدود الدراسة:

الحدود المكانية : بيانات البنك الدولي (world bank)

الحدود الزمانية: في الفترة 1980 الي 2014م

(8-1) مجتمع الدراسة :

إن مجتمع الدراسة في هذا البحث يختص بحجم الإستثمار الكلى في السودان للفترة (1980 - 2014م) والتي تتاثر بعدد من المتغيرات المستقله منها الناتج المحلى الاجمالى وتكلفه التمويل والتضخم وعرض النقود والميزان التجاري، سعر الصرف ...الخ، والتي تم جمعها من بيانات البنك الدولي.

(9-1) الدراسات السابقة:

1- في العام 1961م قام كل من العالم stein&james بدراسه بعنوان (معالجة مشكلة التداخل الخطي باستخدام معلمة التصغير p)

هدفت هذه الدراسه الي معالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد في الإنحدار الخطي من خلال تقديم مقدرات لمعلمات الإنحدار يتم الحصول عليها من خلال تصغير متجه مقدرات المربعات الصغرى.

وقد توصلت الدراسه الي نتائج نذكر منها حساب معلمة التصغير d يعتمد على قيم مربعات المعلمات الصغرى وكذلك على قيم تبايناتها ،وان تأثير معلمة التصغير يكون محدود في التقليل من اثار مشكله التداخل الخطي.

2- في العام 1965م قدم massy دراسه بعنوان (معالجة التداخل الخطي المتعدد باستخدام إنحدار التل المعياري).

هدفت الدراسه الي إستخدام اسلوب إنحدار التل المعياري لمعالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد في الإنحدار الخطي وذلك عن طريق إيجاد مقدرات جديده لمعلمات الإنحدار تكون ذات تباينات اقل من تباينات المربعات الصغرى.

وتوصلت الدراسه الي نتائج نذكر منها : هنالك صعوبه في تفسير مقدرات الإنحدار التي تم لحصول عليها لانها تختلف في طريقة حسابها عن مقدرات المربعات الصغرى لإستخدامها إنحدار التل المعياري بدلا من المتغيرات المستقله .

3- في العام 1970م قدم كل من hoerl&kennarl دراسه بعنوان (معالجة التداخل الخطي باستخدام معلمة التل c).

هدفت الدراسه الي معالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد في الإنحدار الخطي المتعدد من خلال تقديم مقدرات لمعلمات الإنحدار تكون اخطائها المعياريه اقل من الاخطاء المعياريه لمقدرات المربعات الصغرى، ومن اهم النتائج التي توصلت اليها الدراسه انه يجب إفتراض ان تكون معلمة التل متساويه لجميع المتغيرات المستقله ولا تاخذ في الإعتبار الإختلافات بين المتغيرات المستقله من حيث قوة الإرتباط بينهم .

4- في العام 1976م قدم Belsely (دراسه بعنوان تشخيص مشكلة التداخل الخطي المتعدد في الإنحدار الخطي وتحديد اثاره على مقدرات المربعات الصغرى).

هدفت الدراسه الي استخدام المؤشر الشرطي وجدول نسب تباينات مقدرات معلمات الإنحدار المجزئه لتشخيص المشكله. ومن اهم النتائج التي توصلت اليها الدراسه ان المؤشر الشرطي يقيس مدى تاثير قيم معلمات الإنحدار الخطي دون تغير من البيانات الاصليه وكذلك تحديد عدد التداخلات الخطيه بالنموذج بينما يهدف جدول نسب تباينات مقدرات معلمات الإنحدار المجزئه والتي يتم حسابها للمتغيرات المستقله ذات المؤشر الشرطي المرتفع الي تحديد لمتغيرات المستقله المشتركة في التداخل الخطي.

5- في عام 2006م قام الباحث حمزه ابراهيم حمزه بدراسه بعنوان تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسيه، وقد استخدم المكونات الرئيسيه في التقدير والتحليل وأهم ماتوصلت اليه الدراسه:

- يصبح تحليل المكونات الرئيسيه ذات قيمه عندما يكون للمكون الرئيسى معنى حقيقي في النظام العاملى . كما انه تبيين من خلال النتائج تحقيق الهدف الاساسى من تحليل المكونات الرئيسيه والمتمثله فى تخفيض البيانات او تبسيط هيكل الظاهره دون المساس بالمعلومات الظاهره والذى ادى الى تسهيل فهم الظاهره.
- تحليل المكونات الرئيسيه افضل من (ols) ،خصوصا عندما تكون هنالك متغيرات توضيحيه او تكون هنالك حوجه من التأكد من كفايه حجم العينه في التحليل.

6- في عام 2006 قام الباحثان عبد العزيز دبدوب واسوان محمد طيب النعيمي بدراسه بعنوان طرائق مقترحه فى انحدار الحرف وقد استخدم اسلوب انحدار الحرف .اهم ما توصلوا اليه الباحثان من خلال الدراسه : تكوين مجاميع لاثر الحرف حسب التقارب النسبى والقيم المطلقه للمعالم المقدره ادى الى سهوله اختيار معلمه التحيز ووضوحها والتوصل الى افضل متغيرات لادخالها الى معادله انحدار الحرف تقديريا .

7- في عام 2010 م قام الباحث فرج عبد الغنى يوسف الصالح بدراسه بعنوان مقارنة بين المكونات الرئيسيه والمربعات الصغرى الجزئيه بمعالجه مشكله التداخل الخطى بالتطبيق على معمل اسمنت ومن اهم النتائج التى توصل اليها :

- إن طريقه المكونات الرئيسيه اكثر كفاءه من طريقه المربعات الصغرى الجزئيه حيث تمتلك اهم قيمه لـ mse
- هنالك إختلافات معنويه بين المتغيرات التوضيحيه، وكما توصلت الدراسه الى معالجه مشكله التداخل الخطى التى كانت تعانى منها المتغيرات التفسيريه .

(10-1) هيكله البحث:

تشتمل هيكله البحث علي خمسة فصول يتضمن الفصل الاول لمشكله واهميه واهداف وفرضيات وحدود البحث ،إضافه الي إستعراض الدراسات السابقه ذات العلاقه.كما يتضمن الفصل الثاني الإطار النظري للبحث حيث يتم التطرق لمشكله التداخل الخطي المتعدد بالإضافه الي طرق معالجة المشكله اما الفصل الثالث يتحدث عن الإستثمار الكلي في السودان واما الفصل الرابع يحتوي على الجانب التطبيقي للبحث ،كما يحتوي الفصل الخامس الإستنتاجات التي تم توصل إليها والتوصيات المقترحه واخيراً المصادر والمراجع.

الفصل الثاني

الإطار النظري

(1-2) مقدمة:

يعد تحليل الإنحدار من أكثر الأدوات المستخدمة في التحليل القياسي ولذلك نجد أن تحليل الإنحدار يهتم بوصف وتقييم العلاقات بين متغير (يسمى متغير تابع) وواحد أو أكثر لمتغيرات أخرى (تسمى عادة المتغيرات المفسرة أو التفسيرية).

التفسير الحرفي لكلمة إنحدار تعني إرتداد أو إنكفاء أو رجوع، وفي الحقيقة تحليل الإنحدار لا يربطه بهذا المعنى أي ربط.

كلمة إنحدار استخدمت من قبل سير فرنسيس (1911 - 1982) Sir Francis Galton من إنجلترا، والذي يدرس العلاقة بين طول الأبناء وطول الأباء والذي لاحظ جالتون أن الطول يميل إلى المعدل مع أن الأباء الطوال يكون أبنائهم طوال والأباء القصار يميل أبنائهم لأن يكونوا قصار أي أن هنالك ميل عند الأبناء للمعدل، أي أن هنالك إنحدار نحو المعدل.¹

أنواع الإنحدار:

هنالك نوعان من تحليل الإنحدار :

- 1- الإنحدار الخطي: وهو الأكثر إنتشاراً والإنحدار الخطي يعني أننا ندرس العلاقة الخطية بين المتغيرات.
- 2- الإنحدار الغير خطي: هو الإنحدار الذي يهتم بدراسة العلاقات التي تكون على شكل منحني. و الإنحدار الخطي هو الأكثر شيوعاً وإستخداماً.

عند تقدير العلاقة بين متغير كمي واحد هو المتغير التابع ومتغير كمي آخر أو عدة متغيرات كمية وهي المتغيرات التفسيرية، بحيث ينتج معادلة إحصائية توضح العلاقة بين المتغيرات.

¹http://fac.ksu.edu.sa/sites/default/files/chapter_2.

ويمكن استخدام هذه المعادلة في معرفة نوع العلاقة بين المتغيرات وتقدير المتغير التابع باستخدام المتغيرات الأخرى.

وعندما تكون العلاقة في النموذج الإحصائي بين متغير تابع واحد ومتغير مستقل واحد فإن النموذج هو أبسط نماذج الانحدار ويسمى النموذج الخطي البسيط (simple linear regression) وعندما تكون عدد المتغيرات مستقلة أكثر من متغير كمي واحد فإن النموذج يسمى نموذج إنحدار متعدد (multiple regression).

(2-2) نموذج الانحدار البسيط:

نموذج الانحدار البسيط هو نموذج إحصائي يقوم بتقدير العلاقة التي تربط بين متغير كمي واحد وهو المتغير التابع مع متغير كمي آخر وهو المتغير المستقل. وينتج من هذا النموذج معادلة إحصائية خطية يمكن استخدامها لتفسير العلاقة بين المتغيرين أو تقدير قيمة المتغير التابع عند معرفة قيمة المتغير المستقل. ويمكن صياغة العلاقة الإحصائية بالنموذج التالي:

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + u_i \rightarrow (1 - 2)$$

حيث Y_i هي المتغير التابع و X_i هي المتغير المستقل و u_i الخطأ العشوائي و β_0 هي قيمة ثابتة تعبر عن قيمة y عندما تكون قيمة x تساوي الصفر و تعبر $\hat{\alpha}_1$ عن ميل الخط المستقيم والذي يوضح العلاقة.

ويفترض النموذج أن y متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط يرتبط بقيمة x ويتباين ثابت على إختلاف قيم x ولذلك تبعاً للفرضية السابقة فإن $u_i \sim N(0, \sigma^2)$ ويمكن تقدير قيم النموذج باستخدام طريقة المربعات الصغرى.

(2-3) نموذج الانحدار الخطي المتعدد:

يعتبر النموذج الخطي المتعدد تصميماً لنموذج الانحدار الخطي البسيط، فكلمة "بسيط" تشير إلى وجود متغير مستقل واحد في النموذج، لذلك كلمة "متعدد" تشير إلى وجود عدة متغيرات مستقلة.

يُعد الانحدار الخطي المتعدد من الأساليب الإحصائية المتقدمة والتي تضمن دقة الاستدلال من أجل تحسين نتائج البحث عن طريق الاستخدام الأمثل للبيانات في إيجاد علاقات سببية بين الظواهر الإقتصادية.

والإنحدار الخطي المتعدد هو عبارة عن إيجاد معادلة رياضية تعبر عن العلاقات بين متغيرين وتستخدم لتقدير قيم سابقة ولتنبؤ قيم مستقبلية، وهو عبارة عن إنحدار للمتغير التابع (Y) على العديد من المتغيرات التفسيرية X_1, X_2, \dots, X_k ، لذا يستخدم في التنبؤ بتغيرات المتغير التابع الذي يؤثر فيه على عدة متغيرات مستقلة، أي تعتمد فكرته على العلاقات الدلالية التي تستخدم ما يعرف شكل التشنت أو الإنتشار، فبإمكاننا التنبؤ الرقمي في فعالية رمي المطرقة على سبيل المثال إعتماً على دراسة حالات أخرى للرامي كالعمر الزمني والعمر التدريبي والمهارة والمواصفات الجسمية وغيرها.¹

إن الإنحدار الخطي المتعدد ليس مجرد أسلوب واحد وإنما مجموعة من الأساليب التي يمكن إستخدامها لمعرفة العلاقة بين متغير تابع مستمر وعدد من المتغيرات التفسيرية التي عادة ما تكون مستمرة.

نموذج الإنحدار الخطي المتعدد بوجود k من المتغيرات التفسيرية يأخذ الشكل الآتي:

$$Y_i = \hat{\alpha}_0 + \hat{\alpha}_1 X_{i1} + \hat{\alpha}_2 X_{i2} + \dots + \beta_k X_{ki} + U_i \rightarrow (2 - 2)$$

يتضح من النموذج وجود (k + 1) من المعلمات التي يتطلب تقديرها وأن كل مشاهدة من مشهديات المتغير المعتمد Y تحقق المعادلة رقم (2)، أي أن هنالك n من المعادلات:

$$\left\{ \begin{array}{l} i = 1 \rightarrow Y_1 = \hat{\alpha}_0 + \hat{\alpha}_1 X_{11} + \hat{\alpha}_2 X_{21} + \dots + \hat{\alpha}_k X_{k1} + u_1 \\ i = 2 \rightarrow Y_2 = \hat{\alpha}_0 + \hat{\alpha}_1 X_{12} + \hat{\alpha}_2 X_{22} + \dots + \hat{\alpha}_k X_{k2} + u_2 \\ i = n \rightarrow Y_n = \hat{\alpha}_0 + \hat{\alpha}_1 X_{1n} + \hat{\alpha}_2 X_{2n} + \dots + \hat{\alpha}_k X_{kn} + u_n \end{array} \right\} (3 - 2)$$

ومنظومة المعادلات رقم (2-3) يمكن كتابتها بإسلوب المصفوفات كآلاتي:

¹د. نادر داود سلمان "الإنحدار الخطي المتعدد مفهومه ونموذج مطبق باستخدام البرنامج الإحصائي "SPSS"، فرع العلوم النظرية كلية التربية الرياضية / جامعة بغداد

$$Y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix}_{n \times 1}, \quad U = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix}_{n \times 1}, \quad \beta = \begin{bmatrix} \beta_0 \\ \beta_1 \\ \vdots \\ \beta_k \end{bmatrix}_{(k+1) \times 1}$$

$$X = \begin{bmatrix} 1 & X_{11} & X_{21} \cdots & X_{k1} \\ 1 & X_{12} & X_{22} \cdots & X_{k2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & X_{1n} & X_{2n} \cdots & X_{kn} \end{bmatrix}$$

يلاحظ أن أعمدة المصفوفة X هي عبارة عن المتغيرات التفسيرية وبناءً على هذه الافتراضات فإن المعادلة رقم (2-3) يمكن كتابتها بالشكل الآتي:

$$Y = X\hat{\alpha} + U \rightarrow (4-2)$$

حيث يسمى النموذج رقم (4-2) بالنموذج الخطي العام (General linear model) حيث:

Y : متجه مشاهدات المتغير المعتمد

X : مصفوفة المتغيرات التفسيرية.

β : متجه معاملات النموذج.

U : متجه مشاهدات حد الخطأ.

2-3-1: إفتراضات النموذج:

لكي يمكن إستخدام أي طريقة من طرق التقدير في تقدير المعادلة رقم (2-3) "معادلة الإنحدار الخطي المتعدد" فإن الأمر يتطلب صياغة عدة إفتراضات والتي تضمن ما يلي:

أولاً : الإفتراضات العامة:

- إن المتغير التابع y يكون دالة خطية في (k) من المتغيرات التفسيرية.
- عدم وجود تداخل خطي متعدد (multicollinerity) بين المتغيرات التفسيرية.
- عدم عشوائية المتغيرات التفسيرية.
- أن تكون المتغيرات التفسيرية خالية من أخطاء التجميع.

- أن تكون العلاقة المراد تقديرها قد تم تحديدها وتشخيصها.
- عدم وجود أخطاء في قياس المتغيرات التفسيرية.

ثانياً: الإفتراضات الفنية:

- U هو متجه الأخطاء العشوائية التفسيرية كل منها يتوزع توزيعاً طبيعياً.
- متوسط المتجه U هو :-

$$E(u) = E \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E(u_1) \\ E(u_2) \\ \vdots \\ E(u_n) \end{bmatrix}$$

ومن إفتراضات النموذج الخطي البسيط:

$$E(u_i) = 0 \quad \forall i = 1, 2, \dots, n$$

لذلك فإن :

$$E(u) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} = 0$$

- مصفوفة التباين - التغاير المشترك لملاحظات المتغير u هي :

$$V - cov(u) = E[u - E(u)][u - E(u)]^{\sim}$$

$$E(uu)^{\sim} = E \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix} [u_1, u_2, \dots, u_n]$$

$$= E \begin{bmatrix} u_1^2 & u_1 u_2 & \dots & u_1 u_n \\ u_2 u_1 & u_2^2 & \dots & u_2 u_n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ u_n u_1 & u_n u_2 & \dots & u_n^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E(u_1^2) & E(u_1 u_2) & \dots & E(u_1 u_n) \\ E(u_2 u_1) & E(u_2^2) & \dots & E(u_2 u_n) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ E(u_n u_1) & E(u_n u_2) & \dots & E(u_n^2) \end{bmatrix}$$

ومن إفتراضات النموذج الخطي البسيط:

$$E(u_i^2) = \sigma_u^2$$

$$E(u_i u_j) = 0 \quad \forall i \neq j \quad i, j = 1, 2, \dots, n$$

لذلك فإن :

$$E(uu') = \begin{bmatrix} \sigma_u^2 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \sigma_u^2 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \sigma_u^2 \end{bmatrix} = \sigma_u^2 \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix} = \sigma_u^2 I_n$$

حيث I_n تمثل مصفوفة أحادية ذات بُعد $n \times n$. إن عناصر القطر الرئيسي في هذه المصفوفة تعطي تباينات القيم u_1, u_2, \dots, u_n ، في حين أن بقية العناصر الأخرى (الاصفار) تمثل التغيرات المشتركة بين تلك القيم، ومن هذه المصفوفه يتضح ان التباين متجانس لجميع قيم u ، وإن قيم u مستقلة بعضها عن البعض الآخر.

وحيث أن النموذج البسيط:

$$u_i \sim N(0, \sigma_u^2)$$

لذلك فإن النموذج المتعدد:

$$u_i \sim N(0, \sigma_u^2 I)$$

أي أن المتجه u يتوزع وفق التوزيع الطبيعي متعدد المتغيرات بمتجه متوسط (0) ومصفوفة التباين - التغاير المشترك $\sigma_u^2 I$

- حد الخطأ u مستقل عن المتغيرات التفسيرية (التفسيرية)، أي أن :

$$cov(x'u) = Ex'[u - E(u)]$$

$$= E(x'u) = E \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \\ x_{11} & x_{12} & \dots & x_{1n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{k1} & x_{k2} & \dots & x_{kn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix} \right\}$$

¹بسام ابراهيم يونس، أنمار حاجي أمين، عادل موسى يونس، (2002م)، "الاقتصاد القياسي"، دار عزة للنشر والتوزيع، الخرطوم، السودان.

$$= E \begin{bmatrix} u_1 + u_2 + \dots + u_n \\ x_{11}u_1 + x_{12}u_2 + \dots + x_{1n}u_n \\ x_{k1}u_1 + x_{k2}u_2 + \dots + x_{kn}u_n \end{bmatrix} = E \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^n u_i \\ \sum_{i=1}^n x_{1i}u_i \\ \sum_{i=1}^n x_{ki}u_i \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^n E(u_i) \\ \sum_{i=1}^n x_{1i}E(u_i) \\ \sum_{i=1}^n x_{ki}E(u_i) \end{bmatrix}$$

حيث أن:

$$E(u_i) = 0 \quad \forall i = 1, 2, \dots, n$$

$$E(x'u) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = 0$$

أما في حالة عدم تحقق الإفتراضات السابقة فسيرتب الآتي:

- إذا كانت العلاقة غير خطية يصبح من المستحيل إيجاد تقدير لمعاملات النموذج.
- إذا كانت المتغيرات التفسيرية تعاني من أخطاء التجميع للبيانات فإن التقديرات سوف تكون متحيزة.
- إذا كانت المتغيرات التفسيرية هي متغيرات عشوائية فإن النموذج المقدر سوف لن يكون نموذج قياسياً.
- الوسط الحسابي لحد الإضطراب يساوي صفر، أي أن المتغيرات العشوائية u_1, u_2, \dots, u_n تكون أوساطها الحسابية أو قيمتها المتوقعة تساوي صفر، مما يعني أن تأثير الأحداث الطارئة وتأثير المتغيرات التي لا يمكن قياسها يكون بعضها بقيم موجبة وبعضها بقيم سالبة والبعض الآخر ليس له تأثير (تأثيره صفر)، التأثيرات الموجبة تلغي التأثيرات السالبة وتكون محصلة هذه التأثيرات صفراً، مما يعني أن الوسط الحسابي للتوزيع الذي تم سحب حد الإضطراب منه مساوياً للصفر، وفي حالة عدم تحقق هذا الشرط فهذا يعني إنتشار قيم u حول وسطها الحسابي سوف يختلف باختلاف القيم المناظرة للمتغير المستقل.
- إن لم يكن حد الإضطراب ثابت ومتجانس أي أن:

$$V(u_i) = E(u_i^2) = \sigma_{ui}^2$$

فستظهر مشكلة عدم تجانس التباين.

- إذا كانت قيم المتغير العشوائي غير مستقلة بعضها عن البعض الآخر أي أن $E(u_i u_j) \neq 0$ ، ففي هذه الحالة ستظهر مشكلة الارتباط الذاتي بين قيم المتغيرات العشوائية.
 - إذا كانت المتغيرات التفسيرية مرتبطة مع بعضها البعض بدرجة عالية، فستظهر مشكلة التداخل الخطي المتعدد.
 - إذا كانت قيم المتغير العشوائي غير مستقلة عن المتغيرات التوضيحية ففي هذه الحالة سوف تكون التقديرات التي يتم الحصول عليها بطريقة المربعات الصغرى متحيزة.
- هنالك عدة طرق لتقدير الإنحدار الخطي المتعدد، ومن أشهر الطرق وأكثرها إستخداماً هي طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية (OLS).¹

(4-2) مفهوم التداخل الخطي المتعدد: The concept of multicollinearity

التداخل أو الارتباط أو الإزدواج الخطي المتعدد مصطلح مكون من *multi* (متعدد) و *co* (مشارك أو متداخل أو مرتبط و *linearity*) خطي. ويعتبر النرويجي *Frisch* أول من لاحظ ظاهرة التداخل الخطي المتعدد عند تحليله لبيانات السلاسل الزمنية، حيث أتضح له أنه في معظم الحالات وجود درجة من التداخل بين المتغيرات التفسيرية، ويعود التداخل الخطي في تحليل بيانات السلاسل الزمنية الخاصة بالمتغيرات الإقتصادية إلى كون أن بعض المتغيرات التفسيرية قد تتطور خلال فترة زمنية معينة لتتأثر بعوامل إقتصادية متعددة.

تُعد مشكلة التداخل الخطي المتعدد من المشاكل الكبرى التي تواجه الباحث عند وصفه للعلاقة الخطية بين ظاهرة معينة والعوامل المؤثرة فيها بمعادلة إنحدار خطي متعدد، وذلك ما تؤدي إليه من تشويه لهذه العلاقة على صعيد كل عامل من هذه العوامل بحيث تبدو هذه العوامل كأنها غير مهمة لتفسير الظاهرة.

إن ظاهرة التداخل الخطي المتعدد هي ظاهرة خاصة بالنموذج الخطي المتعدد لأنها تدرس العلاقات بين المتغيرات الإقتصادية، ومن الإفتراضات الأساسية التي يقوم عليها نموذج الإنحدار

¹مرجع سابق.

الخطي المتعدد هي عدم وجود علاقة تامة (*perfect*) بين المتغيرات التفسيرية أو بين متغير مستقل وأي تشكيلة خطية من المتغيرات التفسيرية الأخرى، بمعنى آخر أن هذه الفرضية تدل على غياب التداخل الخطي المتعدد.

إن الهدف من دراسة التداخل الخطي المتعدد هو الكشف عن الدرجات العليا من التداخل الخطي وليست المشكلة في وجود أو عدم وجود التداخل الخطي المتعدد بمعنى آخر هو أن المشكلة في الدرجة (*degree*) وليس في النوعية (*kind*) لأنه من المفترض عادة أن هنالك تداخلات خطية بين المتغيرات التفسيرية عند دراسة نموذج الانحدار الخطي المتعدد.⁽¹⁾

2-4-1 أسباب وجود التداخل الخطي المتعدد:

وبناءً على تقدير *O/S* لمعاملات نموذج الانحدار الخطي العام نجد أن:

$$\hat{a} = (x'x)^{-1}x'y$$

والمصفوفة ($x'x$) ذات السعة ($n \times k$) ورتبة مقدارها k ويتطلب الأمر إيجاد معكوس لهذه المصفوفة ولا يمكن ذلك إلا إذا كانت هذه المصفوفة تتمتع برتبة (*Rank*) كاملة مقدارها (k) أي يجب أن تكون المصفوفة ($x'x$) لا إنفرادية، لكي يمكن إيجاد معكوسها. وإذا لم يتحقق هذا الشرط، فإن النموذج الخطي العام سوف يبطل العمل به ولا يمكن إعتبره جيد لعملية تقدير المعلمات، والحالة الأقل حدية من ذلك هو الارتباط الخطي وبدرجة عالية، ولكن ليست كاملة، كأن تكون

$r = 0.90$. أما إذا كان معكوس المصفوفة لا يساوي صفر وإنما قريب منه أي ($|x'x| \approx 0$) وتظهر هذه الحالة عندما تميل المتغيرات للتحرك سوياً بالزيادة أو الإنخفاض أو في حالة استخدام المتغيرات المرتدة زمنياً (*Lagged variable*)⁽¹⁾، ففي هذه الحالة يمكن تقدير معلمات النموذج ولكن هذه التقديرات سوف تكون غير دقيقة وغير ممثلة لواقع المشكلة بسبب أن تباينات المعلمات المقدرة ستكون كبيرة جداً وبالتالي سيظهر اختبار (t) عدم معنوية المعلمات حيث أنها في الواقع

⁽¹⁾مرجع سابق.

معنوية ولكن بناء النموذج يعجز عن إظهار أثر هذه المتغيرات بشكل منفصل نظراً لإرتباط هذه المتغيرات بعضها البعض.⁽²⁾

2-4-2 النتائج لمرتبة على وجود التداخل الخطي المتعدد: *consequences of multicollinearity*

هنالك نوعين من التداخل الخطي هما التداخل الخطي التام، والتداخل الخطي عالي الدرجة، ولتوضيح النتائج المرتبة على وجود ظاهرة التداخل الخطي المتعدد سوف نفترض النموذج المقدر التالي الذي يتكون من متغيرين مستقلين

$$y_i^{\wedge} = \beta_0^{\wedge} + \beta_1^{\wedge}x_{1i} + \beta_2^{\wedge}x_{2i} \text{---(5-2)}$$

أولاً : حالة التداخل الخطي التام:

ويقصد به أن العلاقة بين المتغيرين المستقلين x_1, x_2 تكون تامة أي أن $r_{x_1x_2} = \pm 1$ ولنفترض أن شكل العلاقة:

$$x_1 = cx_2 \rightarrow (6-2)$$

حيث c ثابت (سالب أو موجب) وبالتالي فإن النتائج المترتبة على هذه الحالة تكون كالتالي:

1- لا يمكن تقدير معاملات النموذج (5-2)

2- لغرض تقدير معاملات النموذج (5-2) يمكن استخدام أسلوب الإنحرافات حيث أن :

$$\begin{aligned} \hat{b} &= (x'x)^{-1}x'y \\ &= \begin{pmatrix} \sum x_{1i}^2 & \sum x_{1i}x_{2i} \\ \sum x_{1i}x_{2i} & \sum x_{2i}^2 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} \sum x_{1i}y_i \\ \sum x_{2i}y_i \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i}^2 - (\sum x_{1i}x_{2i})^2} \begin{bmatrix} -\sum x_{1i}^2 & -\sum x_{1i}x_{2i} \\ \sum x_{1i}x_{2i} & \sum x_{2i}^2 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} \sum x_{1i}y_i \\ \sum x_{2i}y_i \end{bmatrix} \end{aligned}$$

$$\hat{b}_1 = \frac{\sum x_{2i}^2 \sum x_{1i}y_i - (\sum x_{1i}x_{2i})(\sum x_{2i}y_i)}{\sum (x_{1i}^2)(x_{2i}^2) - (\sum x_{1i}x_{2i})^2} \text{--- (7-2)}$$

⁽²⁾مجلة تكريت للعلوم الإدارية والاقتصادية / المجلد 3 / العدد 8 / 2007م.

$$\hat{b}_2 = \frac{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i} y_i - (\sum x_{1i} x_{2i})(\sum x_{1i} y_i)}{\sum (x_{1i}^2)(x_{2i}^2) - (\sum x_{1i} x_{2i})^2} \quad (8-2)$$

حيث أن المعادلة (6-2) بدلالة الانحرافات تصبح:

$$x_1 = Cx_2 \quad (9-2)$$

$$\hat{b}_1 = \frac{c^2 \sum x_{2i}^2 \sum x_{2i} y_i - c^2 (\sum x_{2i}^2)(\sum x_{2i} y_i)}{c^2 \sum (x_{1i}^2)^2 - c^2 (\sum x_{1i}^2)^2} = \frac{0}{0} \quad (10-2)$$

وكذلك بالمثل بالنسبة لـ \hat{b}_2

$$\hat{b}_1 = \frac{0}{0}$$

عليه لا يمكن تقدير معاملات نموذج الإنحدار والسبب الأساسي ناتج من كون $|x \backslash x| = 0$

3- لا يمكن إيجاد تباينات المقدرات والتغايرات المشتركة:

$$V(\hat{a})^{\wedge} = \sigma_u^2 (x \backslash x)^{-1}$$

$$V(B) = \frac{\sigma_u^2}{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i}^2 - (\sum x_{1i} x_{2i})^2} \begin{bmatrix} \sum x_{2i}^2 & - \sum x_{1i} y_{2i} \\ & \sum x_{1i}^2 \end{bmatrix}$$

$$V(\hat{b}_1) = \sigma_u^2 \frac{\sum x_{2i}^2}{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i}^2 - (\sum x_{1i} x_{2i})^2} \quad (11-2)$$

$$V(\hat{b}_2) = \sigma_u^2 \frac{\sum x_{1i}^2}{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i}^2 - (\sum x_{1i} x_{2i})^2} \quad (12-2)$$

$$cov(\hat{b}_1, \hat{b}_2) = \sigma_u^2 \frac{-\sum x_{1i} x_{2i}}{\sum x_{1i}^2 \sum x_{2i}^2 - (\sum x_{1i} x_{2i})^2} \quad (13-2)$$

وإعتماداً على المعادلة (10-2) فإن :

$$V(\hat{b}_1) = \frac{c^2 \sigma_u^2 \sum x_{1i}^2}{c^2 \sum (x_{1i}^2)^2 - c^2 (\sum x_{1i}^2)^2} = \frac{\sigma_u^2 \sum x_{1i}^2}{0}$$

وبنفس الطريقة نجد أن :

$$V(\hat{b}_2) = \frac{\sigma_u^2 \sum x_{1i}^2}{0}$$

وايضاً التباين المشترك هو :

$$cov(\hat{b}_1, \hat{b}_2) = \frac{-\sigma_u^2 \sum x_{1i}^2}{0}$$

وبالتالي لا يمكن تقدير تباينات المقدرات والتغايرات المشتركة لها والسبب ايضاً ناتج من كون

$$|X'X| = 0$$

ثانياً : حالة التداخل الخطي من الدرجات العليا:

ويقصد به أن العلاقة بين المتغيرين x_2, x_1 قوية وتقترب من ± 1 . وفي هذه الحالة فإن

$|X'X|$ سيكون صغيراً جداً ويقترب من الصفر، ويترتب على ذلك الآتي:

1- قيم المقدرات تكون كبيرة جداً، وفي هذه الحالة تكون المقدرات متحيزة.

2- تباينات المقدرات والتغايرات المشتركة تكون هي الأخرى كبيرة جداً.

ولذلك فإن المقدرات لن تتمتع بالخصائص *BLUE*، وبالتالي لا يمكن تقدير تباينات المقدرات والتغايرات المشتركة لها.

(3-4-2) إكتشاف التداخل الخطي المتعدد:

فرضية عدم المراد إختبارها هي عدم وجود إرتباطات عالية بين المتغيرات التفسيرية ضد

الفرضية البديلة التي تشير إلى وجود إرتباطات بين المتغيرات التفسيرية.¹

توجد عدة إختبارات للكشف عن مشكلة التداخل الخطي منها:

أولاً : تحليل *Frisch's Analysis* : *Frisch*

وتكون خطوات هذه الطريقة كالتالي:

¹بسام إبراهيم يونس، أنمارحاجي أمين، عادل موسى يونس، (2002م)، "الاقتصاد القياسي"، دار عزة للنشر والتوزيع، الخرطوم، السودان.

1- نحسب جميع الارتباطات التفسيرية وهي:

$$r_{x_1x_2}, \Gamma_{x_1x_3}, \Gamma_{x_1x_4}, \dots, \Gamma_{x_{k-1}x_k}$$

2- تقدير النموذج الكلي وإختبار معنوية عن طريق إختبار F فإذا كانت النتيجة معنوية ننتقل إلى

الخطوة الثالثة من التحليل، أما إذا كانت النتيجة غير معنوية فلا معنى لإختبار وجود الظاهرة.

3- بعد الحصول على معنوية النموذج الكلي يتم تقدير كافة نماذج الإنحدار البسيطة حساب

معامل التحديد لكل نموذج R^2 .

4- نختار أفضل نموذج إنحدار خطي بسيط إعتماً على أعلى R^2 ، ومن ثم ندخل متغير آخر

إلى النموذج ونعيد تقدير النموذج ذو المتغيرين ونتفحص الإنحرافات المعيارية للمقدرات و R^2

للمنموذج، إن إدخال المتغير الثاني يترتب عليه الآتي:

أ- إذا كان دخول هذا المتغير يؤدي إلى زيادة R^2 مع تغير قيم المقدرات (بإستثناء \hat{B}_0)

والإنحرافات المعيارية للمقدرات مع بقاء المتغير الأول معنوياً، كل ذلك يعني أن المتغير

الجديد ذو أهمية في النموذج.

ب- أما إذا كان دخول المتغير الجديد لا يؤدي إلى زيادة R^2 ولم يؤدي إلى تغيرات كبيرة في قيم

المقدرات والإنحرافات المعيارية لها، فإن دخول هذا المتغير في هذه المرحلة إلى النموذج

غير ذي أهمية، عليه إختبار متغير آخر.

5. نستمر بتطبيق الخطوات السابقة إلى أن نصل إلى النموذج الأخير والذي يضم المتغيرات

التفسيرية المهمة، فإذا كان النموذج لا يضم كافة المتغيرات المستقلة فهذا يعني أن النموذج يعاني

من مشكلة التداخل الخطي المتعدد وأن المتغيرات التفسيرية التي لم تدخل في النموذج هي السبب

من وجود التداخل الخطي، أما إذا كان النموذج يضم كافة المتغيرات المستقلة فهذا يعني لا وجود

للتداخل الخطي المتعدد.

ثانياً : إختبار **Farrar & Glanber** :

إقترح كل من *Farrar* و *Glanber* ثلاثة إختبارات للكشف عن التداخل الخطي المتعدد هي χ^2 و F و T .⁽¹⁾

إختبار χ^2 (مربع كآي):

يستخدم إختبار χ^2 لتحديد وجود أو عدم وجود التداخل الخطي المتعدد في المعادلة المقدّرة، ويعتمد هذا الإختبار على حساب مصفوفة الإرتباطات الخطية البسيطة بين المتغيرات التفسيرية.

نفرض أنه لدينا معادلة الإنحدار المقدرة التالية:-

$$y_i^{\wedge} = \hat{B}_0 + \hat{B}_1 X_{1i} + \hat{B}_2 X_{2i} + \dots + \hat{B}_K X_{Ki} \quad (14 - 2)$$

مصفوفة الإرتباطات البسيطة لهذا النموذج:

$$R = \begin{bmatrix} 1 & r_{x1x2} & r_{x1x3} & \dots & r_{x1xk} \\ & 1 & \dots & \dots & \dots \\ & & 1 & \dots & \dots \\ & & & \dots & \dots \\ & & & & 1 \end{bmatrix}$$

وإعتماداً على محدد المصفوفة R يمكن أن تميز ثلاثة حالات وعلى النحو التالي:

أ- إذا كان $|R| = 0$ فهذا ينتج عن :

$$r_{x1x2} = \pm 1, r_{x1x3} = \pm 1, \dots, r_{x_{k-1}x_k} = \pm 1$$

وفي هذه الحالة هنالك تداخلاً خطياً تاماً بين المتغيرات التفسيرية.

ب- إذا كان $|R| = 1$ فهذا ينتج عن :

$$r_{x1x2} = r_{x1x3} = \dots, r_{x_{k-1}x_k} = 0$$

وفي هذه الحالة هناك استقلالاً خطياً تاماً بين المتغيرات وعندئذ يقال أن هذه المتغيرات متعامدة (orthogonal)، ولذلك لا وجود للتداخل الخطي المتعدد.

⁽¹⁾بسام إبراهيم يونس، أنهار حاجي، عادل موسى يونس(2002)، الإقتصاد القياسي ، دار عزة للنشر والتوزيع، الخرطوم، السودان.

ت- إذا كان $|R| > 0$ ، فإنه لإكتشاف التداخل الخطي المتعدد يتم حساب الإحصائية χ^2 وفق المعادلة الآتية:

$$\chi^2 = - \left[n - 1 - \frac{1}{6}(2k + 5) \right] \log |R|$$

وبعد حساب الإحصائية تستخرج القيمة الجدولية لـ χ^2 من جدول χ^2 عند درجة حرية $\frac{1}{2}k(k-1)$ ومستوى α ومن ثم المقارنة بين القيمتين للتأكد من وجود الظاهرة أو عدمها.

إختبار F :

من هذا الإختبار من الممكن تحديد المتغير (المتغيرات) المتسببة في الظاهرة فيما إذا ثبت وجودها ويتم إجراء الإختبار بإتباع الخطوات الآتية:

أ- نحسب الإرتباطات المتعددة بين المتغيرات التفسيرية:

بإفتراض أن لدينا نموذج يتكون من ثلاثة متغيرات مستقلة كما في المعادلة (2-14)

هي X_1, X_2, X_3 عليه فإن الإرتباطات المتعددة تكون كالاتي:

ب- نختبر معنوية كل إرتباط متعدداً فمثلاً بالنسبة للمتغير X_1 نختبر الفرضية التالية:

$$H_0 : P_{X_1, X_2, X_3} = 0$$

$$H_1 : P_{X_1, X_2, X_3} \neq 0$$

وكذلك بالنسبة لباقي الفرضيات .

ويتم إختبار الفرضيات السابقة عن طريق الإحصائية الآتية:

$$F(X_1) = \frac{r^2_{x_1, x_2, x_3} / (k-1)}{(1 - r^2_{x_1, x_2, x_3}) / (n-k)} \rightarrow (15 - 2)$$

حيث $r^2_{x_1, x_2, x_3}$ يمثل معامل التحديد من نموذج إنحدار متعدد فيه المتغير x_1 هو المتغير المتعدد والمتغيرات التفسيرية هي x_2, x_3 وكذلك الحالة بالنسبة لـ $F(X_2)$ و $F(X_3)$.

ت- نقارن قيمة F المحسوبة لكل متغير مع القيمة الجدولية $F_{k-1, n-k, \alpha}$ ، فإذا كانت القيمة المحسوبة أقل من أو تساوي الجدولية فهذا يعني أن هذ المتغير غير مرتبط خطياً بباقي المتغيرات التفسيرية مجتمعة. أما إذا ثبت أن F المحسوبة أكبر من الجدولية فهذا يعني أن ذلك المتغير مرتبط خطياً بباقي المتغيرات التفسيرية وهذا هو السبب في وجود التداخل الخطي المتعدد ولضمان تطبيق هذا الإختبار يجب أن يكون هنالك على الأقل ثلاثة متغيرات مستقلة في النموذج.

إختبار t :

في هذا الاختبار كما هو الحال في إختبار F من الممكن تحديد المتغير المستقل المسؤول عن وجود التداخل الخطي المتعدد. وتقوم فكرة هذا الإختبار على حساب الإرتباطات الجزئية بين كل متغيرين مستقلين بثبات باقي المتغيرات التفسيرية.⁽¹⁾

بفرض أن لدينا النموذج (2-14) ، تكون خطوات هذا الإختبار كالاتي:

1. يتم حساب معاملات الإرتباط الجزئية بين المتغيرات أي حساب

$$r_{x_1x_2 \cdot x_3} , r_{x_1x_3 \cdot x_2} , r_{x_2x_3 \cdot x_1}$$

2. يتم إختبار كل إرتباط جزئي ، فبالنسبة لـ $r_{x_1x_2 \cdot x_3}$

فإن الفرضية المراد إختبارها هي :

$$H_0 : P_{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} = 0$$

$$H_1 : P_{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} \neq 0$$

وهكذا الحال بنسبة للإرتباطات الجزئية الأخرى لباقي المتغيرات من النموذج وهي $r_{x_1x_3 \cdot x_2}$ ، $r_{x_2x_3 \cdot x_1}$ ومن ثم نستخدم اختبار t بالصورة الآتية :

⁽¹⁾ بسام إبراهيم يونس، أنهار حاجي، عادل موسى يونس(2002)، الإقتصاد القياسي ، دار عزة للنشر والتوزيع، الخرطوم، السودان.

$$t_{X_1 X_2 . X_3} = \frac{r_{X_1 X_2 . X_3} \sqrt{n-k}}{\sqrt{1-r_{X_1 X_2 . X_3}^2}}$$

وكذلك حساب $t_{X_2 X_3 . X_1}$ ، $t_{X_1 X_3 . X_2}$.

ج- نقارن قيمة t المحسوبة مع القيمة الجدولية $t_{n-k, \alpha/2}$ ، فإذا كانت المحسوبة أقل من أو تساوي الجدولية فإن هذا يدل على عدم وجود تداخل خطي بين المتغيرين X_1 و X_2 . أما إذا كانت المحسوبة أكبر من الجدولية فهذا يعني أن هنالك تداخل خطي بين المتغيرين X_1 و X_2 فالسبب في وجود هذه الظاهرة هو إحدى المتغيرين. وبإجراء الإختبار لبقية الإرتباطات الجزئية من الممكن في النهاية تقدير المتغير المسؤول عن وجود الظاهرة. وكما هو الحال في إختبار F فإنه لضمان تطبيق هذا الإختبار يجب أن يكون هنالك على الأقل ثلاثة متغيرات مستقلة في النموذج.

ثالثاً: عامل التضخم (VIF) *Variance in flat ion factor*

يستخدم عامل التضخم VIF كميّار للكشف عن التداخل الخطي المتعدد وتحديد المتغير المستقل المسؤول عن ذلك.

ويعرف VIF بالمعادلات الآتية:

$$VIF = \frac{1}{1-R_j^2} \quad j = 1, 2, \dots, k \rightarrow (16 - 2)$$

حيث يحسب هذا المقياس لكل متغير مستقل في نموذج الإنحدار الخطي المتعدد وعليه فإذا تضمن النموذج k من المتغيرات التفسيرية هذا يعني أن هنالك k من عوامل التضخم ، وتمثل R_j^2 معامل التحديد في نموذج إنحدار فيه المتغير المستقل X_j هو المعتمد وباقي المتغيرات $X_1, X_2, \dots, X_{j-1}, X_{j+1}, \dots, X_k$ تكون هي المتغيرات التفسيرية الموجودة في الجهة الأخرى من نموذج الإنحدار.

ويذكر البروفيسور myers (1986), p.21) أنه إذا كان $FIV > 10$ فهناك إشارة لوجود التداخل الخطي المتعدد ما بين المتغير X_j وباقي المتغيرات، وهذا سيتوجب حذف

المتغير من النموذج لأنه السبب من وجود المشكلة، $R^2 > 0.90$ بمعنى أن $R_j > 0.95$ أو $R_j < 0.95$ فهناك دليل على وجود المشكلة، عليه فإن R_j تمثل معامل الارتباط المتعدد بين المتغير X_j وباقي المتغيرات التفسيرية.⁽¹⁾

رابعاً: طريقة المكونات الرئيسية: Principal component method:

تعتبر المكونات الرئيسية أسلوب لكشف التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية تماشياً مع فرضية أن أي مجموعة متغيرات P يمكن أن تحول إلى مجموعة متعامدة من المتغيرات.

المتغيرات الجديدة المتعامدة تعرف بالمكونات الرئيسية (PC_S) ونرمز لها بالرمز C_1, C_2, \dots, C_p وكل C_j توفيقية خطية للمتغيرات X_1, X_2, \dots, X_p وهذا يعني أن:

$$PC_1 = a_{1j}x_j + a_{2j}x_2 + \dots + a_{pj}x_p \rightarrow (17 - 2)$$

$$j = 1, 2, \dots, p$$

والتوافق الخطية تختار بحيث أن المتغيرات C_1, C_2, \dots, C_p تكون متعامدة¹

مصفوفة رقم (1-1) مصفوفة التباين والتغاير للمكونات الرئيسية:

$$\begin{pmatrix} \lambda_1 & \dots & 0 \\ 0 & \dots & \lambda_p \end{pmatrix}$$

وقيمة كل العناصر غير القطرية تساوي صفر وذلك لأن المكونات الرئيسية (PC_S) متعامدة وقيمة (λ_j) للعناصر المتعامدة هي λ_j تباين المكون (C_j) و (λ_j) من المكونات الرئيسية.

المكونات الرئيسية (PC_S) تأتي مرتبة بحيث أن $\lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \dots \geq \lambda_p$ وهذا يعني أن المكون الأول يمكنك أعلى تباين بينما آخر مكون يكون له أقل تباين من جميع المكونات. λ_s تسمى بالجذور

⁽¹⁾بسام إبراهيم يونس، أنهار حاجي، عادل موسى يونس(2002)، الإقتصاد القياسي ، دار عزة للنشر والتوزيع، الخرطوم، السودان.
1David J. Balding, Noel A. C. Cressie, and other) 2006("Regression Analysis by Example Fourth Edition Wiley ،Sons"(،Inc., Hoboken, New Jersey Published simultaneously in Canada.

المميزة لمصفوفة الارتباطات للمتغيرات x_1, x_2, \dots, x_p المعاملات حسابها معقد يكن أن تحسب (C_j) مرتبة عمودياً.

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \vdots \\ a_p \end{bmatrix} \rightarrow (18 - 2)$$

وإذا أي جذر من الجذور المميزة λ_s ساوى بالضبط صفر ففي هذه الحالة تكون هنالك علاقة خطية كاملة بين المتغيرات الأصلية.

- إذا كانت هنالك قيمة أحد الجذور المميزة λ_s صغيرة جداً قريبة من الصفر، هذا يشير إلى وجود التداخل الخطي.

ومن المعايير المستخدمة أيضاً لمعرفة مشكلة التداخل الخطي عن طريق المكونات الرئيسية¹.

1. الرقم الشرطي لمصفوفة الارتباط k :

المعيار الذي يستخدم لمعرفة كل التداخل الخطي بين المتغيرات يمكن أن نتحصل عليه بحساب لرقم الشرطي لمصفوفة الارتباط والرقم الشرطي يعرف كالاتي:-

$$k = \sqrt{\frac{\text{maximum eigen value of the correlation matrix}}{\text{minimum eigen value of the correlation matrix}}}$$

والرقم الشرطي دائماً قيمة أكبر من الواحد صحيح ، والرقم الشرطي الكبير مؤشر على وجود تداخلاً خطياً بين المتغيرات التفسيرية.

2. مقلوب مجموع الجذور المميزة :

$$\sum_{j=1}^p \frac{1}{\lambda_j}$$

إذا كان هذا المجموع أكبر من خمسة مرات عدد المتغيرات التفسيرية هذا يعني وجود تداخل خطي بين المتغيرات التفسيرية أيضاً.

(5-2) تشخيصات غير رسمية للتداخل الخطي:

فيما يلي إستعراضاً للتشخيصات غير الرسمية التي تقدم مؤشرات لإحتمال تعرض النموذج لتأثيرات مشكلة التعدد الخطي:

• إختبار مصفوفة معاملات الارتباط: Examination of correlation matrix

من أبسط طرق قياس التداخل الخطي للكشف عن العناصر غير القطرية r_{ij} للمصفوف $X'X$ ، فإذا كانت المتغيرات التفسيرية X_1, X_2 لها إرتباط عال ببعضها البعض فإن القيمة المطلقة لـ $|r_{12}|$ تكون قريبة من الوحدة وبذلك يتوقع تعرض النموذج لدرجة عالية من التعدد الخطي. ولكن لسوء الحظ إن هذه الطريقة لا تمكّن من الوصول برأي قاطع بوقوع أو عدم وقوع النموذج تحت تأثير مشكلة التعدد الخطي، لأن ضعف الارتباط بين لمتغيرات التفسيرية لا يعني عدم بروز مشكلة التعدد الخطي في كل الأحوال.

- ظهور تغيرات كبيرة في حجم وإشارات معاملات النموذج، في حال حدوث تغيرات طفيفة في حجم العينة كإضافة أو حذف مشاهدة أو مشاهدات قليلة.
- عندما يكون النموذج ككل معنوي وقيمة معامل التحديد للنموذج، وتظهر معاملات الانحدار غير معنوية، أو زادت إشارة غير مطابقة للنظرية أو الواقع التطبيقي¹
- عند بناء عدد p نموذج إنحدار ، كل من الإنحدار أحد المتغيرات لمستقلة X_j على المتغيرات التفسيرية الأخرى $(p - 1)$ ، فإذا وجد أحد معاملات معامل التحديد R_j^2 يقترب من الواحد فإن ذلك مؤشر لتأثير النموذج بالتعدد الخطي.
- ظهور فترات الثقة عريضة لمعاملات الإنحدار تمثل متغيرات مستقلة لها أهمية كبيرة من التجربة أو الظاهرة التي يمثلها نموذج الإنحدار.

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسيه.

(2-6) معالجة التداخل الخطي المتعدد:

إن مشكلة الحصول على مجموعة من المتغيرات التفسيرية التي تحقق كل الفرضيات التي يستلزمها تطبيق طرق التقدير المعروفة وتعطي خاصية أفضل تقدير خطي غير متحيز (*BULE*) التي تملك خاصية أقل تباين ممكن، وهي من لمشاكل التي تواجه الباحث في مجال القياس الإقتصادي، لأن مشكلة التداخل الخطي (*multicollinearity*) قائمة على الوجود في العلاقات الإقتصادية لكونها ذات تأثيرات خطيرة في دراسة الظاهرة الدروسة، كما أنها من الصعوبة تجنبها في معظم التطبيقات العلمية حيث لا توجد علاقة خطية تامة أو شبه تامة، إضافة إلى ذلك يجب أن يكون عدد المعلمات المطلوب تقديرها أقل من حجم العينة تحت البحث أي أن عدد المعلمات المطلوب تقديرها أقل من حجم العينة تحت البحث أي أن: $1R \text{ an } K[x] = k + 1 < 0$

ويعتقد *Klein* أن مشكلة التداخل الخطي تحصل عندما تكون $r_{ij} > R_y$ حيث يمثل :

$$r_{ij} \equiv \text{معامل الارتباط الجزئي بين المتغير التوضيحي } [x_i] \text{ و } [x_j] \text{ وأن } i \neq j$$

$R_y \equiv$ معامل الارتباط المتعدد بين المتغير المتعمد Y والمتغيرات التفسيرية $[x_i]$ في النموذج.

$$x'x = \begin{bmatrix} 1 & r_{12} \\ r_{21} & 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{var}(b_1) = \text{var}(b_2) = \frac{\sigma^2}{1-e^2} = \frac{\sigma^2}{r_{12}^2}$$

توجد عدة تدابير مقترحة لتخطي مشكلة التعدد الخطي يمكن تضمينها إلى طرق رسمية وأخرى غير رسمية، وفيما يلي إستعراض الطرق الغير رسمية المستخدمة مع طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية، والطرق الرسمية الأخرى المقترحة لمعالجة مشكلة التداخل الخطي.

(2-6-1) الطرق الغير رسمية لمعالجة مشكلة التداخل الخطي:

Informal Remedies methods for multicollinearity

¹مجلة القادسية للعلوم الإدارية والإقتصادية ، المجلد 12 العدد 4 لسنة 2010 ، إعداد: رواء صالح محمد.

الطرق الغير الرسمية لتخطي مشكلة التداخل الخطي عادة تستخدم طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية ، فهي عبارة عن معالجات تنصب نحو معالجة بعض الإختلالات في البيانات، دون تعديل في بنية معادلة طريقة المربعات الصغرى ومنها: عملية إعادة توصيف النموذج model Resppccification ، وحذف أحد المتغيرات التفسيرية المرتبطة، وإستخدام بيانات إضافية أو جديدة .use Additional or New

Some Formal (2-6-2) بعض الطرق الرسمية لمعالجة مشكلة التداخل الخطي: Remedies Methods for multicollinearity

شهد النصف الأخير من القرن العشرين عدة مقترحات لمعالجة مشكلة التداخل الخطي تمثلت أهم مظاهرها في إدخال بعض التعديلات على طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية OLS تراوحت بين التعديلات البسيطة والتعديلات الكبيرة، معظمها لها مقدرات متحيزة ولكنها تميزت بقدر كبير من الإستقرار جعلها محل الاهتمام، وعرفت هذه الطرق بطرق الإنحدار المتحيزة، منها طريقة إنحدار الجذور الصماء Roots Regression (LAT) Method of Latent ومقدرات Bayes(BYS)، والمقدرات المنكمشة Shrunken Estimators، والمقدرات بالتكرار Iteration Estimators (ITR) وفيما يلي إستعراض طريقتي إنحدار المكونات الرئيسية وإنحدار الحرف.¹

(7-2) طريقة إنحدار المكونات الرئيسية: Principal Components Regression

يعود تاريخ استخدام طريقة المكونات الرئيسية إلى أعمال كل من Beltrami في عام (1873) و Jordan في عام (1874) حيث قاما بشكل منفصل بوضع ما يسمى بـ Singular Value Decompostiton (SVD) مما مهد إلى تعريف تحليل المكونات الرئيسية PCA من قبل كل من Pearson في عام (1901) و Hotelling في عام (1933).

كما ذكرنا في بداية هذا الفصل تعتبر طريقة المكونات الرئيسية واحدة من النماذج الخطية المتحيزة الواسعة الاستخدام لتخطي مشكلة التعدد الخطي التي كثيراً ما يعاني منها نموذج الإنحدار

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية.

الخطي المتعدد في الواقع التطبيقي. تقوم طريقة المكونات الرئيسية على تحويل المتغيرات التفسيرية الأصلية المرتبطة دون حذف أي منها إلى متغيرات جديدة متعامدة تسمى بالمكونات الرئيسية ، وكل مركب رئيسي عبارة عن تركيب خطي في المتغيرات التفسيرية الأصلية.

تقدم المكونات الرئيسية قدر كبير من المعلومات عن مشاهدات المتغيرات الأصلية مثل أنماط تجمعاتها وعلاقتها بالمتغيرات الأصلية، أيضاً تقدم المعلومات عن الارتباطات بين المتغيرات الجديدة والقديمة والمجموعات أو التصنيفات التي تحتويها البيانات أو المتغيرات. عادة يتم ترتيب المكونات الرئيسية وفقاً لمقدار التباين بحيث تكون المركبة الأولى هي المركبة ذات التباين الأكبر، ومن ثم يتم اعتماد عدد قليل من المكونات التي يتوقع أن تفسر أكبر قدر من التباين، ويتم إهمال المكونات ذات التأثير الأقل. وتعتبر عملية إيجاد المكونات الرئيسية خطوة مهمة لإزالة أثر التعدد الخطي تمهيداً لاستخدام طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية لتقدير معالم نموذج الإنحدار الخطي الأصلية للمتغيرات التفسيرية.¹

(1-7-2) تعريف تحليل المكونات الرئيسية :

يعرف تحليل المكونات الرئيسية بأنه أسلوب يهدف الي ايجاد عوامل (factors) توليفات خطية تسمى بالمكونات الرئيسية مشتقة من المتغيرات الاصلية لتحل محلها بحيث تكون مؤهلة لتفسير معظم التباين الكلي للقيم الاصلية وتكون هذه المكونات الرئيسية متعامدة , أي لا يوجد ارتباط فيما بينها ويمكن كتابة المكونات الرئيسية حسب المعادلة التالية:²

$$pc_j = a_{1j}x_1 + a_{2j}x_2 + \dots + a_{pj}x_p \dots\dots (19-2)$$

أي ان :

$$pc_j = \sum_{i=1}^p a_{ji}x_i; i=1, 2, p \dots\dots (20-2)$$

حيث :

pc_j : تمثل المكون الرئيسي .

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية.
²فرج عبد الغني يونس الصالح،(2010م)،"دراسة بعنوان مقارنة بين طريقة المكونات الرئيسية وطريقة المربعات الصغرى الجزئية لمعالجة مشكلة التداخل الخطيمع التطبيق على معمل السمنت "

a_{ji} : يمثل معامل j المكون الرئيسي i الذي يمثل قيم المتجهات المميزة a_{ji} المرافقة للجزور المميزة λ_j للمصفوفة المستخدمة .

وباستخدام أسلوب المصفوفات فإن :

$$pc = XA \dots (21-2)$$

وأن المصفوفة A في الصيغة عاليه أعمدها تمثل المتجهات المميزة المرافقة للمصفوفة المستخدمة والمرتبة وفقا لمقادير الجزور المميزة $\bar{e}_1 \geq \bar{e}_2 \geq \dots \bar{e}_p$ وأن كل عمود من الأعمدة للمصفوفة A يمثل احد المكونات الرئيسية .

وتعتمد فكرة حساب المكونات الرئيسية على خصائص الجزور المميزة وما يرافقها من المتجهات المميزة لمصفوفة الارتباط و مصفوفة التباين والتباين المشترك للمتغيرات الأصلية X_S وحسب وحدة قياسها من حيث كونها متشابهة او مختلفة, حيث ان (S) تمثل جميع المتغيرات المدروسة من x_1, x_2, \dots, x_n فإذا كانت المتغيرات لها نفس وحدات القياس ففي هذه الحالة تكون معاملات المكونات الرئيسية a_{ji} قيما المتجهات المميزة لمصفوفة التباين والتغاير المشترك v للمتغيرات X_S المتمثلة¹ ب :

المصفوفة رقم (2-2) تمثل المتجهات المميزة

$$v = \begin{pmatrix} v_{11} & \dots & v_{1m} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{m1} & \dots & v_{mm} \end{pmatrix} \dots (2-2)$$

ولإيجاد الجزور المميزة λ نقوم بتطبيق المعادلة الآتية :

$$|v - \lambda I| = 0 \dots (22-2)$$

وشكل المعادلة المميزة هو متعدد الحدود (polynomial) هي λ من الدرجة m اي :

$$\lambda^m + c_{m-1}\lambda^{m-1} + \dots + c_1\lambda + c_0 = 0 \dots (23-2)$$

¹فرج عبد الغني يونس الصالح،(2010م)،"دراسة بعنوان مقارنة بين طريقة المكونات الرئيسية وطريقة المربعات الصغرى الجزيئية لمعالجة مشكلة التداخل الخطيمع التطبيق على معمل السمنت "

وعند حل هذه المعادلة سنحصل على m من الجزور :

$\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_m$ ولكل جزر مميز قيمة متجهه (a_j) مميز خاص يقابله.

(2-7-2) خواص المكونات الرئيسية: *principal component property*

المكونات الرئيسية تعتبر إحدى طرق تحليل المتغيرات المتعددة والتي لها مجموعة من الخواص تتمثل في الآتي¹ :

1- إن جميع الجزور المميزة لكل من مصفوفة التباين المشترك (v_s) ومصفوفة الارتباط R هي قيم موجبة وذلك لأن هذه المصفوفات موجبة التعريف (positive definite) .

2- إن مجموع الجزور المميزة يساوي مجموع العناصر القطرية للمصفوفة المستخدمة أي أن :

$$\sum_{j=1}^p \lambda_j = p = \sum_{j=1}^p v_j$$

3- محدد المصفوفة المستخدمة يساوي :

$$|v| = |R| = \lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_p$$

4- المتجهات المميزة a_j متعامدة فيما بينها أي أن:

$$a_j a_{j'} = \begin{cases} 1 & \text{if } j = j' \\ 0 & \text{if } j \neq j' \end{cases}$$

$$a'va = \lambda \quad -5$$

حيث a هو المتجه المميز لـ λ .

6- التباين المشترك بين أي مكونين رئيسيين يساوي صفر أي أن :

$$cov(pc_j, pc_{j'}) = 0 \quad ; j \neq j'$$

7- التباين بين أي مكون رئيسي وبين المتغيرات X هو :

$$cov(X, pc_j) = cov(X, a_j) = va_j$$

وبالرجوع للمعادلة (3-4):

¹ حمزة إبراهيم حمزة، (2006م)، تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسية "، الخرطوم، السودان.

$$|v - \ddot{e}_j I| = 0 ; v a_j = \lambda_j a_j$$

نجد أن التغيرات المشتركة بين x_j , pc_j هو :

$$cov(x_j , pc_j) = \lambda_j a_j$$

8- تحويل المتغيرات الأصلية الي المكونات الرئيسية تترتب حسب أهميتها من خلال مساهمتها في مقدار التباين الكلي .

(2-7-3) إختيار المكونات الرئيسية:

يتم إختيار المكونات الرئيسية المؤثرة تأثيرا معنويا والتي تفسر أكبر قدر من التباين الكلي بعدة طرق , حيث ذكر (clarck, 1984م) أنه يمكن تحديدها بإختيار النسبة الي مجموع التباين المفسر لكل مكون , وذلك لأن النسبة لمجموع التباين تبين للباحث كمية المعلومات التي سوف يحتفظ بها بإختيار عدد معين من المكونات¹ , كما حدد (Morrison) الحد الأدنى للنسبة التجميعية المفسرة كالاتي :

$$\frac{\ddot{e}_j}{\sum_j^p \ddot{e}_j} \geq 75\%$$

كما ذكر (الراوي 1987 م) أن عدد المكونات الرئيسية المختارة يكون بعدد الجزور المميزة التي تكون أكبر من الواحد أي $\ddot{e} > 1$.

(2-7-4) حساب المكونات الرئيسية:

إذا فرضنا أن لدينا المتغيرات الاصلية في الدراسة وعددها p كالتالي:

x_1, x_2, \dots, x_p وكل متغير يحتوي على (n) مشاهدة فتكون مصفوفة المتغيرات الأصلية هي $(n * p)$

مصفوفة رقم (2-3) مصفوفة المتغيرات الاصلية:

¹ حمزة إبراهيم حمزة، (2006م)، تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسية "، الخرطوم، السودان.

$$x = \begin{pmatrix} x_{11} & \cdots & x_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{p1} & \cdots & x_{pp} \end{pmatrix} \dots\dots\dots(3-2)$$

وفكرة المكونات الرئيسية هي الحصول على على مجموعة من المتغيرات الجديدة عددها (s) حيث $s < p$, وهي كما اشرنا تابع خطي في المتغيرات الأصلية.

وبناء على المعادلات (22-2) و (23-2) نجد ان :

$$pc_j = a_{j1}x_1 + a_{j2}x_2 + \cdots + a_{jp}x_p = \sum_{k=1}^p a_{jk}x_k ; j = 1, 2, \dots, s \dots\dots\dots(24-2)$$

حيث ان :

$a_{j1}, a_{j2}, \dots, a_{jp}$ هي معاملات المتغيرات في المكون (j), ويتم استنتاجها بحيث يكون تباين pc_j اكبر ما يمكن, ويتم استنتاج هذه المعاملات باستخدام مصفوفة الارتباط (R) أو التباين (v) , علما بأن المكونات الرئيسية المستنتجة من مصفوفة (v) تختلف عن تلك المستنتجة من المصفوفة (R) , وتستخدم مصفوفة الارتباط في استنتاج المكونات الرئيسية عندما تكون المتغيرات الاصلية مقاسة بوحدات مختلفة , اما إذا كانت المتغيرات الاصلية مقاسة بوحدات متجانسة فتستخدم مصفوفة التباين في عملية استنتاج المكونات الرئيسية.

بما أن المكون الرئيسي pc_j هو تابع خطي في المتغيرات الأصلية في المعادلة (19-2) فإنه لكي تكون هذه التوابع غير مرتبطة يجب أن يتحقق هذا الشرط التالي¹

$$cov(pc_i, pc_j) = 0 \dots (25-2)$$

حيث أن :

$$cov(pc_i, pc_j) = cov\left[\sum_{k=1}^p a_{ik}x_k, \sum_{m=1}^p a_{jm}x_m\right] \dots\dots\dots(26-2)$$

$$cov(pc_i, pc_j) = \sum_{k=1}^p \sum_{m=1}^p a_{ik}a_{jm}cov(x_k, x_m) = \sum_{k=1}^p \sum_{m=1}^p a_{ik}a_{jm}v_{km} \dots\dots\dots(27-2)$$

حيث v_{km} هو التباين المشترك بين المتغيرين x_k و x_m فيكون شرط الإستقلالية هو :

¹حمزة إبراهيم حمزة، (2006م)، تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسية "، الخرطوم، السودان.

$$\sum_{k=1}^p \sum_{m=1}^p a_{ik} a_{jm} = 0 ; k \neq m \dots (28-2)$$

ونكتب التوابع الخطية بالشكل الآتي :

$$pc = AX$$

حيث أن :

pc : متجه المكونات الرئيسية pc_j .

A : مصفوفة معاملات المكونات الرئيسية

X : مصفوفة اعمدتها المتغيرات الاصلية (X_1, X_2, \dots, X_p) وصفوفه المشاهدات ويمكن كتابة شرط الإستقلالية المتمثل بالمعادلة (28-2) على الشكل $A^T A = I$ حيث I هي مصفوفة الوحدة.

ونكتب المعادلة (27-2) كالآتي:

$$X = A^T pc$$

ومن تباين المكونات الرئيسية pc_j نكتب :

$$E\{pc(pc)^T\} = E\{AX[AX]^T\}$$

$$E(AXX^T A^T) = AE[XX^T]A^T$$

$$\Rightarrow E\{pc(pc)^T\} = AvA^T = A \dots (29-2)$$

حيث v هي مصفوفة التباين والتغاير المشترك للمتغيرات و A هي مصفوفة قطرية عناصر قطرها الرئيس هي $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_p$.

كما في المصفوفة التالية:

$$A = \begin{bmatrix} \lambda_1 & \dots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \lambda_p \end{bmatrix} \dots (3-2)$$

وهذه نتيجة من كون المكونات مستقلة عن بعضها , وتمثل هذه المصفوفة مصفوفة تباين المكونات الرئيسية (pc_j) لأن :

$$v - cov(pc) = v - cov[AX] = A\{v - cov(X)\}A' = AvA' = A$$

وبضرب في A' نحصل على:

$$vA' = A'A$$

أي أن:

$$\begin{pmatrix} v_{11} & \cdots & v_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{p1} & \cdots & v_{pp} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} A_{11} & \cdots & A_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{p1} & \cdots & A_{pp} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & \cdots & A \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ A & \cdots & A \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \lambda_1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & \lambda_p \end{pmatrix}$$

نستطيع كتابة المصفوفات بالشكل التالي:

$$\begin{pmatrix} v_{11} & \cdots & v_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{p1} & \cdots & v_{pp} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} A_{11} & \cdots & A_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{p1} & \cdots & A_{pp} \end{pmatrix} = 0$$

إذا أهملنا قيمة A بشكل اولي فنحصل على ما يلي:

$$\begin{pmatrix} v_{11} & \cdots & v_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{p1} & \cdots & v_{pp} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \lambda_1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & \ddot{e} \end{pmatrix} = 0$$

$$\begin{pmatrix} v_{11} & \cdots & v_{1p} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{p1} & \cdots & v_{pp} \end{pmatrix} - \ddot{e} \begin{pmatrix} 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 1 \end{pmatrix} = 0$$

لإيجاد λ_1 نحل المعادلة (25-2):

$$|v - \lambda_1 I| = 0$$

وبصورة عامة لإيجاد λ_j نحل المعادلة :

$$|v - \lambda_j I| = 0 ; j = 1, 2, \dots, p$$

ومن المعادله (2-17) مع تحقق شرط الإستقلالية نحصل على قيم المعاملات a_{ij} في المكونات الأساسية مستنتجة من (2-24)

$$v(pc_j) = v_{11} + v_{22} + \dots + v_{pp} = \lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_p \dots\dots(30-2)$$

أي ان التباين الإجمالي للظاهرة المدروسة يساوي أثر مصفوفة التباين (v) وإن نسبة ما يفسره المكون (j)¹ من التباين الكلي هو : $\frac{\lambda_j}{\sum_{j=1}^p \lambda_j}$

وبالتالي فإن المكونات الرئيسية التي عدد p تفسر 100% من التباين الكلي في مجموعة المتغيرات الأصلية x_1, x_2, \dots, x_p .

(2-7-5) إحدار المكونات الرئيسية: principal component regression

تعتبر إحدار المكونات الرئيسية (PCR) طريقة لمعالجة مشكلة التداخل الخطي المتعدد , وهي طريقة من خلالها يمكن ان نتحصل على تقدير وتنبؤات افضل من تلك التي نتحصل عليها عن طريق المربعات الصغرى الإعتيادية , إذا تم تطبيقها بنجاح ((draper and smith (1981) حيث تعمل على تصغير قيم متوسط مربعات الأخطاء العشوائية (MSE)².

تعتمد طريقة تحليل المكونات الرئيسية كما اشرنا أسلوب تحويل المتغيرات التوضيحية الأصلية الي متغيرات جديدة تسمى بالمكونات الرئيسية . حيث ان كل مكون (مركب) رئيسي هو عبارة عن تركيبة خطية في المتغيرات التفسيرية الأصلية³.

ويتم تحويل المتغيرات التفسيرية إلى المكونات الرئيسية بالشكل الآتي :

$$\hat{y} = \hat{a}_0 I + Xaa' + \underline{u} \dots\dots (31-2)$$

¹ حمزة إبراهيم حمزة، (2006م)، تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني باستخدام المكونات الرئيسية ، الخرطوم، السودان.

²David J. Balding, Noel A. C. Cressie, and other(2006") Regression Analysis by Example Fourth Edition Wiley· Sons) "Inc., Hoboken, New Jersey Published simultaneously in Canada.

³أسوان محمد طيبالنعمي ، (2009م)، " معالجة البيانات غير التامة وتقديرها بطريقة إحدار المكونات الرئيسية "

حيث:

a : عبارة مصفوفة المتجهات المميزة لمصفوفة الارتباط بين المتغيرات التوضيحية, فإذا عوضنا عن Xa بكمية ثابتة pc مصفوفة ذات بعد (np) أعمدها عبارة عن معاملات إنحدار النموذج المحور الذي يأخذ الشكل الآتي:

$$y^* = \hat{a}_0 I + pc^* \hat{a}^* + \underline{u}$$

وعند تطبيق أسلوب المكونات الرئيسية يفضل تحويل المتغيرات الي متغيرات قياسية , حيث أن

$$z_{ij} = \frac{(x_{ij} - \bar{x}_j)}{\sigma_{x_j}} \dots\dots(32-2)$$

(8-2) إنحدار الحافة : Ridge Regression

تم تقديم إنحدار الحافة أولاً في عام (1962) من قبل Arthur E.Hoerl في مقال نشر له في مجلة الهندسة الكيميائية تحت عنوان : تطبيق تحليل الحافة على مشكلات الإنحدار، حيث تطرق فيه إلى خبرته في تحليل الإنحدار التي ركز فيها على أنه عندما يكون هناك ارتباط بين المتغيرات التفسيرية يكبح قدرة طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية OLS على إعطاء مقدرات جيدة مما حدا به إلى إقتراح طريقة تقدم مقدرات أفضل عند وجود ارتباط بين المتغيرات التفسيرية . وفي عام (1970) قدم Rober W.Kennard و Arthur E.Hoerl مقالتهم في مجلة Technometrics قدم فيها إنحدار الحافة Ridge Regression كحل متكامل لمشكلة التعدد الخطي.

وعندما يتم الحصول على مقدر متحيز بمقدار بسيط ويكون في نفس الوقت أكثر دقة بكثير من المقدرات غير المنحازة فإنه يعتبر الأفضل، لأنه حينئذ سيكون المقدر الأكثر قرباً للقيمة الحقيقية.

لإستعراض إشتقاق معادلة مقدرات إنحدار الحافة نستعرض فكرة مجموع مربعات الخطأ $MSE(b) = E\|b - \hat{a}\|^2$ لمقدرات المربعات الصغرى. حيث يعتبر مجموع مربعات الخطأ من

المقاييس واسعة الإنتشار التي تستخدم لتقييم جودة التقدير. يمكن تجزئة مجموع مربعات الخطأ إلى مربع التحيز زائداً التباين كما في المعادلة¹.

$$E\|B - \beta\|^2 = \sum_j E(b_j - \beta_j)^2$$

$$= \sum_j \{E(b_j) - \hat{\alpha}_j\}^2 + \sum_j var(b_j) \dots \dots \dots (33 - 2)$$

ووفقاً لنظرية Gauss-Markov فإن المربعات الصغرى لها أصغر تباين مقارنة بجميع المُقدَّرات الأخرى غير المتحيزة. ولكن هذا لا يعني بالضرورة أن يكون أقل مجموع مربعات خطأ MSE وللتفريق بين مجموعة من المُقدَّرات سنرمز لمقدر المربعات الصغرى الإعتيادية بـ $\hat{\alpha}_{LS}$ عليه فإن $E(\hat{\alpha}_{LS}) = \hat{\alpha}$ ومصفوفة التباين $var(\hat{\alpha}_{LS}) = \sigma^2(x'x)^{-1}$ عليه يمكن كتابة مربعات الخطأ كما يلي:

$$MSE(\hat{\alpha}_{LS}) = E\|\hat{\alpha}_{LS}\|^2 - \|\hat{\alpha}\|^2$$

$$= tr \{ \sigma^2(x'x)^{-1} \} = \sigma^2 tr (x'x)^{-1} \dots \dots \dots (34 - 2)$$

إذن

$$E \left(\|\hat{\alpha}_{LS}\|^2 \right) = \|\hat{\alpha}\|^2 + \sigma^2 tr \{ (x'x)^{-1} \} \dots \dots \dots (35 - 2)$$

ويلاحظ هنا بوضوح انه إذا كانت المصفوفة $x'x$ عليه فإن مُقدر المربعات الصغرى الإعتيادية $\hat{\alpha}_{LS}$ يكون بُعد كبير $\|\hat{\alpha}_{LS}\|^2$ يترافق معه إنفلات في التباين وعدم إستقرار المقدرات. وهنا يأتي إنحدار الحافة لتخطي مشكلة التعدد الخطي بإيجاد مُقدَّرات متحيزة ولكنها تمتاز بأن لها تباين أقل وأكثر إستقراراً .

مقدَّرات (1-8-2) Ridge Estimators

للتحكم على إنفلات التباين وعدم الإستقرار الذي يرافق مقدرات المربعات الصغرى في حال تعرض النموذج لمشكلة التعدد الخطي اقترح Arthur E.Hoerl المقدر المنحاز "مُقدر الحافة" أو Ridge

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية.

Estimator . لأي مُقدر b يمكن إعتبار معيار المربعات الدنيا هو أصغر ما يمكن الوصول إليه عند \hat{a}_{LS} زائداً الصيغة التربيعية عند b :

$$Q(b) = \|Y - X\hat{a}_{LS} + X\hat{a}_{LS} - Xb\|^2$$

$$= (Y - X\hat{a}_{LS})'Y - X\hat{a}_{LS} + (b - \hat{a}_{LS})'X'X(b - \hat{a}_{LS}) = Q_{min} + \ddot{o}(b)$$

عليه فإن محيط المنحرف Contour لأي ثابت صيغة تربيعية لـ $\ddot{o}(b)$ فهو مجسم ناقص عليه فإن محيط المنحرف Contour لأي ثابت صيغة تربيعية لـ $\ddot{o}(b)$ فهو مجسم ناقص Hyper-ellipsoids يتمركز حول أدنى مربع خطأ معياري إعتيادي $LSE \hat{a}_{LS}$ ، فإنه من المعقول قبول ذلك ، عليه إذا تحركنا بعيداً عن Q_{min} فإننا سنكون متحركين في إتجاه يؤدي إلى تناقص بُعد b ، ولحل المشكلة بإستخدام إنحدار الحافة فيمكن تصغير أو خفض $\|\beta\|^2$ وفقاً إلى $\ddot{o}_0 = (\beta - \hat{\beta}_{LS})'X'X(\beta - \hat{\beta}_{LS})$ لبعض الثوابت \ddot{o}_0 وفي هذه الحالة فإن القيود المفروضة تضمن بواقى صغيرة نسبياً لمجموع مربعات $Q(\hat{a})$ عند مقارنتها إلى أدناها Q_{min} .

$$Q^*(\beta) = \|\beta\|^2 + \left(1/K\right) \{(\beta - \hat{\beta}_{LS})'X'X(\beta - \hat{\beta}_{LS}) - \ddot{o}_0\} \dots (36 - 2)$$

حيث $1/K$ تمثل المضروب يتم اختياره لإستيفاء القيود. عليه فإن المشتقة التالية:

$$\frac{\partial Q^*}{\partial \beta} = 2\beta + 1/K \{2(X'X)\beta - 2(X'X)\hat{\beta}_{LS}\} = 0 \dots \dots \dots (37 - 2)$$

تعطي مُقدرات الحافة على المعادلة التالية:

$$\hat{\beta}_{RR} = \{X'X + KI\}^{-1} X'Y \dots \dots (38 - 2)$$

$I \equiv$ مصفوفة الوحدة (Identity Matrix) ذات بُعد $(p \times p)$.

وعندما تكون $k = 0$ فإن تقديرات إنحدار الحافة RR تساوي تقديرات طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية، وعندما تكون $K > 0$ فإن مُقدرات إنحدار الحافة تميل إلى الإستقرار عند قيمة معينة نسبة للتغيرات في البيانات ولكنها تكون متحيزة، ويكون مجموع مربعات الخطأ RR أقل من مجموع مربعات الخطأ لـ LS أي

$$.MSE(\hat{\alpha}_{RR}) < MSE(\hat{\alpha}_{LS})$$

بأخذ المعادلة (2-38) في الإعتبار يمكن صياغة العلاقة بين مقدرات إنحدار الحافة ومقدرات طريقة المربعات الصغرى وفقاً لما يلي.

$$\beta_{RR}^{\wedge} = \{X'X + KI\}^{-1} (X'X) \beta_{LS}^{\wedge} \dots \dots \dots (39 - 2)$$

وبافتراض أن

$$Z = \{1 + K(X'X)^{-1}\}^{-1} \dots \dots \dots (40 - 2)$$

فإن :

$$\beta_{RR}^{\wedge} = Z_k \beta_{LS}^{\wedge} \dots \dots \dots (41 - 2)$$

وعليه بما أن $E(\hat{\alpha}_{RR}) = E(Z_k \beta_{LS}^{\wedge}) = Z_k \beta$ فإن $E(\hat{\alpha}_{RR})$ مُقدر متحيز بالنسبة β . ويرمز إلى عامل التحيز بـ K ، ومصنوفة التباين لمقدر إنحدار الحافة $(\hat{\alpha}_{RR}^{\wedge})$ هي:

$$V\beta_{RR}^{\wedge} = \sigma^2 (X'X + KI)^{-1} X'X (X'X + KI)^{-1} \dots \dots \dots (42 - 2)$$

$$V\beta_{RR}^{\wedge} = \sigma^2 Z (X'X)^{-1} Z' \dots \dots \dots (43 - 2)$$

(2-8-2) متوسطات الخطأ Mean Square Error:

متوسط مربعات الخطأ يعتبر من المقاييس المهمة الدالة على جودة التقدير لذلك ما يستخدم لمقارنة أداء نماذج الإنحدار المختلفة، لأنه عبارة عن التباين مضافاً إليه مربع مقدار تحيز مقدر إنحدار الحافة بالرجوع إلى المعادلة (2-38) فيمكن تعريف مجموع مربعات الخطأ لمقدر الانحدار الحافة كما يلي:¹

$$MES(\beta_{RR}^{\wedge}) = V(\beta_{RR}^{\wedge}) + (\text{bias in } \beta_{RR}^{\wedge})^2 \dots \dots \dots (44 - 2)$$

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية، الخرطوم ، السودان.

$$= \sigma^2 Tr \left[\sigma^2 (X'X + KI)^{-1} X'X (X'X + KI)^{-1} \right] + k^2 \hat{a}' (X'X + KI)^{-2} \beta$$

$$= \sigma^2 \sum_{j=1}^p \frac{\lambda_j}{(\lambda_j + k)^2} + k^2 \hat{a}' (X'X + KI)^{-2} \beta \dots \dots \dots (45 - 2)$$

$$= Y_1(k) + Y_2(k) \dots \dots \dots (46 - 2)$$

إن $Y_1(k)$ تعتبر دالة مطردة التناقص بالنسبة إلى k ، في حين $Y_2(k)$ تكون دالة مطردة التزايد بالنسبة إلى k ، عليه إذا كان $k > 0$ فإن مقدار التحيز في $\hat{\beta}_{RR}$ يزداد مع إزداد قيمة k ، بينما ينخفض التباين مع إزداد قيمة k ، أي بالنسبة إلى عامل التحيز يكون التباين في تناقص بينما تزداد قيمة التحيز .

(2-9) طرق إختيار معلمة الحافة: Methods of Choosing Ridge parameter

إنحدار الحافة يعتبر دالة في معلمة الحافة أو عامل التحيز K ، حيث K عبارة عن قيمة موجبة تضاف إلى القطر الرئيس للمصفوفة $X'X$ ، وتقع قيمة معلمة الحافة ضمن المجال $0 < k < 1$ يمكن التفريق بين طريقتين رئيسيتين لاختيار معلمة الحافة هما طريقة أثر الحافة Ridge Trace وطريقة تقدير قيمة K وفيما يلي إستعراضاً للطريقتين¹:

(2-9-1) طريقة أثر الحافة The Ridge Trace

طريقة أثر تعتمد على الرسم لتحديد القيمة المثالية لـ k ومن ثم تلعب خبرة الباحث أو الإحصائي دوراً مهماً في الاختيار لذلك تعتبر طريقة أثر الحافة طريقة غير موضوعية، وهي إذا افترضنا وجود P من العناصر لمقدر الحافة $\hat{\beta}_{RR}$ كدوال في K فإنه يتم رسمها جميعاً مقابل قيم K في شكل واحد ضمن المدى $0 < k < 1$ ، ومع الزيادة التدريجية لقيمة عامل التحيز إبتداء من الصفر ضمن المدى المحدد يقوم الباحث باختيار قيمة $0 < k < 1$ ، ومع الزيادة التدريجية لقيمة عامل التحيز إبتداء من الصفر ضمن المدى المحدد يقوم الباحث باختيار قيمة $K = K_{trace}$ التي تشهد عندها الدالة استقراراً ملحوظاً.

(2-9-2) طريقة تقدير K : Methods of Estimate K

¹Feldstein, M.S., *Multicollinearity and the mean square error of alternative estimators*. Econometrica: Journal of the Econometric Society, 1973: p. 337-346.

طريقة تقدير معلمة الحافة تعتبر طريقة موضوعية Objective Method مقابل طريقة أثر الحافة حيث أن إختيار القيمة المثلى لمعلمة الحافة يعتمد فقط على قيم متغير الإستجابة Y . بصورة عامة يهدف إنحدار الحافة إلى إيجاد قيمة K التي من شأنها خفض التباين بشكل كبير مقابل الزيادة في قيمة مربع التحيز.

هنالك بعض الطرق الغير رئيسيه لإختيار معلمة الحافه منها:

• طرق Hoerl و Kennard و Baldwin :

اقترح كل من Hoerl و Kennard في ورقتهما التي نشرت في عام (1970) إيجاد قيمة k وفقاً للمعادلة (2-46) كأول معادلة لحساب قيمة معلمة الحافة.

$$K_{HK} = \frac{\sigma^2}{\alpha^2} \dots \dots \dots (47 - 2)$$

وفي عام (1975) قدم كل من Hoerl و Kennard و Baldwin صيغة جديدة لتحديد معلمة الحافة المثلى كتقدير لـ K .

$$K_{HKB} = \frac{p\sigma^2}{\alpha^2} \dots \dots \dots (48 - 2)$$

حيث : α^2 و σ^2 يتم الحصول عليهما من حل طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية. وفي ورقتهما المنشورة عام (1976) وضع كل من Kennard و Hoerl خوارزمية لتقدير قيمة معلمة الحافة. وفقاً للخطوات التالية¹:

$$\alpha^2 k_0 = \frac{p\sigma^2}{\alpha^2}$$

$$\alpha^2(k_0)k_1 = \frac{p\sigma^2}{\alpha^2(k_0)\alpha^2(k_0)}$$

$$\alpha^2(k_1)k_2 = \frac{p\sigma^2}{\alpha^2(k_1)\alpha^2(k_1)}$$

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تاثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسيه، الخرطوم ، السودان.

ويستخدم التغير النسبي في K_j لوقف التكرار إذا كانت $\frac{k_{j+1}-k_j}{k_j} > 20T^{-1.3}$ وهكذا تستمر

الخوارزمية في التكرار أو في حالة الخروج يتم استخدام $\alpha_{RR}^{\wedge}(k_j)$ حيث $T = \frac{tr(X'X)^{-1}}{p}$

• **طريقة Wang و Lawless:**

قدم مل من Lawless و Wang طريقتهما لإيجاد معلمة الحافة في ورقتهما التي نشرت في عام

(1976) ويلاحظ أن طريقتهما تعتمد نوعا ما على K_{HKB} .

$$k_{LW} = \frac{\mathcal{P}\sigma^{\wedge 2}}{\sum_{j=1}^{\mathcal{P}} \lambda_j \alpha_j^{\wedge 2}} \quad (48 - 2)$$

• **طريقة Hocking و Sped و Lynn:**

إقترح كل من Hocking و Sped و Lynn في عام (1976) طريقة جديدة لتحديد معلمة

الحافة.

• **طريقة kibria** طريقتين جديدتين لإيجاد معادلة الحافة تعتمدان على فكرة الوسط الهندسي

والوسيط .

• **طريقة Khalaf و Shukur**

• **اقتراح كل من طريقة Khalaf و Shukur في عام (2005) طريقة جديدة كتعديل لـ K_{HK}**

لتحديد معلمة الحافة .

• **طريقة Alkhamisi وآخرون:**

أيضا اعتمد على طريقة Kibria وطريقة Khalaf و Shukur ، قدم كل من Alkhamisi

وآخرون في عام (2006) طرق جديدة نتناول منها الطريقة التي تمثلها المعادلة:

$$K_{arith}^{KS} = \frac{1}{p} \sum_{j=1}^p \frac{\lambda_j \sigma^{\wedge 2}}{(n-p)\sigma^{\wedge 2} + \lambda_j \alpha_j^{\wedge 2}} \dots \dots \dots (49-2)$$

• **طرق Shukur و Alkhamisi, M.:**

في عام (2007) في ورقتهما Developing Ridge Parameters For SUR Model قدم كل من Alkhamisi, M. و Shukur : عدة طرق لإيجاد معلمة الحافة اعتماداً على $K_j = \frac{1}{\alpha_j^2}$ حيث في الطريقة $K_{j(squarith)}$ تم استخدام فكرة الوسط الحسابي لـ $\sqrt{K_j}$ فكانت الطريقة وفقاً للمعادلة:

$$K_{j(squarith)} = \text{mean} \left(\frac{1}{\sqrt{\alpha_j^2}} \right) \dots \dots \dots (50 - 2)$$

وفي ورقتهما المنشورة في ذات العام (2007) تحت عنوان A Monte Carlo Study of Recent Ridge parameters قاما بإقتراح عدة طرق نتناول منها الطريقة K_{AS} وهي تعتمد K_{HK} صيغتها على المعادلة:

$$K_{bS} = \frac{\lambda_{\max} \sigma^2 + \beta_{\max}^2}{\lambda_{\max} \beta_{\max}^2} = \frac{\sigma^2}{\beta_{\max}^2} + \frac{1}{\lambda_{\max}} = K_{HK} + \frac{1}{\lambda_{\max}} \dots (51 - 2)$$

(10-2) إندار الحافة وإختيار المتغيرات التفسيرية: Ridge Regression and Variable Selection

على الرغم من أن عملية إختيار المتغيرات التفسيرية تلعب دوراً جيداً في ظل تعامد المتغيرات التفسيرية ، نجد أن الخوارزميات الإعتيادية لإختيار المتغيرات التفسيرية في نموذج الإندار الخطي المتعدد لا تلعب ذات الدور في ظل بروز مشكلة التعدد الخطي. عليه فإن عملية تقريب المتغيرات التفسيرية من التعامد فيما بينها باستخدام عامل التحيز يخلق واقعاً جيداً لإختيار المتغيرات التفسيرية الأكثر تأثيراً في متغيراً الإستجابة. قدم كل من Kennard , Hoerl في ورقتهما الثانية التي نشرت في ذات العام (1970) فكرة إستخدام أثر الحافة كمعيار لإختيار المتغيرات التفسيرية وفقاً لقاعدة حذف المتغيرات التفسيرية من النموذج الكامل والتي تلخصها الخطوات التالية¹:

¹Belsley, D.A., E. Kuh, and R.E. Welsch, *Regression Diagnostics: Identifying Influential Data and Sources of Collinearity*. Wiley Series in Probability and Mathematical 1980, USA: John Wiley & Sons, Inc.

- حذف المتغير التفسيري ذو القدرة التنبؤية الصغرى من النموذج وإن كان مستقراً ، ويستدل عليه بصغر معاملته المعياري.
 - حذف المتغير التفسيري الذي له معاملات غير مستقر وغير قادرة على عكس قدرته التنبؤية وتؤول إلى الصفر.
 - حذف واحد أو مجموعة من المتغيرات التفسيرية التي لها معاملات غير مستقرة.
- وتشكل المتغيرات المتبقية مجموعة جزئية عددها p يتم إستخدامها في النموذج النهائي، ومن ثم يتم إختبار ما إذا كانت هذه المتغيرات التفسيرية شبه المتعامدة ، حيث يمكن إجراء هذا الاختبار برسم $\beta_{RR}'(K)\beta_{RR}(K)$ مربع طول متجه المعاملات.
- إذا كانت (X_1, X_2, \dots, X_p) متغيرات تفسيرية، فيمكن تعريف توليفة متعامدة منها وفقاً للمعادلة التالية:

$$Z = XA \quad (52 - 2)$$

حيث تمثل Z مصفوفة المكونات الرئيسية من الرتبة $(n \times p)$ ، بينما المصفوف A عبارة عن مصفوفة متعامدة للمتجهات المميزة المعيارية المناظرة للجذور المميزة لمصفوفة معلومات النظام (X', X) ورتبتها $(p \times p)$ ، عناصرها a_{ij} وأعمدتها A_j وهي تجعل المصفوفة (X', X) مصفوفة قطرية، $\lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \dots \geq \lambda_p$ قيم مميزة للمصفوفة (X', X) فإن المتغير Z_j يتوزع بمتوسط يساوي الصفر وتباين λ_j^2 .

وللتعبير عن Y كدالة في المكونات الرئيسية بدلاً من المتغيرات التفسيرية (X_1, X_2, \dots, X_p) المرتبطة فيما بينها، وبما أن A مصفوفة متعامدة حيث $AA' = I$ فيمكن إعتبار $X = ZA'$ بالنسبة إلى معادلة نموذج الإنحدار ، فنحصل على نموذج الإنحدار وفقاً للمعادلة التالية:

$$Y = ZA'\hat{a} + \hat{a} \quad (53 - 2)$$

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية، الخرطوم ، السودان.

وعلى إفتراض أن $A'\hat{a} = y$ فتصبح المعادلة لنموذج الإنحدار وفقاً للمعادلة التالية:

$$Y = Z\gamma + \hat{a}$$

حيث y تمثل متجه المعلمات $(\gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_p)$ المناظرة للمركبات الرئيسية (Z_1, Z_2, \dots, Z_p) التي يمكن تقديرها باستخدام طريقة المربعات الصغرى الإعتيادية وفقاً للمعادلة .

$$\gamma = (Z'Z)^{-1} Z'Y = A^{-1}ZY \dots \dots \dots (54 - 2)$$

والمصفوفة A تعتبر مصفوفة قطرية من الرتبة $(p \times p)$ عناصرها الجذور المميزة للمصفوفة (X', X) . والتوقع لهذه المعلمات هو $E(\gamma^\wedge) = \gamma$ وتباينها $var(\gamma^\wedge) = A^{-1}\hat{\sigma}^2$ ، عليه يمكن القول أن متجه المعلمات γ^\wedge له توزيع طبيعي بمتوسط γ وتباين $A^{-1}\hat{\sigma}^2$. وبالتالي فإن تباين أي معلمة ضمن متجه المعلمات γ^\wedge يحسب وفقاً للصيغة:

$$var(y_i) = \frac{\hat{\sigma}^2}{\lambda_j} ، مع الأخذ في الإعتبار أن $\gamma_i^\wedge = \frac{Z_i'Y}{\lambda_i}$ ويتم التنبؤ بقيمة المتغير التابع$$

Y وفقاً للمعادله التاليه:

$$Y^\wedge = \sum_{j=1}^p Z_j \gamma_j^\wedge \dots \dots \dots (55 - 2)$$

ويكون التباين المخفض لتوفيق نموذج الإنحدار بإستخدام المركب الرئيسي Z_j يساوي المقدار $\lambda_i \gamma_j^2$ ، عليه فإن نسبة التباين المفسر في قيم متغير الإستجابة Y بواسطة المركب الرئيسي Z_j هي $\left(\lambda_i \gamma_j^2 / Y'Y \right) \times 100$ وتساوي هذه النسبة مربع معامل إرتباط متغير الإستجابة والمركب الرئيسي Z_j مع ضرب الناتج في مائة. وبناءاً عليه يكون مربع الخطأ لتوفيق خط الإنحدار هو:

$$MSE = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (Y_i - \bar{Y})^2 - \sum_{j=1}^p \lambda_j \gamma_j^2 \dots \dots \dots (56 - 2)$$

وللحصول على معلمات المتغيرات التفسيرية الأصلية لنموذج الإنحدار ، يستفاد من العلاقة بين المعلمات الأصلية β^\wedge ومعلمات نموذج الإنحدار γ^\wedge الخاصة بإنحدار المتغير Y على المكونات الرئيسية Z وفقاً لما يلي:

إذا كان $A'\beta^\wedge = \gamma^\wedge$ و $A'A = I$ فإن $\beta^\wedge = A\gamma^\wedge$ وبما أن المعلمات β^\wedge تنتوزع توزيعاً طبيعياً بمتوسط $A\gamma$. فإن القيمة المتوقعة للمعلمة β_i تحسب وفقاً لما يلي:

$$E(\hat{\alpha}_i) = \sum_{j=1}^p a_{ij} \gamma_j \dots \dots \dots (57 - 2)$$

وبما أن المعلمات β^\wedge لها التباين $A^{-1}A\sigma^2$. فإن تباين المعلمة β_i يحسب وفقاً للمعادلة التالية:

$$var(\hat{\alpha}_i) = \sigma^2 \sum_{j=1}^p a_{ij}^2 / \gamma_j \dots \dots \dots (58 - 2)$$

وعند إستخدام الجذور المميزة لمصفوفة معاملات الارتباط بدلاً من مصفوفة التباين والتغاير كمدخلات في تحليل إنحدار المكونات الرئيسية فإنه يجب إستخدام $n\lambda_j$ بدلاً من λ_j .

وتوضح العلاقة أن تباين معلمات نموذج الإنحدار الأصلية المقدر β^\wedge أيضاً تعتمد على الجذور المميزة للمصفوفة (X', X) ، عليه يتطلب تخفيض التباين الكلي للمعلمات ، استبعاد المكونات الرئيسية المقابلة لأصغر الجذور المميزة بالمصفوفة (X', X) .

اقترح بعض الباحثين أمثل *Jeffers* و *Jolliffe* و *Chatterjee and Price* أن يتم استبعاد المكونات الرئيسية التي تقبل الجذور المميزة التي تقل عن 70% . كما اقترح *Morssison* اختيار المكونات الرئيسية التي تفسر على الأقل 70% من التباين في قيم متغير الاستجابة. وهذه النسبة يمكن الحصول عليها بقسمة مجموع الجذور المميزة المقابلة لـ K من المكونات الرئيسية على مجموع الجذور المميزة عند إستخدام مصفوفة التباينات والتغايرات للمتغيرات التفسيرية كمدخلات لتحليل المكونات الرئيسية وفقاً:

$$\left(\frac{\sum_{j=1}^k \lambda_j}{\sum_{j=1}^p \lambda_j} \right) \times 100 \dots \dots \dots (59 - 2)$$

أما عند إستخدام مصفوفة معاملات الإرتباط كمدخلات لتحليل المكونات الرئيسية فعندئذ يتم استخدام عدد المتغيرات التفسيرية p بدلاً من مجموع الجذور المميزة.

يتم بناء نموذج الإنحدار لمتغير الإستجابة Y على المكونات الرئيسية المتبقية ، بعد إستبعاد بعضها الذي لا يحقق المعايير المسابقة. بإفتراض أن S من الجذور المميزة لها قيم كبيرة من بين P من الجذور المميزة للمصفوفة (X', X) يكون هناك (p - s) من الجذور المميزة ذات قيم صغيرة، أي يتم إستبعاد عدد (p - s) من المكونات الرئيسية Z، ومن ثم يجري توفيق نموذج إنحدار Y على المكونات الرئيسية المتبقية وبذلك تكون المعادلة التنبؤية كما يلي¹:

$$Y_S^{\wedge} = \sum_{j=1}^s Z_j \gamma_j^{\wedge} \dots \dots \dots (60 - 2)$$

ويحسب مجموع مربعات الخطأ الخاص بنموذج الإنحدار الموفق بعدد S من المكونات الرئيسية وفقاً لما يلي:

$$\sigma_s^{\wedge 2} = \text{MSE} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (Y - \bar{Y}_i)^2 - \sum_{j=1}^s \lambda_j \gamma_j^{\wedge} \dots \dots \dots (61 - 2)$$

ولحسن الحظ فإن خاصية التعامد لمقدرات المربعات الصغرى لـ γ سوف لن تختلف في حال استخدام جميع المكونات الرئيسية أو مجموعة جزئية منها، وتأسيساً على ذلك يتم تقدير معاملات نموذج الإنحدار المخفض γ_s وفقاً لما يلي :

$$\gamma_s^{\wedge} = A_s^{-1} Z_s' Y \quad (62 - 2)$$

حيث: $A_s = \text{diag} (\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_s)$

ويتم الحصول على متجه المعلمات γ_s[∧] بتجزئة المصفوفة وفقاً لما يلي:

¹محمد سليمان جبريل، (2014م)، التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بطريقتي إنحدار الحافه والمكونات الرئيسية، الخرطوم ، السودان.

$$A = [A_s : A_{p-s}]$$

حيث $A_s = [A_1, A_2, \dots, A_s]$ و $A_1 = [a_{11}, a_{12}, \dots, a_{1s}]$

ومصفوفة المكونات الرئيسية هي $Z = [Z_s : Z_{p-s}]$

$$Z_s = [Z_1, Z_2, \dots, Z_s] \text{ حيث}$$

ومتجه المعلمات هو $\gamma = [\gamma_s : \gamma_{p-s-1}]$

وعند الحصول على تقدير متجه المعلمات γ_s^\wedge يمكن إستخدامه في تقدير متجه معلمات نموذج الإنحدار الأصلي $\beta^\wedge = A_s \gamma_s^\wedge$ ويمكن الحصول على معلمات الإنحدار للمتغيرات التفسيرية باستخدام معلمات الإنحدار للمركبات الرئيسية وفقاً للمعادلة التالية:

$$\beta^\wedge = \sum_{j=1}^s a_{ij} \gamma_j^\wedge, \quad i = 1, 2, \dots, p \dots \dots (63 - 2)$$

وتباين β_j^\wedge يقدر وفيما يلي :

$$var(\hat{\alpha}_i^\wedge) = \sigma_s^2 \sum_{j=1}^s \gamma_{ij}^2 / \lambda_j \dots \dots (64 - 2)$$

مقدر متحيز ، ويحسب مقدار تحيزه وفقاً لما يلي: $\hat{\alpha}_i^\wedge$ ويعتبر المقدر:

$$Bias = E(\hat{\alpha}_i^\wedge) - \alpha_i$$

$$= - \sum_{j=s+1}^p a_{ij} \gamma_j$$

وبذلك فإن متوسط مربع الخطأ للمقدر $\hat{\alpha}_i^\wedge$ يحسب وفقاً لما يلي:

$$MSE(\hat{\alpha}_i^\wedge) = var(\hat{\alpha}_i^\wedge) + Bias(\hat{\alpha}_i^\wedge)^2 \dots \dots (65 - 2)$$

$$= \sigma_s^2 \sum_{j=1}^s a_{ij}^2 / \lambda_j + \left(- \sum_{j=s+1}^p a_{ij} \gamma_j \right)^2$$

الفصل الثالث

الإستثمار في السودان

(1-3) تعريف الإستثمار:

يمكن تعريف الإستثمار بأنه: إستخدام المدخرات في تكوين الإستثمارات أو الطاقة الإنتاجية الجديدة اللازمة لعمليات السلع والخدمات والمحافظة علي الطاقة الإنتاجية الناتجة وتجديدها⁽¹⁾. ومن التعريف السابق نلاحظ ان الإستثمار كمتغير اقتصادي كلي لا يقتصر علي طاقات إنتاجية لإقامة المشروعات الجديدة او التوسع في المشروعات القائمة ، بغرض زيادة طاقتها الإنتاجية ، بل ينسب ايضاً الي تكوين الإستثمار بغرض المحافظة علي الطاقات الإنتاجية في المشروعات القائمة أو تجديد هذه الطاقات.

يمكن تعريف الإستثمار بانه:

تدفق الإنفاق علي الاصول المعمرة التي تعمل علي زيادة المقدرة علي إنتاج .المنتجات في المستقبل والي خلق منافع جديدة للمستهلك في المستقبل⁽²⁾ كما يعرف الإستثمار بانه: توظيف الاموال المتاحة في اقتناء او تكوين اصول يقصد استغلالها لتحقيق اغراض المستثمر⁽³⁾

يعرف الإستثمار ايضاً بانه: الاضافه الي راس المال خلال عملية إنتاج السلع الرأسمالية او الإستثمار في شراء الآلات والمعدات الجديدة والمصانع ومثل هذه السلع لا تستخدم في الاستهلاك الجاري انما يتوقع ان تضيف اليات المخزون السلعي والدخل في المستقبل⁽⁴⁾ تتم عملية الإستثمار في أي اصل من الاصول الإنتاجية اذا كانت العائدات او المنافع المتوقعة من هذا الاصل تزيد عن تكاليف امتلاك وتحقيق وفورات عائدات استثمار يفوق تكاليفه.

(1) حسين عمر، الإستثمار والعولمة ، سلسلة مبادي المعرفة الاقتصادية،(القاهرة، دار الكتاب الحديث: ط1 2006م) ص37
(2) جيمس جوارتنى ،ريجاد استروب ،الاقتصاد الكلي الاختيار العام والخاص ، ترجمة وتعريب عبد الفتاح عبد العظيم حمد (الرياض ، دار المريخ للنشر : 1998) ،ص، 189
(3) محمد مطر ،ادارة الإستثمارات، الاطار النظري والتطبيقات العلمية (عمان مؤسسة الوراق للنشر والتوزيع: ط1992) ص112
(4) مجيد علي حسين واخرون ، مقدمة في التحليل الاقتصادي الكلي (بيروت، دار وائل للنشر والتوزيع : ط1، 2004) ص 51

لذلك يقارن المستثمرون الاصول المختلفة الممكن للمستثمر الإمام بها فيختار منها ما يعطية افضل عائد ولا شك ان المستثمر ياخذ بالحسبان فائدة راس المال المخصص لعملية الإستثمار فاذا اقترض المستثمر النقود عليا ان يضمن في نهاية المدة انة قادر علي تحقيق المبلغ المقترض ودفع فوائد اما اذا كان راس المال المخصص للاستثمار خاص به وغير مقترض . عليا ان يفاضل بين عائدات في أي اصل من الاصول.

(2-3) أهمية الاستثمار:

للإستثمار دوراً في تحريك جمود النشاطات الاقتصادي ويرجع ذلك الى استراتيجية الاستثمار التي لها ابعاد اقتصادية على المدى الطويل ، اهم دور للاستثمار يكون على المدى الطويل ، فالاستثمار هو المحرك الرئيسي للنمو فهو ذو بعد في المستقبل وله منفعة شبة دائمة وله اهمية في استغلال المصادر العامة والطاقات والقدرات الجامده للنشاط فقد ساهمت الاستثمارات في الوصول الى مستوى معيشي مرتفع في الدول المتقدمة وفي عدد من الدول النامية فالاستثمار يخلق اساسيات التنمية والاستثمار يؤثر في التنمية كذك يؤثر على مراحل الانتاج الاخرى . ويكتسب الاستثمار اهمية نسبية اكثر من المتغيرات الاخرى في النشاط الاقتصادي فهو يشكل عنصرا من عناصر الطلب الكلي مما يعني انه من المحددات الاساسية لمستوى الدخل فهو يلعب دوراً مزدوجا في الحياة الاقتصادية لانه يؤثر في كل من الطلب الكلي والعرض الكلي وهذا يجعل منه وسيلة تلجا اليها كثيرا للتاثير في مختلف الجوانب الاقتصادية⁽¹⁾

(3-3) أهداف ومزايا الاستثمار:

من اهداف ومزايا الإستثمار تختلف باختلاف الظروف والتغيرات المحيطة بالاستثمار أو باختلاف مراحلها أو باختلاف مراحلها أو باختلاف أهدافها وإستراتيجيات أهداف المنشأة يمكن أن نعرض أهداف ومزايا الإستثمار كما يلي:

أ- تعظيم ثروة الملاك:

ان الهدف الاساسي من الاستثمار في منشآت الاعمال هو تعظيم ثروة الملاك الذي . يمكن ترجمته من خلال تعظيم الاسهم العادية للشركة.

(1) حمد ظافر جميل واخرون ، مبادي اقتصاد (القدس مكتبة جامعة القدس المفتوحة : بدون تاريخ) ص 121

ب- تعظيم ثروة الاقتصاد

ان تعظيم الثروة يزيد من ثروة الامة ككل حيث يؤدي الاستخدام الامثل للموارد الى تراكم الثروة بالنسبة للاقتصاد ككل وبالتالي يتحقق الهدف من الاستثمار المتمثل في تعظيم ثروة الإقتصاد

ت- توفير فرص عمل

إن اشد ما يقلق حوكومات دول العام اليوم هو توفير فرص العمل والبطالة ويمكن ان تسبب في الكثير من المشاكل بما ان الدول لا تستطيع تقديم فرص عمل كافية ضمن مؤسساتها أو اجهزتها فان الاستثمار يمكن ان يسد هذا النقص كما يمكن علاج البطالة ووضع سياسات تحفيزية لإقامة مشروعات إنتاجية جديدة سوى من قبل القطاع الخاص او القطاع الأجنبي⁽¹⁾

(3-4) نظريات الاستثمار:

1- النظرية الكنزية:

وجهة نظر كينز في الاستثمار تعتمد علي الجانب السلوكي للاستثمار حيث يعتمد علي سلوك اصحاب راس المال، يعني ذلك ان كينز اعتبر ان قرار الاستثمار هو القرار المهيمن وان رصيد راس المال انما ينحدر وفقاً لنمط الاستثمار.

ليس هناك حاجة لتحديد مستواه مسبقاً وأشار كينز الي قرار الاستثمار يعتمد علي الكفاية الحدية لراس المال التي تعني سعر الخصم الذي يجعل القيمة المالية للعائد المتوقع من الاصل الراسمالي خلال مدة حياة الانتاجية ومساوياً لسعر عرض هذه السلع الراسمالية او معدل العائد المتوقع من الاصل الراسمالي بالتالي لاتخاذ قرار الاستثمار فاننا نقارن بين الكفاية الحدية لراس المال وسعر الفائدة السائد في السوق فاذا كان معدل العائد المتوقع من المشروع اكبر من سعر الفائدة فان ذلك يعني ان الاستثمار في الاصل الراسمالي مربحاً واما اذا كان معدل العائد المتوقع اقل من سعر الفائدة فان ذلك يعني ان الاستثمار غير مربحاً⁽²⁾

(1) طاهر محسن صالح مهدي ، المسؤولية الاجتماعية واخلاقيات العمل(عمان ، دار وائل للنشر والتوزيع 2005) ص،21
(2) سامي خليل ، نظريات الاقتصاد الكلي الحديث (الكويت ،ب،ن ط، 1994) ، ص ،1174- 1184.

2- نظرية المعجل للاستثمار

تتعلق نظرية المعجل بدراسة اثر التغير في الدخل او الإنتاج علي الاستثمار واستناداً علي هذه النظرية تؤدي التغيرات في الإنتاج الي تغيرات اكبر في القليل من السلع الراسمالية اللازمة للإنتاج السلع الإستهلاكية لذلك ايضاً يسمى المعجل بالطلب المشتق (derived demand) ويعبر عن هذه العلاقة بمعامل راس المال وهو عبارة عن حجم الاستثمار الصافي (او التغير في راس المال) الناتج عن التغير في الدخل .

3- نظرية الارصدة الداخلية (الارباح) للاستثمار

تنص نظرية الارصدة الداخلية للاستثمار علي ان المستوي الامثل لراس المال وبالتالي الاستثمار يتحدد بناء علي مستوي الارباح المتوقعة ، فكلما كانت التوقعات تجاه الارباح المستقبلية كبيرة بناء علي الارباح المحققة حالياً فان ذلك سيؤثر تأثيراً اساسياً علي حجم الاستثمار ومن هنا فان المنشأة تحول استثماراتها باستخدام مصادرها الداخلية (الذاتية) وتتكون من الارباح غير الموزعة ومن نفقات المبالغ المخصصة للاهلاك او باللجوء الي المصادر الخارجية للتمويل كالاقتراض من البنوك وعلية يمكن القول ان الاستثمار المالي يعتمد علي الارباح المالية⁽¹⁾

4- النظرية النيوكلاسيكية

إن الاساس النظري للنظرية النيو كلاسيكية للاستثمار هي النظرية التقليدية للتراكم الراسمالي الامثل وطبقاً لهذه النظرية فان رصيد راس المال المرغوب يتحدد بواسطة الناتج واسعار خدمات راس المال وان اسعار خدمات راس المال تعتمد بدورها علي اسعار السلع الراسمالية وسعر الفائدة والمعاملة الضريبية لدخل قطاع الاعمال من ثم فان التغير في الناتج او في اسعار خدمات راس المال بالنسبة لاسعار الناتج تغير رصيد راس المال المرغوب وبالتالي الاستثمار . فلكي تحدد المنشآت مقدار راس المال المرغوب التي ترغب في استخدام في العمليات الانتاجية عليها ان تقارن بين قيمة الانتاجية الحدية لراس المال مع تكلفة استخدام راس المال.

(1) مايكل ابدجمان ، الاقتصاد الكلي النظرية والسياسة ، ترجمة محمد ابراهيم منصور (الرياض ، دار المريخ للنشر : 1999) ، ص 207

(3-5) مناخ الاستثمار في السودان:

(3-5-1) تعريف ومناخ الاستثمار

يعرف مناخ الاستثمار علي انه مجموعة القوانين والسياسات والمؤسسات الاقتصادية والسياسية التي تؤثر علي ثقة المستثمر وتقنعة بتوجية استثماراته الي دولة دون اخري ومن اهم مقومات الاستثمار سواء للقطاع الخاص الوطني او الاجنبي توفر مناخ جاذب ، وتمثل التشريعات والأطر الإدارية جزء منة حيث ان عناصر المناخ لا بد لها من الانسجام والتناسق .وفي هذا الصدد فان مكونات المناخ تشمل الإطار السياسي والاقتصادي والإطار التشريعي.

(3-5-2) عناصر مناخ الاستثمار في السودان:

تاتي اهمية الاستثمار من أنه أحد مكونات الطلب الكلي ، واحد العوامل التي تسرع عملية التنمية لذا كان اهتمام الدولة به كبيراً وقد بذلت جهود مقدرة لتحسين مناخ الاستثمار في السودان ، خاصة في ظل التحولات الاقتصادية التي يعيشها العالم اليوم.

كان لدخول السودان في متجمع دول الكوميسا وما سيتبع ذلك من حرية الحركة التجارية ورؤوس اموال تبحث عن مناخ استثماري مناسب كان لا بد أن يسعى للإستفادة من الموارد المتوفرة لدية ويمكن استعراض المناخ الاستثماري في السودان كالاتي.

1- الإطار السياسي:

ان التنمية الحقيقية لايمكن تحقيقها إلا في جو من الاستقرار السياسي وتوفير الطمانينة والسلام للمستثمر المحلي والاجنبي.

2- الإطار الاقتصادي:

لتحقيق الاستقرار الاقتصادي فقد تم إعادة هيكلته من خلال برنامج للإصلاح اشتمل علي:

- تقليص دور الدولة في العمل الاقتصادي والنشاط الإنتاجي باتباع سياسة الخصصة.
- تحرير الاسعار الخارجية للسلع والخدمات.
- تحرير التجارة الخارجية وتشجيع الصادرات وتوسيع قاعدتها.
- تطبيق ضريبة القيمة المضافة.

3- إطار البنيات الأساسية:

مما لا شك فيه ان تطور البنيات الأساسية من أهم عناصر الاستثمار لذلك نجد ان هناك تطور ملحوظاً قد طرأ حيث ظهرت اتصالات حديثة وقد بدأ الإهتمام بصورة جادة بنظم المعلومات المتطورة (شبكات الانترنت) أيضاً حدثت طفرة في مجال الطرق والطاقة التي تعتبر المحرك الرئيسي للقطاعات الإقتصادية الأخرى فالبلاد تدرج بموارد من الطاقة الاولية التي يمكن ان تنتج منها الطاقة الكهربائية وفضلاً عن الطاقات المتجددة فقد اضاف استخراج البترول مورداً جديداً من موارد الطاقة كما تم إنشاء سد مروي.

4- الإطار الإداري:

إن من اكثر العوامل التي تؤدي بالمستثمر الي عدم المخاطرة براس ماله الإجراءات الإدارية المعقدة للحصول علي الوثائق الرسمية ، في إطار هذا وضعت وزارة الاستثمار هذا الامر موضع الاهتمام حيث انصبت الجهود في تنفيذ فكرة الشباك الواحد او (one window) مما سهل مهمة المستثمر الي حد بعيد.

5- الإطار التشريعي:

يعبر النظام التشريعي عن مدي نجاح السياسات المطبقة ويعتبر من أهم عناصر المناخ الاستثماري إذ أن الثقة في النظام التشريعي تشجع المستثمرين علي الاستثمار وفي هذا الإطار قامت الدولة بسن قوانين الاستثمار التي تهدف الي تشجيع الاستثمارات في كافة قطاعات الاقتصادية⁽¹⁾

(3-6) قوانين الاستثمار في السودان:

قامت الحكومات المختلفة في السودان باصدار العديد من القوانين من اجل تحسين بيئة العمل الاستثماري في السودان وتشجيع الاستثمارات الوطنية بكل أنواعها وسوف يتم في هذا المبحث بالتطرق لهذة القوانين مع التركيز علي القوانين التي اصدرة بعد 1995 م لان هذه الفترة شهدت حدوث تغييرات كبيرة في بيئة الاستثمار في السودان .

(1) الإدارة العامة للبحوث والمعلومات ، ورقة عمل : الاستثمار في السودان الماضي والحاضر وأفاق المستقبل (الخرطوم ، وزارة لاستثمار) 2003

قانون الاستثمار الصناعي لسنة 1967 م:

يهدف هذا القانون الي تشجيع الاستثمار في القطاع الصناعي وذلك بجذب رؤوس الأموال الأجنبية لقطاع الصناعة.⁽¹⁾

قانون التنمية وتشجيع الاستثمار لسنة 1972 م:

صدر هذا القانون في العام 1972 م وذلك لتشجيع التنمية والاستثمار الصناعي في السودان .

قانون تشجيع وتنظيم الصناعة لسنة 1974 م:

هدف هذا القانون لتحقيق المزيد من المكاسب للمستثمرين في القطاع الصناعي وسد الثغرات في قانون عام 1972 م.

قانون تشجيع الاستثمار الزراعي لسنة 1976 م:

هدف هذا القانون من اجل تشجيع الاستثمار في كل القطاعات الإقتصادية خصوصاً القطاع الزراعي المطري التقليدي وتنمية ثروات الطبيعة والحيوانية وتحقيق الإكتفاء الذاتي في السودان .

قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1980 م:

في العام 1980 م رأّت الدولة التحول من القوانين القطاعية للاستثمار الي قانون موحد للاستثمار وهو قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1980 م والذي قدم تعريفاً شاملاً للمشروع في كافة القطاعات الإقتصادية.

قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1990 م:

تم اعداد هذا القانون في العام 1990 م وتم تعديله في العام 1991 م وذلك بغرض إزالة المعوقات وتبسيط الإجراءات واهم سمات هذا القانون:

انه اشار بكل وضوح انه لايجوز التمييز بين المشاريع المماثلة فيما يتعلق بمنح المميزات والتسجيلات والضمانات ، بموجب هذا القانون ايضاً تم إنشاء جهاز مستقل عن الوزارات ذات الصلة بشؤون الاستثمار ، كما تم إنشاء هيئات استثمارية في كل الولايات بعد تطبيق الحكم الفدرالي في السودان .

(1) جمهورية السودان وزارة الصناعة والتعدين قانون تنظيم الاستثمار الصناعي لسنة 1967 م ، الخرطوم ص 8

قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1996 م:

في عام 1996 م تم التوقيع علي قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1996 م وتضمن نفس المزايا والتفضيلات والتسهيلات التي وردت في القوانين السابقة إلا انه ابتدع ثلاثة مستويات لترخيص المشروعات الاستثمارية والتعامل معها وهي والحكومات الولائية والوزارات الإتحادية المختصة ووزارة المالية والإقتصاد الوطني.

قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1990 م:

تم اعداد هذا القانون في العام 1990 م وتم تعديلة في العام 1991 م وذلك بغرض ازالة المعوقات وتبسيط الإجراءات واهم سمات هذا القانون:

أنه اشار بكل وضوح انه لايجوز التمييز بين المشاريع المماثلة فيما يتعلق بمنح الميزات والتسجيلات والضمانات ، بموجب هذا القانون ايضاً تم إنشاء جهاز مستقل عن الوزارات ذات الصلة بشئون الاستثمار ، كما تم إنشاء هيئات إستشارية في كل الولايات بعد تطبيق الحكم الفدرالي في السودان .

قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1996 م:

في عام 1996 م تم التوقيع علي قانون تشجيع الاستثمار وتضمن نفس المزايا والتفضيلات والتسهيلات التي وردت في القوانين السابقة إلا انه ابتدع ثلاثة مستويات لترخيص المشروعات الاستثمارية والتعامل معها هي والحكومات الولائية والوزارات الإتحادية المختصة ووزارة المالية والإقتصاد الوطني .

قانون تشجيع الاستثمار 1996 م تعديل 1998 م:

في العام 1998 تم إصدار قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1998 م لمواكبة التغيرات الإقتصادية علي المستوي العالمي والمحلي ، حاول هذا القانون تلافي كل السلبيات التي صاحبت تطبيق قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1996 م الذي بموجبة تم تكوين وزارة التعاون الدولي والاستثمار إلا أن صلاحيتها قد انحصرت في نفس الإختصاصات التي كانت تتبع لوزير المالية.

قانون تشجيع الاستثمار 1998 م المعدل 2000 م:

تم تعديل قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1998 م في العام 2000 م وصدرت لائحة تنفيذية في نفس العام من سمات هذا القانون أنه وحد الجهة التي تصدر التراخيص مرة أخرى بعد أن التراخيص من اختصاصات 78 وزارة اتحادية ، 26 ولائية فاصبح استخراج التراخيص الاستثمارية الاتحادية من إختصاص وزارة واحدة فقط وهي وزارة التعاون الدولي والاستثمار ، اما التراخيص الولائية فأصبحت إختصاصات الولاية بعد موافقة الوزير الإتحادي بينما منحت الوزارات الإتحادية ذات الصلة بالاستثمار بموجب هذا القانون حق ابدأ الراي الفني من حيث الموافقة المبدئية ووضع السياسات الاستثمارية ومتابعة المشروعات ذات الصلة ورفع تقارير بذلك، ايضاً هذا القانون قسم المشروعات الاستثمارية الي قسمين مشروعات إستراتيجية وغير إستراتيجية .

قانون تشجيع الاستثمار 1999 م المعدل 2003 م:

صدر هذا القانون في العام 2003 م وذلك من اجل معالجة سلبيات القوانين السابقة حسب متطلبات احتياجات التنمية الإقتصادية المتمثلة في عدم سيادة قانون تشجيع الاستثمار علي القوانين الاخرى ومنع التضارب فيما بينها وحصر تعديلاته في لائحة تنفيذية وهي كالاتي:

1. اضافة مجالات استثمارية لم يشملها قانون الاستثمار لعام 1999 م وهي الخدمات الإدارية والإستشارية والتقنية المعلوماتية والمياه.
2. إلزام الولايات بإصدار قانون استثماري ولائي علي نسق قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1999م
3. تحديد وتفعيل المشروعات الإستراتيجية ومشروعات البنية التحتية.
4. تحديد وتعريف المناطق الاقل نمواً التي تعطي اولوية في مجال منح الإعفاءات والامتيازات لدخول الاستثمار اليها⁽¹⁾ .

قانون تشجيع الاستثمار 1999 م تعديل 2007 م:

جاءت التعديلات في قانون عام 2007 م حيث تم إعفاء ضريبة الارباح نهائياً من القانون لأول مرة منذ عام 1956 م كما تم فرض ضريبة التنمية بنسبة (3%) علي كافة المشروعات الاستثمارية وتضمن هذا القانون عدد من الإستثناءات علي رأسها الأتي:

(1) جمهورية السودان وزارة التعاون الدولي والاستثمار ، قانون تشجيع الاستثمار لسنة 1999 م المعدل لسنة 2003 م، الخرطوم. ص12

1. إعفاء المشاريع الزراعية من ضريبة ارباح الأعمال والرسوم الجمركية علي المعدات المستورده بنسبة 100%.

2. إعفاء لمشاريع الصناعية من ضريبة أرباح الأعمال بنسبة 90 %.

3. إعفاء المشاريع المرتبطة بقطاع الخدمات بنسبة 85% من ضريبة أرباح الأعمال.

4. عدم المصادرة والتأميم للمشاريع.

5. حرية تحويل الأموال والأرباح. (1)

قانون الإستثمار والمناطق الحرة القومي لعام 2012 م المقترح:

جاء هذا القانون ليواجه:

- إنفصال جنوب السودان 2011/7/9كم.

- حل وزارة الاستثمار ليحل محلها مجلس الاستثمار والمناطق الحرة القومي.

حظر التمييز بين المشاريع:

- لأغراض هذا القانون لايجوز التمييز بين المستثمر بسبب سوداني أو غير سوداني أو بسبب كونه قطاعاً عاماً أو خاصاً أو قطاعاً تعاونياً أو مشتركاً.

- لايجوز التمييز بين المشاريع المتماثلة في المناطق المماثلة التي تحددها اللوائح فيما يتعلق بمنح الميزات والضمانات بأنشأ جهاز نظام للنافذة الواحدة بعضوية مفوضي الوزارات والجهات ذات الصلة بالاستثمار والمناطق الحرة.

- يعتبر المفوضين الذين يمثلون الوزارات والجهات ذات الصلة بالاستثمار والمناطق الحرة مفوضين تفويضاً كاملاً من الجهات التي يمثلونها وتكون لهم ذات اختصاصات والصلاحيات والسلطات الممنوحة لتلك الجهات.

- تكوين تبعية المفوضين إدارياً للجهات وفنياً للجهات التي يمثلونها.

- علي الرغم من أحكام أي قانون آخر تتم كل الإجراءات المتعلقة بتقديم الخدمة للمستثمر لدي النافذة الواحدة بما في ذلك سداد كل الرسوم التي تدفع مقابلها علي الوحدات القائمة بالإستثمار. إنشاء نظام النافذة علي نسق النافذة الواحدة بالجهاز.

(1) جمهورية السودان والمجلس الاعلي للاستثمار، قانون الاستثمار والمناطق الحرة الخرطوم 2012 ص 1.

(3-7) العوامل المؤثرة علي الاستثمار:

1- الناتج المحلي الإجمالي:

يمثل الناتج المحلي الإجمالي المجموع الكلي للسلع والخدمات المصنعة باستخدام عوامل الإنتاج المحلية بما في ذلك تلك السلع والخدمات التي تم إنتاجها في دول أخرى ويعتبر الناتج المحلي الإجمالي المعيار الأكثر أهمية لأنه يعكس كفاءة الدولة في استخدام مواردها وطاقاتها دون الاستعانة بالموارد الخارجية لذا في محاولتنا لتقييم العناصر المؤثرة في الأليات الاقتصادية يجب علينا أولاً تقييم العناصر المؤثرة المتداخلة في تحديد قيمة الناتج المحلي الإجمالي وبالتالي نستطيع أن نستنتج منها مدي تأثيرها علي الاقتصاد ككل.

الناتج المحلي الإجمالي = إجمالي إنفاق الأفراد + الإنفاق الحكومي + الاستثمارات + الصادرات - الواردات فزيادة الاستثمار تؤدي الي زيادة الناتج المحلي الإجمالي الذي يؤدي الي زيادة العمالة وبالتالي زيادة الدخل لدي للأفراد⁽¹⁾

2- التضخم:

هو الزيادة المستمرة في مستوي الأسعار حيث ان ارتفاع الأسعار سوف يؤدي الي ارتفاع الأجور بالإضافة الي اسعار المستلزمات الإنتاجية اللازمة للمشروع الاستثماري وبالتالي انخفاض قدرة المنتج علي منافسة المنتجات الأخرى في الأسواق العالمية وبالتالي انخفاض الأرباح الحقيقية المتوقعة من المشروع الاستثماري ، وقد عرف البعض التضخم بانة الزيادة النسبية في المستوي العام للأسعار ، اي انخفاض القيمة الحقيقية لكمية النقود مع كل ارتفاع في الأسعار أي انخفاض القوة الشرائية للنقود ويمكن تقسيم التضخم من حيث ارتباطه بالقطاعات الإنتاجية الي.

أ. التضخم الاستهلاكي:

الذي يصيب أسعار السلع الاستهلاكية الأمر الذي يولد معة ارباحاً مؤقتة لدي بعض منتجي هذه السلع.

ب. التضخم الاستثماري:

هو الذي يصيب السلع الاستثمارية الأمر الذي يولد معة ارباحاً مؤقتة لدي بعض منتجي هذه السلع.

(1) مايكل أبديمان ، الأقتصاد الكلي النظرية والسياسة ، ترجمة محمد منصور (الرياض دار المريخ للنشر ب.ت) ص 142

3- سعر الصرف:

يعرف بانه عملية مبادلة عملة وطنية بعملة أجنبية وأن استقرار سعر الصرف للبلد المضيف يعتبر أمر مهم جداً بالنسبة للمستثمر الأجنبي لأن إستقرار سعر الصرف يعني استقرار العوائد المتحصلة من الاستثمارات في البلد المضيف محولة للبلد الأم ، بمعنى اخر أن التغيرات الكبيرة والمفاجئة في سعر الصرف سوف تجعل المبالغ التي تم استثمارها في البلد المستثمر تكون أقل ثم أقل وهكذا يعد هذا خطراً كبيراً يمكن أن يواجهه المستثمر الأجنبي مما يدفع إلي تخفيض الاستثمارات ومن هنا تنشأ العلاقة السلبية ، أما استقرار سعر الصرف سوف يعكس بعلاقة موجبة.

4- ميزان المدفوعات:

يعد ميزان المدفوعات النافذة التي يطل منها الإقتصاد الوطني علي الإقتصاد العالمي وبالعكس لكونه ذلك السجل الذي تدرج كل العمليات الإقتصادية التي تربط الإقتصاد الوطني بالإقتصاد العالمي بعلاقات تبادلية تزوج فيها الدائنة والمديونية.

ويعرف ميزان المدفوعات بانه (بيان احصائي يوفر بأسلوب منهجي منظم مايجري من معاملات إقتصادية بين اقتصاد معين والعالم الخارجي خلال فترة زمنية محددة)⁽¹⁾.

أو بيان يوضح قيمة المعاملات الإقتصادية في شكل حقوق وديون بين الاشخاص المقيمين في الدولة والاشخاص المقيمين في الدول الأخرى خلال مدة معينة تحدد المعتاد بسنة.

ويستفاد منه انه حساب مختصر يضم جميع المعاملات المتعددة بين المقيمين في الدولة وباقي انحاء العالم ، ويستخدم لوصف حالة العلاقات الإقتصادية للدولة من ثم اخبارها عن المركز الإقتصادي الذي تحتله للوصول الي قرارات تخص السياسات النقدية والمالية والتجارة الخارجية والتمويل الخارجي ، ومن دراسة كشف ميزان المدفوعات يتضح لنا، كانت الدولة دائنة او مدينة، ويوفر ميزان المدفوعات فرصة لتقييم أثار تخفيض العملة، وأن هيكل هذه المعاملات الإقتصادية يعكس قوة الإقتصاد الوطني وقابليته ، وبما فيه العوامل المؤثرة علية كحجم الاستثمارات ودرجة التوظيف.

5- عرض النقود:

يعني كمية او حجم النقود التي نتداولها في الإقتصاد ، وقد اتفق الي تقسيم ذلك الي نوعين:

(1) صندوق النقد الدولي / مرجع ميزان المدفوعات – واشنطن 1996

أ- عرض النقود بمعناه الضيق:

ويسمي هذا الحجم بنقد العمليات الجارية ، ويدعي بعرض النقود ويدخل في هذا التعريف العملات الورقية والمعدنية التي يتداولها الاشخاص في تعاملاتهم اليومية اي النقود المتداولة ويضاف اليها حجم النقود المحتفظة في البنوك علي شكل حسابات جارية.

ب- عرض النقود بالمعني الموسع:

ويدخل في هذا التعريف الودائع لأجل وحسابات التوفير في البنوك.

يعتقد الإقتصاديون ان من اتباع كينز أن إستخدام السياسة النقدية التوسيعية يؤدي الى إنخفاض أسعار الفائدة هذا يعني ان سياسة تغيير العرض النقدي بالزيادة تؤدي الى زيادة الاستثمار ويوضح علاقة سعر الفائدة بعرض النقود ، وعلاقة الاستثمار بالفائدة .

في هذا تقوم السلطة بالدخول الى السوق المفتوحة مشتريه السندات بزيادة عرض النقود عند انخفاض سعر الفائدة ، ويزداد عرض النقود لذلك يحاول الأفراد شراء السندات وغيرها من الأصول المالية طالما توفرت لديهم السيولة ، ويترتب على هذا انخفاض الفائدة ولكن الاستثمار سوف يرتفع ، وحسب كينز أن الاستثمار الجديد سوف يعمل على زيادة الدخل بقدر أكبر ، المرونة وهي من بين محددات الفعالة للسياسة النقدية إذا كانت التغييرات في سعر الفائدة ليس لها تأثير علي الإستثمار فان السياسة النقدية تكون عديمة الفائدة بمعني اي زيادة في عرض النقود لا تؤثر علي مستوي الدخل.

وخلص فريد مان ان السياسة النقدية تعد لاطويلة ومتغيرة من ثم فان السياسة النقدية المرنة ربما تكون غير محققة الي الإستقرار .⁽¹⁾

6- الصادرات :

تمثل الصادرات مجموع قيم السلع والخدمات التي تقوم الدوله ببيعها الي الخارج . هنالك علاقة طردية بين حجم الصادرات والإستثمار الكلي، لان زيادة الصادرات تؤدي الي زيادة تدفق راس المال الأجنبي الي داخل البلد ، ولا سيما ان التعاملات الاجنبه لاي بلد تتم عن طريق العملات الاجنبيه وبالعكس في حالة الإستيراد، فزيادة الإستيراد يؤدي الي تدفق راس المال الي الخارج.

(1) منتدى سنار تايمز ، فعالية السياسة النقدية ودورها في التنمية الاقتصادية ، الجز الثالث ، المبحث الثاني www.starttimes.com

7- الواردات:

ما يقوم بشرائه المقيمون داخل اقتصاد ما من السلع والخدمات من دول العالم الخارجي ، وهناك علاقة عكسية بين الواردات وحجم الاستثمار الكلي حيث ان تدفق الاستثمار يؤدي الى زياده السلع والخدمات في المجتمع مما يؤدي الى خفض الواردات .

8- إجمالي الدخل القومي:

ويضم القيمة لجميع السلع والخدمات التي تم إنشاؤها داخل بلد ما في سنة واحدة ويتألف من نفقات الإستهلاك الشخصي وإجمالي الإستثمارات الخاصة ونفقات إستهلاك الحكومة، صافي الدخل من الأصول في الخارج (إيصالات الإيرادات الصافية) وإجمالي الصادرات من السلع والخدمات، بعد حسم مكونين: إجمالي الواردات من السلع والخدمات، وضريبة الأعمال غير المباشرة. وبما ان الإستثمار الكلي من مكونات إجمالي الدخل القومي لذلك تكون العلاقة طردية بين المتغيرين حيث ان زياده الإستثمار تؤدي الى زياده الإستهلاك الشخصي ومن ثم تؤدي الى زياده إجمالي الدخل القومي.

9- الإستثمار الاجنبي:

يتكون الإستثمار الكلي من الإستثمار المحلي والإستثمار الأجنبي ويعرف الإستثمار الأجنبي بأنه انتقال رؤوس الأموال من الخارج إلى الدولة المضيفة بغية تحقيق ربح للمستثمر بما يكفل زيادة الإنتاج و التنمية في الدول المضيفة ، وبذلك تكون العلاقة طردية بين الإستثمار الكلي والأستثمار الاجنبي حيث ان زيادة الإستثمار الاجنبي يؤدي الى زيادة الإستثمار الكلي.

10- الإحتياطي النقدي:

هو الودائع والسندات من العملات الأجنبية التي تحتفظ بها البنوك المركزية والسلطات النقدية من أجل دعم العملة ودفع ديون الدولة¹. ويرتبط الإحتياطي النقدي بعلاقة طردية مع الإستثمار الكلي حيث ان زيادة الإحتياطي النقدي يؤدي الى زيادة جذب الإستثمار المحلي والإستثمار الاجنبي مما يؤدي الى زيادة الإستثمار الكلي .

¹فايز حبيب المالك ،مبادئ الاقتصاد الكلي ،(مكتبة الملك فهد الوطنية 2011م)،ط 6.

11-صافي التحويلات الخارجيه:

لحوالة المصرفية أو تحويل الرصيد هي وسيلة لتحويل الأموال إلكترونيا من شخص أو مؤسسة (كيان) إلى آخر. ويمكن إجراء التحويلات البنكية من حساب مصرفي إلى آخر أوعن طريق مكتب لنقل الأموال النقدية من شخص لآخر.ونجد ان العلاقة عكسيه.

الفصل الرابع

(1-4) مقدمة:

في هذا الفصل تم تطبيق نموذج إنحدار Y على المتغيرات التفسيرية التي تم تعريفها في الفصل الثالث، لإختبار ما إذا كانت هذه البيانات تعاني من مشكلة التداخل الخطي ام لا.

حيث تم تطبيق عامل التضخم (VIF) للكشف عن وجود مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية ،

(2-4) معاملات نموذج الإنحدار المتعدد وعامل التضخم التباين (VIF):

الجدول رقم(1-4) يوضح إختبار معاملات الإنحدار وعامل التضخم بين المتغيرات التفسيرية.

النموذج	المعاملات		عامل تضخم التباين (VIF)
	\hat{a}	الخطأ المعياري	
الحد الثابت	-5.65	8.987	
1	1.285	3.955	120.869
2	-2.85	1.109	21.735
3	-.209	2.509	61.369
4	.182	.575	4.014
5	.389	.561	6.669
6	.044	.236	3.844
7	-.864	1.143	2.559
8	2.095	3.753	88.100
9	.067	.769	4.371

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م.

ومن خلال التحليل السابق للكشف عن مشكلة التداخل الخطي عن طريق إجراء تحليل عامل التضخم نلاحظ ان معظم المتغيرات المستقلة تعاني من التداخل الخطي لان معظم المتغيرات المستقلة قيمة عامل التضخم اكبر من 10.

(3-4) إختبار معنوية النموذج:

لإختبار معنوية نموذج الإنحدار المتعدد نقوم بإختبار الفرض التالي :

$$H_0: \hat{\alpha}_1 = \hat{\alpha}_2 = \dots = \hat{\alpha}_9$$

$$H_1: \hat{\alpha}_1 \neq \hat{\alpha}_2 \neq \dots \neq \hat{\alpha}_9$$

الجدول رقم(4-2) إختبار ANOVA لإختبار معنوية النموذج

مصدر التباين	درجة الحرية (d.f)	مجموع المربعات	متوسط مجموع المربعات	F	القيمة الاحتمالية (Sig)
الانحدار	9	7.131	0.792	3.520	0.045
البواقي	8	1.801	0.225		
المجموع الكلي	17	8.932			

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م.

من الجدول عاليه نلاحظ أن قيمة Sig (0.045) اقل من مستوى الدلالة الإحصائية عند (0.05) مما يقودنا الي رفض فرض العدم مما يعني ان نموذج الإنحدار الخطي المتعدد نموذج معنوي.

(4-4) إختبار إعتدالية البواقي:

لإختبار ان البواقي تتوزع طبيعيا يجب علينا إختبار الفرض التالي:

H_0 : البواقي تتوزع توزيعا طبيعيا

H_1 : البواقي لا تتوزع توزيعا طبيعيا

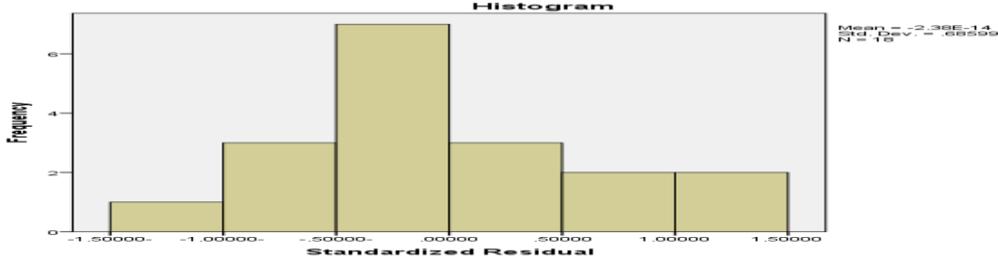
الجدول رقم(4-3) نتائج اختبار فرضية البواقي

	Kolmogorov-Smirnov			Shapiro-Wilk		
	الإحصائية	درجة الحرية (d.f)	القيمة الاحتمالية (Sig)	الإحصائية	درجة الحرية (d.f)	القيمة الاحتمالية (Sig)
البواقي	0.141	18	0.200	0.967	18	0.742

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م.

من خلال الجدول رقم(4-3) نلاحظ ان جميع القيم الإحتمالية(Sig) للإختبارين اكبر من مستوى الدلالة الإحصائية عند ($\alpha = 0.05$) مما يقودنا الي قبول فرض العدم اي ان البواقي تتوزع طبيعيا.

الشكل رقم(4-1) المدرج التكراري لإعتدالية البواقي :



المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017 م.

من الشكل (4-1) نلاحظ أن البواقي تتوزع توزيع طبيعي معياري بوسط حسابي يوئل الي الصفر وانحراف معياري 0.69.

(4-5) معامل الارتباط:

الجدول رقم(4-4) معامل الارتباط

معامل الارتباط (R)	معامل التحديد R^2	معامل التحديد المصحح
0.894	0.798	0.572

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017 م.

من الجدول رقم(4-4) نلاحظ إرتفاع قيمة R (0.894)، مما يدل على أن الإرتباطات بين المتغيرات التفسيرية عالية.

(6-4) إختبار وجود مشكلة التداخل الخطي المتعدد عن طريق عامل التضخم (VIF) :

من خلال الجدول رقم(4-1) نلاحظ أن هناك أكثر من متغير تفسيري عامل التضخم لديه أكبر من 10 (>10) حيث نجد أن عامل التضخم للمتغير الأول والذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي وقيمته 120.869 ، وعامل التضخم للمتغير الثاني الذي يمثل الصادرات وقيمته 21.735 للمتغير الثالث الذي يمثل الواردات حيث بلغت قيمته 61.369 ، واخيرا للمتغير الثامن الذي بلغت قيمة عامل التضخم 88.100 ، وهذه دلالة واضحة علي وجود مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية في النموذج.

ويلاحظ ايضا أن قيم(VIF) لبعض المتغيرات كبيرة جدا وهذا يعني ان التداخل الخطي بين المتغيرات عاليا.

أولاً: معالجة مشكلة التداخل الخطي عن طريق الطرق الرسمية: formal Remedies

Methods for Multicollinearity

(7-4) تحليل المكونات الرئيسية :

(1-7-4) مصفوفة الارتباطات البسيطة بين المتغيرات التفسيرية

الجدول رقم(4-5) يوضح الارتباطات البسيطة المتغيرات التفسيرية:

المتغيرات	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1.00	0.911	0.960	-0.108	0.616	0.669	0.218	0.990	0.596
2	0.911	1.00	0.942	-0.396	0.752	0.775	0.294	0.893	0.683
3	0.960	0.942	1.00	-0.252	0.734	0.692	0.210	0.956	0.731
4	-0.108	-0.396	-0.252	1.00	-0.240	-0.475	-0.420	-0.090	-0.345
5	0.616	0.752	0.734	-0.240	1.00	0.628	-0.022	0.591	0.644
6	0.669	0.775	0.692	-0.475	0.628	1.00	0.421	0.617	0.525
7	0.218	0.294	0.210	-0.420	-0.022	0.421	1.00	0.166	0.371
8	0.990	0.893	0.956	-0.090	0.591	0.617	0.166	1.00	0.593
9	0.596	0.683	0.731	-0.345	0.644	0.525	0.371	0.593	1.00

المصدر: إعداد الباحث باستخدام برنامج spss 2017م.

من خلال الجدول رقم(4-5) لمصفوفة الارتباطات البسيطة للمتغيرات التفسيرية نلاحظ ان هناك ارتباطات بسيطة من الدرجة العليا مما يشير الي وجود التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية.

الجدول رقم(4-6) يوضح مصفوفة الارتباطات من الدرجة العليا لبعض المتغيرات

المتغيرات	1	2	3	8
1	----	0.911	0.960	0.990
2	0.911	-----	0.942	0.853
3	0.960	0.942	-----	0.956
8	0.990	-----	0.956	-----

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م

(4-7-2) إختبار ملاءمة حجم العينة ومصفوفة الوحدة للإرتباطات

الجدول رقم(4-7) إختبار Kaiser وإختبار Bartlett's والذي يقرب الي إختبار Chi-Square.

اسم الإختبار	الإحصائية	d.f	Sig
Kaiser	0.745	-	-
Bartlett's	192.415	55	0.000

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017 م.

من الجدول عاليه نستخلص الآتي:

أ- أن قيمة إحصائية Kaiser تساوي(0.745) مما يعني ان حجم العينة المسحوب يعتبر كافيا جدا, حيث أشرتت Kaiser الي ان الحد الادنى المقبول به للإحصائية هو 0.50 لكي يكون حجم العينة كافيا.

ب- وللتحقق من أن مصفوفة الإرتباطات ليست مصفوفة الوحدة نقوم بإختبار الفرضية التالية:

مصفوفة الإرتباطات تمثل مصفوفة الوحدة: H_0

مصفوفة الإرتباطات لا تمثل مصفوفة الوحدة: H_1

من الجدول رقم(4-7) نلاحظ أن قيمة Sig (0.000) اقل من مستوى الدلالة الإحصائية عند ($\alpha= 0.05$) مما يقودنا الي رفض فرض العدم مما يعني ان مصفوفة الارتباطات لا تمثل مصفوفة الوحدة.

(4-8) إختبار وجود مشكلة التداخل الخطي المتعدد بإستخدام أسلوب المكونات الرئيسية:

حيث يمكننا الكشف عن وجود مشكلة التداخل الخطي بإسلوب المكونات الرئيسية بأساليب عدة منها:

(4-8-1) الجزور المميزة ذات القيم الصغيرة جدا:

الجدول رقم(4-8) قيم الجذور المميزة .

المجموع	λ_9	λ_8	λ_7	λ_6	λ_5	λ_4	λ_3	λ_2	λ_1	الجذور المميزة القيمة
9	0.005	0.011	0.039	0.156	0.371	0.525	0.771	1.438	5.684	

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م

من الجدول عاليه نلاحظ الأتي:

1. مجموع الجذور المميزة يساوي (9) وهو عدد المتغيرات التفسيرية .
2. نجد أن ($\lambda_7 = 0.039, \lambda_8 = 0.011, \lambda_9 = 0.005$) وهي جزور ذات قيم صغيرة جدا وهذا مؤشر على وجود مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية .

(4-8-2) الرقم الشرطي لمصفوفة الارتباط (k):

والرقم الشرطي لمصفوفة الارتباط (k) يعطى حسب الصيغة (*):

$$= \sqrt{\frac{\lambda_1}{e_{11}}} = \sqrt{\frac{5.684}{0.005}} = 33.72$$

وهي قيمة كبيرة جدا مما يدل على وجود مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية.

(3-8-4) المكونات الرئيسية المستخلصة:

من الجدول رقم (4-8) نجد ان قيمة كل من λ_1 و λ_2 قيمتهما اكبر من الواحد حيث يتم إختيار المكونات الرئيسية بعدد الجزور المميزة التي قيمتها اكبر من الواحد الصحيح لذلك سوف يكون لدينا مكونين رئيسيين مستخلصين, يمكن تسميتهما بالخصائص الفيزيائية والميكانيكية (mechanic&physis) على التوالي

الجدول رقم (4-9) المكونات الرئيسية المستخلصة

المتغيرات	المكونات	
	العوامل المؤثره	العوامل المحدده
Z ₁	.956	0.60
Z ₂	.925	3010.
Z ₃	.973	.153
Z ₄	-.110	-.835
Z ₅	.794	086.
Z ₆	.681	519.
Z ₇	.075	818.
Z ₈	952.	.013
Z ₉	686.	.394

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م

$$z_{ij} = \frac{(x_{ij} - \bar{x}_j)}{\sigma_{x_j}}$$

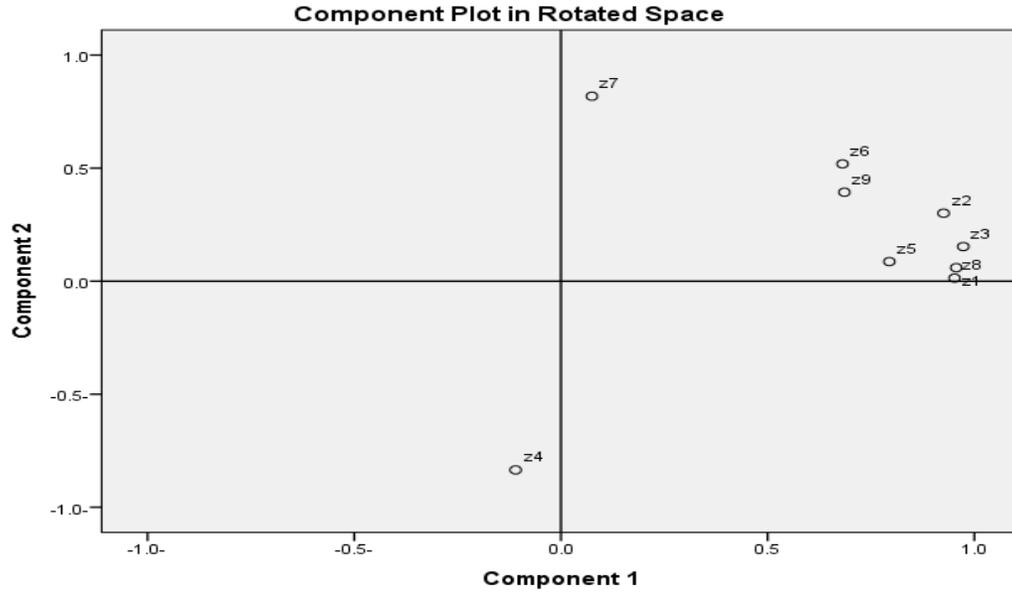
حيث أن :

الجدول رقم (4-10) مصفوفة المكونات الرئيسية

المكونات	1	2
1	0.942	0.335
2	0.335	-0.942

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2014م.

الشكل رقم (4-2) شكل المكونات الرئيسية على المحاور



المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م.

وحسب المعادلة رقم (3-1) يمكننا كتابة المكونات الرئيسية كالآتي :

المكون الرئيسي الأول:

$$pc_1 = 0.956z_1 + 0.925z_2 + 0.973z_3 - 0.110z_4 + 0.794z_5 + 0.681z_6 + 0.075z_7 + 0.952z_8 + 0.686z_9$$

المكون الرئيسي الثاني:

$$pc_2 = 0.060z_1 + 0.301z_2 + 0.153z_3 - 0.835z_4 + 0.086z_5 + 0.519 + 0.818z_7 - 0.13z_8 + 0.394z_9.$$

(4-9) نموذج إنحدار المكونات الرئيسية:

(4-9-1) معاملات نموذج انحدار y على المكونات الرئيسية:

الجدول رقم (4-11) إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل تضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.

النموذج	المعاملات		عامل تضخم التباين (VIF)
	\hat{a}	الخطأ المعياري	
Constant	-0.139	0.221	-
Secondary Indicators	-0.070	.080	3.342
Basic Indicators	0.001	0.001	3.342

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2014م.

من الجدول عاليه نجد ان:

$$\hat{Y}_i = -0.139 - 0.070 \text{ Effetive factors} + 0.001 \text{ Limited factors}$$

ومن خلال الجدول رقم(4-9) نلاحظ ان النموذج لا يعاني من مشكلة التداخل الخطي المتعدد وذلك لإنخفاض قيمة عامل تضخم التباين (VIF) الي (3.11) وهي اقل من (10) مما يدل على ان طريقة المكونات الرئيسية أدت الغرض منها وهو معالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية.

(2-9-4) إختبار إعتدالية البواقي لنموذج PCR :

لإختبار ان البواقي تتوزع طبيعيا يجب علينا إختبار الفرض التالي:

H_0 : البواقي تتوزع توزيعا طبيعيا

H_1 : البواقي لا تتوزع توزيعا طبيعيا

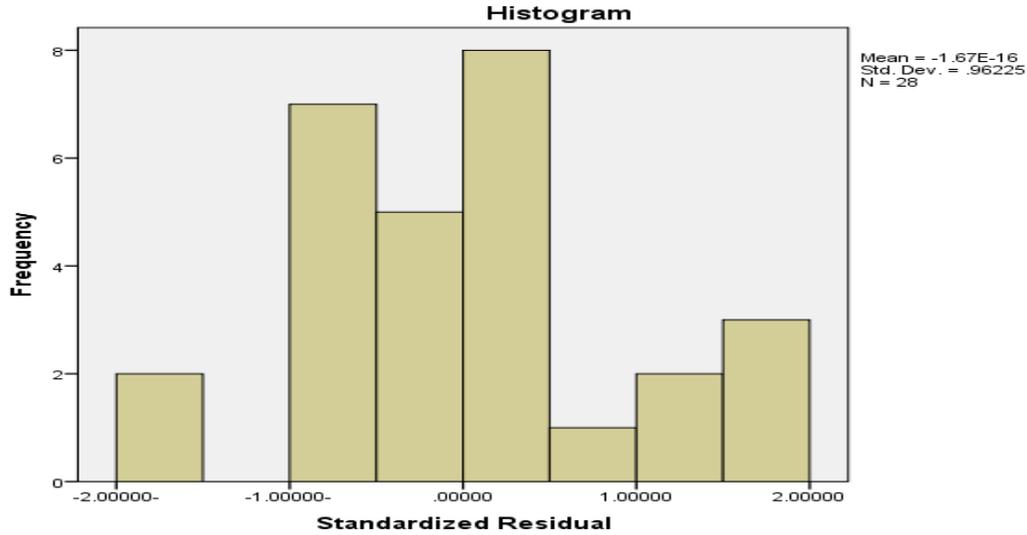
الجدول رقم(4-12) نتائج اختبار فرضية البواقي

	Kolmogorov-Smirnov			Shapiro-Wilk		
	الإحصائية	درجة الحرية (df)	القيمة الإحتمالية (sig)	الإحصائية	درجة الحرية (df)	القيمة الإحتمالية (sig)
القيم المعيارية للأخطاء	0.120	28	0.2	0.959	28	0.338

المصدر: إعداد الباحث بإستخدام برنامج spss 2017م.

من خلال الجدول رقم(4-12) ان جميع القيم الإحتمالية (Sig) للإختبارين اكبر من مستوى الدلالة الإحصائية عند ($\alpha = 0.05$) مما يقودنا الي قبول فرض العدم اي ان البواقي تتوزع طبيعيا.

الشكل رقم (3-4) يوضح المدرج التكراري لإعتدالية البواقي:



المصدر: إعداد الباحث 2014 بإستخدام برنامج spss م.

من الشكل (3-4) نلاحظ أن البواقي تتوزع توزيع طبيعي معياري بوسط حسابي يوؤل الي الصفر وإنحراف معياري 0.96 .

(3- 9-4) معامل الارتباط لنموذج PCR:

الجدول رقم (13-4) معامل الارتباط

معامل الارتباط (R)	معامل التحديد R ²	معامل التحديد المصحح
0.191	0.037	-0.041

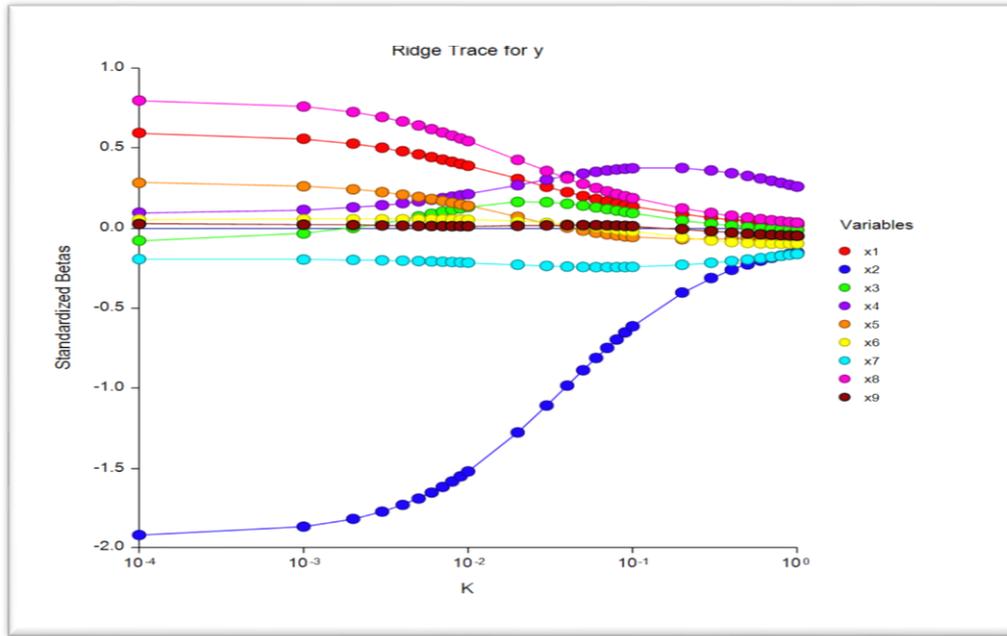
المصدر: إعداد الباحث 2017 بإستخدام برنامج spss م.

من الجدول رقم (13-4) نلاحظ إنخفاض قيمة R من (0.894) الي (0.191) وهذا من مؤشرات إختفاء التداخل الخطي المتعدد بين المتغيرات التفسيرية.

(10-4) تحليل إحدار الحرف: ridge regression

في البند السابق قمنا بإكتشاف مشكلة التداخل الخطي المتعدد عن طريق عامل التضخم (VIF) والمكونات الرئيسية، وتمت المعالجة عن طريق المكونات الرئيسية وفي هذا البند سوف نقوم بحل مشكله التداخل الخطي عن طريق إحدار الحرف لكونها إحدى طرق المعالجة للتداخل الخطي المتعدد لإيجاد المقدرات للنموذج الخطي، لذا فقد تم إستخدام هذه الطريقة للحصول على مقدرات معبره بشكل اكبر عن أثر المتغيرات التوضيحية في معادلة الإحدار.

شكل رقم (4-4): يوضح المعلمات المقدره للمتغيرات التوضيحية مقابل قيم K



المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج NCSS.

من الشكل أعلاه نلاحظ ان قيم المعلمات المقدره تميل الي الاستقرار كلما إرتفعت قيمة ثابت التحيز K.

جدول رقم (4-14) يوضح معاملات إندثار الحرف :

x_9	x_8	x_7	x_6	x_5	x_4	x_3	x_2	x_1	K
0.0260	0.7972	-0.1933	0.0542	0.2832	0.0969	-0.0778	-1.9209	0.5949	0.000000
0.0220	0.7594	-0.1958	0.0553	0.2615	0.1144	-0.0337	-1.8677	0.5583	0.001000
0.0190	0.7253	-0.1983	0.0558	0.2422	0.1299	0.0018	-1.8185	0.5282	0.002000
0.0169	0.6945	-0.2008	0.0561	0.2249	0.1438	0.0306	-1.7727	0.5027	0.003000
0.0153	0.6667	-0.2032	0.0560	0.2093	0.1562	0.0542	-1.7298	0.4806	0.004000
0.0142	0.6414	-0.2054	0.0557	0.1951	0.1676	0.0737	-1.6896	0.4612	0.005000
0.0135	0.6183	-0.2076	0.0553	0.1821	0.1780	0.0898	-1.6517	0.4439	0.006000
0.0129	0.5973	-0.2096	0.0548	0.1702	0.1876	0.1033	-1.6159	0.4284	0.007000
0.0126	0.5779	-0.2115	0.0541	0.1592	0.1965	0.1145	-1.5819	0.4143	0.008000
0.0125	0.5600	-0.2134	0.0534	0.1489	0.2047	0.1240	-1.5496	0.4014	0.009000
0.0125	0.5435	-0.2151	0.0526	0.1394	0.2124	0.1319	-1.5189	0.3896	0.010000
0.0148	0.4264	-0.2281	0.0430	0.0709	0.2684	0.1639	-1.2757	0.3070	0.020000
0.0174	0.3571	-0.2357	0.0328	0.0301	0.3024	0.1624	-1.1076	0.2581	0.030000
0.0187	0.3104	-0.2400	0.0230	0.0033	0.3250	0.1525	-0.9833	0.2249	0.040000
0.0191	0.2766	-0.2424	0.0140	-0.0152	0.3408	0.1409	-0.8872	0.2005	0.050000
0.0186	0.2507	-0.2435	0.0058	-0.0285	0.3521	0.1296	-0.8105	0.1817	0.060000
0.0176	0.2301	-0.2438	-0.0017	-0.0383	0.3604	0.1192	-0.7478	0.1667	0.070000
0.0162	0.2134	-0.2435	-0.0086	-0.0457	0.3665	0.1099	-0.6954	0.1544	0.080000
0.0145	0.1994	-0.2428	-0.0149	-0.0513	0.3709	0.1015	-0.6510	0.1442	0.090000
0.0128	0.1876	-0.2419	-0.0207	-0.0556	0.3741	0.0940	-0.6128	0.1354	0.100000
-0.0052	0.1236	-0.2287	-0.0586	-0.0694	0.3757	0.0490	-0.4019	0.0878	0.200000
-0.0185	0.0954	-0.2161	-0.0772	-0.0687	0.3606	0.0281	-0.3113	0.0664	0.300000
-0.0276	0.0782	-0.2053	-0.0871	-0.0660	0.3431	0.0158	-0.2599	0.0533	0.400000
-0.0340	0.0661	-0.1959	-0.0925	-0.0633	0.3262	0.0076	-0.2266	0.0439	0.500000
-0.0385	0.0570	-0.1875	-0.0954	-0.0608	0.3104	0.0016	-0.2029	0.0367	0.600000
-0.0418	0.0496	-0.1800	-0.0968	-0.0587	0.2960	-0.0029	-0.1851	0.0309	0.700000
-0.0442	0.0435	-0.1732	-0.0971	-0.0568	0.2828	-0.0065	-0.1712	0.0261	0.800000
-0.0460	0.0384	-0.1669	-0.0969	-0.0551	0.2707	-0.0094	-0.1600	0.0220	0.900000
-0.0472	0.0340	-0.1612	-0.0963	-0.0536	0.2597	-0.0118	-0.1507	0.0185	1.000000

المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج NCSS.

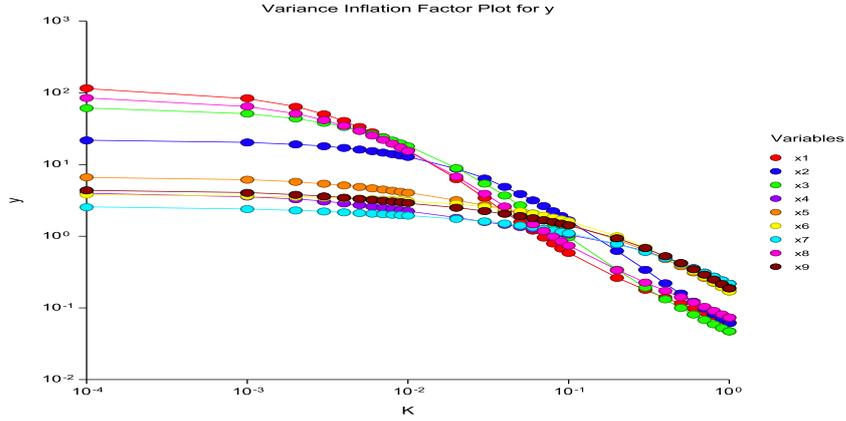
جدول رقم (4-15) يوضح معاملات تضخم التباين مقابل كل قيمة من قيم K.

x_8	x_7	x_6	x_5	x_4	x_3	x_2	x_1	K
85.0332	2.5421	3.8287	6.6484	3.9744	61.2198	21.7426	116.0650	0.000000
64.6484	2.3929	3.6690	6.1477	3.5794	51.4903	20.3362	84.1339	0.001000
51.1605	2.2903	3.5553	5.7407	3.2853	44.0666	19.1172	63.8813	0.002000
41.6989	2.2143	3.4681	5.4032	3.0565	38.2355	18.0398	50.2218	0.003000
34.7656	2.1547	3.3974	5.1187	2.8729	33.5527	17.0749	40.5674	0.004000
29.5102	2.1059	3.3375	4.8752	2.7217	29.7247	16.2022	33.4876	0.005000
25.4180	2.0646	3.2851	4.6642	2.5948	26.5490	15.4070	28.1388	0.006000
22.1607	2.0286	3.2382	4.4792	2.4866	23.8813	14.6783	23.9973	0.007000
19.5202	1.9966	3.1954	4.3154	2.3930	21.6158	14.0071	20.7236	0.008000
17.3465	1.9677	3.1556	4.1691	2.3111	19.6736	13.3865	18.0902	0.009000
15.5332	1.9412	3.1184	4.0374	2.2389	17.9945	12.8106	15.9394	0.010000
6.7774	1.7466	2.8194	3.1823	1.8014	8.9135	8.7287	6.2663	0.020000
3.9087	1.6103	2.5860	2.7106	1.5839	5.4258	6.3828	3.4263	0.030000
2.6037	1.5017	2.3887	2.3921	1.4459	3.6953	4.8930	2.2093	0.040000
1.8957	1.4107	2.2176	2.1542	1.3461	2.7021	3.8830	1.5737	0.050000
1.4662	1.3324	2.0674	1.9657	1.2682	2.0756	3.1649	1.1982	0.060000
1.1845	1.2638	1.9342	1.8107	1.2039	1.6531	2.6349	0.9568	0.070000
0.9888	1.2031	1.8153	1.6799	1.1491	1.3539	2.2321	0.7917	0.080000
0.8467	1.1487	1.7086	1.5675	1.1011	1.1336	1.9183	0.6733	0.090000
0.7396	1.0996	1.6122	1.4694	1.0583	0.9664	1.6689	0.5852	0.100000
0.3353	0.7790	0.9985	0.8967	0.7749	0.3414	0.6232	0.2626	0.200000
0.2258	0.6057	0.6950	0.6327	0.6104	0.1924	0.3395	0.1791	0.300000
0.1731	0.4939	0.5181	0.4804	0.4994	0.1317	0.2205	0.1394	0.400000
0.1411	0.4147	0.4043	0.3817	0.4191	0.1000	0.1586	0.1153	0.500000
0.1192	0.3554	0.3262	0.3130	0.3584	0.0809	0.1220	0.0986	0.600000
0.1032	0.3092	0.2699	0.2627	0.3111	0.0681	0.0983	0.0863	0.700000
0.0909	0.2723	0.2278	0.2245	0.2732	0.0591	0.0819	0.0767	0.800000
0.0812	0.2420	0.1954	0.1946	0.2423	0.0523	0.0701	0.0690	0.900000
0.0732	0.2169	0.1698	0.1708	0.2167	0.0471	0.0612	0.0627	1.000000

المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج NCSS.

من الملاحظ ان قيمة VIF إنخفضت بشك كبير عند (K=1.000000).

شكل رقم (4-5) يوضح معاملات التضخم مقابل كل قيمة من قيم K.



المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج NCSS.

يلاحظ من الشكل أعلاه انه كلما زادت قيمة K أدى ذلك الي إنخفاض في قيمة معامل التضخم .

جدول رقم (4-16) يوضح معاملات إنحدار الحرف عند (K=1.000000).

VIF	معاملات الإنحدار القياسيه	الخطأ المعياري	معاملات الإنحدار	المتغير
			0.6269766	الحد الثابت
0.0627	0.0185	0.05444996	0.01515867	x_1
0.0612	-0.1507	0.0572646	-0.131522	x_2
0.0471	-0.0118	0.05235495	-0.01077324	x_3
0.2167	0.2597	0.1046409	0.2200532	x_4
0.1708	-0.0536	0.1218239	-0.0596088	x_5
0.1698	-0.0963	0.1159935	-0.1021449	x_6
0.2169	-0.1612	0.1184299	-0.1545025	x_7
0.0732	0.0340	0.05435796	0.02572834	x_8
0.1878	-0.0472	0.08569176	-0.03521921	x_9

المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج NCSS.

ومن الجدول أعلاه نلاحظ إن إستخدام إنحدار الحرف أدى الي التخلص من مشكلة التداخل الخطي ، حيث قيمة ان قيمة عامل (VIF) لكل المتغيرات اقل من 10 ، مما يشير الي إنعدام مشكلة التداخل الخطي المتعدد في النموذج .

وعليه فإن النموذج الملائم للبيانات بإستخدام إنحدار الحرف هو:

$$\hat{Y}_i = 0.6269766 - 0.01515867x_{1i} - 0.131522x_{2i} - 0.01077324x_{3i} + 0.2200532x_{4i} - 0.0596088x_{5i} - 0.1021449x_{6i} - 0.1545025x_{7i} + 0.02572834x_{8i} - 0.03521921x_{9i}$$

(4-11) معالجة مشكلة التداخل الخطي عن طريق حذف المتغيرات:

من إحدى الطرق الغير رسميه المستخدمه في معالجة التداخل الخطي المتعدد هي حذف المتغير المستقل او المتغيرات المستقله التي تسببت في ظهور المشكله في النموذج.

بالرجوع الي الجدول (4-16) والذي يمثل مصفوفة الإرتباطات من الدرجات العليا نلاحظ ان المتغيرات التي كانت لها إرتباطات عليا في ما بينها هي x_1 الذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي ، x_2 تمثل الصادرات ، x_3 تمثل الواردات، x_8 تمثل إجمالي الدخل القومي.

الجدول رقم(4-17) إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل التضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.

VIF	الخطأ المعياري	معاملات الإنحدار	المتغير
	0.171	0.039	الحد الثابت
6.046	0.375	-0.358	x_2
1.965	0.215	0.379	x_4
5.298	0.333	1.080	x_5
4.894	0.334	-0.099	x_6
1.699	0.221	0.119	x_7
1.823	0.206	-0.419	x_9

المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج spss.

من الجدول أعلاه نلاحظ إننا قمنا بحذف المتغيرات المستقله الأول والثالث والثامن وبالتالي لا وجود لمشكلة التداخل الخطي لان كل قيم عامل التضخم (VIF) اقل من 10.وعليه فإن النموذج المقدر هو:

$$\hat{Y}_i = 0.039 - 0.0385x_{3i} + 0.379x_{4i} + 1.080x_{5i} - 0.099x_{6i} - 0.119x_{7i} - 0.419x_{9i}$$

جدول رقم (4-18) يوضح معامل الارتباط

معامل الارتباط (R)	معامل التحديد R ²	معامل التحديد المصحح
0.731	0.534	0.393

من الجدول رقم (4-18) نلاحظ إنخفاض قيمة R من (0.894) الي (0.73) .

الجدول رقم (4-19) إختبار معاملات نموذج الإنحدار وعامل تضخم التباين بين المتغيرات التفسيرية.

المتغير	معاملات الإنحدار	الخطأ المعياري	VIF
الحد الثابت	0.011	0.173	
x_1	0.053	0.287	3.082
x_4	0.373	0.240	2.339
x_5	0.882	0.302	4.198
x_6	-0.230	0.347	5.059
x_7	0.095	0.227	1.723
x_9	-0.495	0.208	1.787

المصدر: إعداد الباحث 2017م بواسطة برنامج spss.

من الجدول عاليه نلاحظ اننا قمنا بحذف المتغيرات المستقلة x_2, x_3, x_8 وبالتالي تمت معالجة مشكلة التداخل الخطي.

عند حذف المتغير الثاني والذي يمثل الصادرات بدلا من المتغير الأول والذي يمثل الناتج المحلي الإجمالي نلاحظ ان قيم عامل تضخم التباين (VIF) قد قلت وبالتالي تعتبر هذه المتغيرات تمثل النموذج بشكل افضل وبالتالي النموذج هو:

$$\hat{Y}_i = 0.011 + 0.053x_{4i} + 0.373x_{4i} + 0.882x_{5i} - 0.230x_{6i} + 0.095x_{7i} - 0.494x_{9i}$$

جدول رقم (4-20) يوضح معامل الارتباط:

معامل الارتباط (R)	معامل التحديد R ²	معامل التحديد المصحح
0.717	0.514	0.368

من الجدول عاليه نلاحظ إنخفاض قيمة R من (0.894) الي (0.717) .

الفصل الخامس

النتائج والتوصيات

(1-5) مقدمة:

يتناول هذا الفصل اهم ما توصل إليه الباحث من نتائج تتعلق بإستخدام طريقة المكونات الرئيسية وطريقة إنحدار الحرف وطريقة حذف المتغيرات المستقلة ذات الارتباط العالي في حالة تعرض نموذج الإنحدار الخطي المتعدد الى مشكلة التداخل الخطي، كما يتناول الفصل أيضا توصيات البحث في ضوء الإستنتاجات.

(2-5) النتائج:

1. طريقة المكونات الرئيسية أسلوب فعال في الكشف عن مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية، وذلك لان المكونات الرئيسية دائما تكون متعامدة.
2. عندما يكون الارتباط بين المتغيرات التفسيرية شبه تام فإن طريقه المكونات الرئيسية **PCR** تقدم أداء افضل من إنحدار الحرف **RR** وحذف المتغيرات ذات الارتباط العالي من النموذج.
3. نموذج الإنحدار الذي تم الحصول عليه عن طريق اسلوب المكونات الرئيسية (**PCR**) ذو توفيق جيد ويمكن الاعتماد عليه في التنبؤ.
4. أسلوب المكونات الرئيسية أدى إلي معالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية ، كما ادى الغرض منه ايضا وهو تخفيض الممتغيرات التفسيرية .
5. كذلك إستخدام طريقة إنحدار الحرف أدت الي معالجة مشكلة التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية .
6. تعتبر قيمة ($K=1.000000$) هي القيمة المثلى التي من شأنها ان تزيل التداخل الخطي بين المتغيرات التفسيرية والتي أدت الى تخفيض عامل التضخيم.
7. طريقه حذف المتغير او المتغيرات المستقلة التي تسببت في ظهور مشكلة التداخل الخطي المتعدد في النموذج هي طريقه سهلة الإستخدام ولكن غالبا ما يستبدل هذا الحل للمشكلة

بمشكله أخرى ، إذ ان حذف متغير مستقل معين له أهميته التفسيريه يوقع الباحث بمشكلة التوصيف (عدم إدخال المتغيرات المهمه في النموذج).مما يرفع احتمال تحيز المقدرات في تلك الحاله.

8. تمت مقارنة بين الطرق الثلاث حسب معامل التحديد R^2 حيث وجد ان طريقة حذف المتغيرات تمثل المشاهدات الاصليه بطريقه افضل من الطريقتين الاخرتين.
9. تعتبر طريقة إنحدار الحرف (ridge regression) افضل من طريقتي المكونات الرئيسيه (PCR) وطريقة حذف المتغيرات المستقله التي لها إرتباط عالي وذلك لانها تمتلك اقل عامل تضخم للتباين (VIF).

(3-5) التوصيات:

في ضوء النتائج التي توصل إليها الباحث من خلال الدراسه النظرية والتطبيقية خرجت الدراسه بعدد من التوصيات هي:

- 1- في حالة الدراسات التي تضم عددا كبيرا من المتغيرات التفسيرية يفضل استخدام اسلوب المكونات الرئيسية لأنه يؤدي الي تخفيض المتغيرات التفسيرية ويجاد توليفات خطية قليلة مشتقة من المتغيرات الاصلية لتحل محلها بحيث تكون مؤهلة لتفسير معظم التباين الكلي للقيم الاصلية.
- 2- في حالة عدم التأكد من ان حجم العينة كافيا ام لا نوصي باستخدام تحليل المكونات الرئيسية حيث تحتوي على معيار يسمى (Kaiser) للحكم على حجم العينة.
- 3- ضرورة استخدام إنحدار المكونات الرئيسيه PCR في وقوع النموذج تحت تاثير التداخل الخطي التام او شبه التام .
- 4- ضرورة استخدام إنحدار الحافه RR عندما يكون النموذج واقعا عند تاثير مشكلة التداخل الخطي العالي بحيث يكون الإرتباط في مستوى لا يزيد عن 90% ، أي ان $R \leq 90$.
- 5- يوصي الباحث بإجراء بحوث أخرى لدراسه RR, PCR, , وطريقة حذف المتغيرات المستقله ذات الإرتباط العالي ، والعلاقه بين مستوى تباين المتغيرات التفسيريه من جهه وقيم (MSE, VIF) من جهه أخرى.

6- يوصي الباحث بإجراء بحوث أخرى لدراسه RR , PCR , وطريقة حذف المتغيرات المستقلة ذات الارتباط العالي ، والعلاقة بين مستوى حجم العينة من جهة وقيم (MSE ، VIF) من جهة أخرى.

7- ضرورة إجراء بحوث أخرى لدراسه RR , PCR , وطريقة حذف المتغيرات المستقلة ذات الارتباط العالي ، والعلاقة بين مستويات أخرى لشدة التداخل الخطي وقيم MSE.

8- إستخدام المعالجات المتضمنه طرائق بديله لطريقة المربعات الصغرى الإعتيادية OLS ، عند ظهور مشكلة التعدد الخطي هي :

1. طريقة المربعات الصغرى المقيدة Restricted Least Square.
2. طريقة المربعات الصغرى المتدرجه Stepwise Least Square.
3. طريقة توظيف المعلومات المسبقة.
4. طريقة التقدير المختلط Mixed estimation.

وذلك من اجل الوصول الي مقدرات كفوءه يعتمد عليها في التحليل الإحصائي والإقتصادي.

9- يوصي الباحث بإجراء بحوث أخرى لدراسة العلاقة بين عدد المتغيرات التفسيرية المتضمنه بالنموذج وأداء بعض طرق RR عن مستويات مختلفه من شدة التداخل الخطي.

10- يوصي الباحث بإستخدام بيانات عشوائيه لمجتمعات مختلفه والتي بدورها تعطي افضل النتائج في المقارنه بين طرق معالجة التداخل الخطي المختلفه.

11- هنالك طرق أخرى لمعالجة التداخل الخطي المتعدد، نوصي بإستخدامها والمقارنه بينها وبين الطرق الأخرى.

12- يجب أن يكون هناك إهتمام من ذوي الإختصاص بالبيانات التي يحتاجها الباحثون لإجراء الدراسات العلمية ، وجعلها في متناول الأيدي دعما لمسيرة العلم وتطويره.

المصادر والمراجع

المراجع العربي:

1. ابراهيم ،بسام يونس،حاجي،انمار امين،يونس،عادل موسى،2001-الإقتصاد القياسي -دار
عزه للنشر-الخرطوم- السودان.
2. إسماعيل -محمد عبدالرحمن ،2001م، تحليل الإنحدار الخطي -دار المريخ للنشر -
السعودية.
3. البشير ، زين العابدين عبد الرحيم؛احمد عوده (1997م)"الإستدلال الإحصائي"جامعة الملك
سعود-كلية العلوم الإداريه ،النشر والمطابع .
4. الحديث في الإقتصاد القياسي بين النظرية والتطبيق ،الدار الجامعيه ،الإسكندريه مصر
2005م.
5. حسين ،مجيدعلي ،سعيد،عفاف عبدالجبار -الإقتصاد القياسي بين النظرية والتطبيق ،دار
وائل للنشر -عمان -الأردن .
6. حمزة، إبراهيم حمزة ، (2006م)،" تقدير وتحليل دوال الإقتصاد السوداني بإستخدام
المكوناتالرئيسية"
7. دومنيك سلفادور،الإحصاء والإقتصاد القياسي مدخل في إتخاذ القرارات ،مكتبة الإشعاع
للطباعة والنشر،مصر،1998م.
8. سليمان ، ثائر داود "الإنحدار الخطي المتعدد مفهومه ونموذج مطبق بإستخدام
البرنامجالإحصائي SPSS"، فرع العلوم النظرية كلية التربية الرياضية / جامعة بغداد
9. طرق الإقتصاد القياسي ،محاضرات وتطبيقات ،د.شيخي محمد،2004م.
10. محمد سليمان محمد جبريل ،(2014م) "التعدد الخطي أسبابه تأثيراته والمعالجه بإنحدار
الحرف وإنحدار المكونات الرئيسيه مع التطبيق علي بيانات إفتراضيه"
11. مروان عبد العزيز دبدوب واسوان محمد طيب النعيمي(2006م)" طرائق مقترحة في
إنحدار الحرف "الموصل

12. مقدمه في مبادي الإقتصاد القياسي ،نعمه الله نجيب ابراهيم ،موسسه شباب الجامعه 2012م.

13. النعيمي ، أسوان محمد طيب ،(2009م)، " معالجة البيانات غير التامة وتقديرها بطريقة إنحدارالمكونات الرئيسية " .

14. هيثم يوسف واخرون ،(2010م) " إستخدام الأساليب الإحصائية في معالجة مشكلة التداخل الخطي " مجلة ديالي للعلوم الزراعيه 2(2) ص 162-176.

15. يونس ، بسام ابراهيم ، حاجي ، أنمار أمين،يونس،عادل موسى ،(2002م)،"الاقتصاد القياسي"،دار عزة للنشر والتوزيع ،الخرطوم، السودان.

16. **Hoerl&Kennard-1970م** ،معالجة التداخل الخطي المتعدد بإستخدام معلمة التل C، الإحصاء الرياضي.

17. **Massy 1965م** -معالجة التداخل الخطي المتعدد بإستخدام إنحدار التل المعياري - المجله العراقيه للعلوم الإحصائية .

المراجع الإنجليزيه:

18. *David J. Balding, Noel A . C. Cressie, Nicholas I. Fisher, Iain M. Johnstone, J. B. Kadane, Geert Molenberghs, Louise M. Ryan, David I\$? Scott, Adrian F. M, Smith, Jozef L. Teugels*
Editors Emeriti: *Vic Barnett, J. Stuart Hunter, David G. Kendall*John Wiley,Sons(،200"6)**Regression Analysis by Example Fourth Edition**)"Inc., Hoboken, New JerseyPublished simultaneously in Canada.

19. Draper , N . R .and smth , H . (1966) ,"**Applied Regression Analysis**" , University of Wisconsin and Rensselaer polytechnic Institute.

20. Askin, R.G., *Multicollinearity in regression: review and examples.* Journal of Forecasting, 1982. 1(3): p. 281-292.

21. Alin, A., *Multicollinearity.* Wiley Interdisciplinary Reviews: Computational Statistics, 2010. 2(3): p. 370-374.

22. Alheety, M.I. and B.G. Kibria, *On the Liu and almost unbiased Liu estimators in the presence of multicollinearity with heteroscedastic or correlated errors*. Surveys in Mathematics and its Applications, 2009.
23. Draper, N.R. and Smith (1981) "Applied Regression Analysis", 2nd edition, John Wiley & Sons Inc, New York
24. Gunst, R.F. & other, (1975), "Regression Analysis and problems of multicollinearity", Boston
25. 4: p. 155-167.
26. www.arabterm.org
27. www.arab2.com
28. www.aawast.com
29. WordBank.com

الملاحق

بيانات البحث :

y	x9	x8	x7	x6	x5	x4	x3	x2	x1	السنوات
379.00	485799977	9146329062	.000000	-2660000	48725508	22	157600000	542000000	7459833333	1980
241.30	663099978	9640081403	.000000	8850000	16970340	25	1553000000	656000000	10016500000	1981
1606.60	489000125	9594478650	.000000	19330000	20500000	31	1282000000	498000000	9240000000	1982
1530.30	651200125	9027566253	.000000	16790000	16562817	26	1354000000	623000000	8230153846	1983
1627.00	709500093	8453899706	.000000	6320000	17200000	34	1147000000	628000000	9701357143	1984
693.10	747300126	9052163337	.000000	9076923	12200000	46	771000000	373000000	12403733333	1985
2403.00	633500015	12652527598	.000000	-3040000	58512232	29	961000000	333000000	15769062500	1986
4728.30	675799971	18944022694	.000000	-8170000	11714187	26	871000000	503000000	20155555556	1987
7162.60	704299928	19173520762	.000000	11650000	12113457	79	1061000000	509000000	15399166667	1988
11000.40	814799962	18054352753	.000000	2020000	15913142	37	1335000000	671000000	15291507937	1989
10266.00	274700005	13641142602	.000000	3488889	11414227	66	618000000	374000000	12408647541	1990
25888.90	251699993	11770906178	.000000	-31130000	7614304	89	890000000	305000000	11379222222	1991
73052.30	370650131	9291095345	.000000	-620000	27518807	109	820000000	319000000	7034219713	1992
#####	165550082	8577739793	.000000	90000	37430696	97	944000000	417000000	8881785938	1993
#####	149500038	8975043233	.000000	-160000	78155913	159	1227000000	503000000	12794192334	1994
#####	120499217	11682927429	1.000000	99180000	163360978	105	1218000000	555000000	13829744879	1995
#####	361239529	11894924883	1.000000	12000000	106782703	33	1547000000	620000000	9018243044	1996
#####	451599268	11849117088	2.000000	400000	81584279	48	1580000000	594000000	11681494637	1997
#####	507090777	10649650606	2.000000	97900000	90623305	18	1925000000	596000000	11250327988	1998
#####	487009217	10890026204	3.000000	370700000	188738167	16	1415000000	780000000	10682045258	1999
3267.70	344120000	11239001718	3.000000	370800000	137814239	10	1553000000	1807000000	12257418326	2000
4764.30	372650000	11847575783	3.000000	392200000	49736273	2	1958000000	1699000000	13182979784	2001

9258.40	665720000	13165229964	3.000000	574000000	248935516	7	2446000000	1949000000	14803189093	2002
7414.50	928139490	15167605517	3.000000	713180000	529445722	10	2882000000	2542000000	17646503525	2003
11224.70	1123298239	18221265075	3.000000	1349190000	1337996808	16	4075000000	3778000000	21457470203	2004
17694.60	1726970000	22647206786	2.000000	1511070000	1868587866	9	6756800000	4824000000	26524538566	2005
19616.40	1755020000	28972995420	2.000000	1561689997	1659926272	9	8074000000	5657000000	35822408612	2006
22838.50	803570000	36965607516	2.000000	1841833814	1377921603	7	8775000000	8879250000	45898948564	2007
24165.00	385055666	44985461848	2.000000	1504379838	1399041060	14	9351540000	11670524000	54526580232	2008
25376.50	1012334679	49617358157	2.000000	1653120315	1094176603	4	9690900000	8257000000	53150209168	2009
31704.50	2131203779	54360431518	2.000000	1726298403	1036243575	20	10044770000	11404000000	65634109237	2010
41615.90	1112426701	55859688979	3.000000	2063730998	192529863	21	9235860000	10193432000	67327289320	2011
45907.90	862516494	54452409474	4.000000	1734376994	192632629	35	9230318000	4066499000	68125631150	2012
67552.80		43079231775	5.000000	2311460740	192957046	35	9918068000	4789732000	72065940086	2013
90681.40			6.000000	1687884179	181457792	34	9211300000	4453700000	82151588419	2014