

## المبحث السادس

### الهندسة الفاضلة (الجيومتري) والعناصر الزخرفية

#### 1:6 الأبعاد والنسب الهندسية

إن الحواس لثُسرُ من الأشياء المتناسبة، عبر إحساس الإنسان بالعلاقة القائمة بين الرياضيات والطبيعة والجمال، حيث قال الفيثاغوريون إن "كلّ شيء مرتّب وفق العدد". ومفهوم التناسب في الفيثاغوري مشتق من مفهوم النظام في تعريفه الرقمي، وهكذا فإن جوهر الحقيقة الفيزيائية مرتبط بالعدد والجمال قائم على ركائز حسابية.

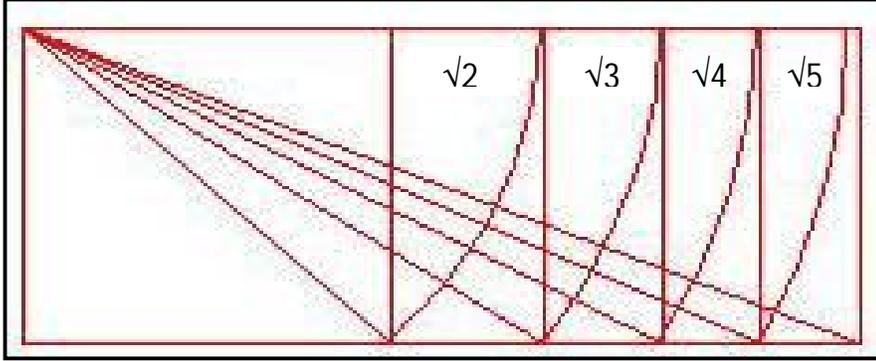
ويدرك العلماء اليوم أكثر من أيّ وقت مضى، أن كلّ شيء في الطبيعة خاضع لقوانين التناسق، كذلك فإن الإنسان يشعر أن الجمال يرتكز على قوانين التناسب ووعي الإنسان، هو في جوهره فعل تتناغم مع الطبيعة التي تظهر تفاصيل عميقة لنسب معينة في رسم أشكالها.

والنسبة هي العلاقة بين شيئين من نفس النوع وقد اودعها الله بالطبيعة واقتبسها الانسان وحاول الاستدلال على العلاقات التي تربط بينهما وترجمها بصورتها الرياضية. وهذه هي العلاقة الهندسية التي الهمت نشأة الهندسة الفاضلة، والتي اطلق عليها اخوان الصفا (الجومطريا) وعرفوها "بعلم الهندسة"، وهي معرفة المقادير والأبعاد، وبالتالي فإن استخدامها من قبل الإنسان يعود إلى العديد من القرون السابقة (رسائل إخوان الصفا، 1928م). فالعمارة دائما كان لها معنى مقدس في جميع الحضارات التقليدية خلال آلاف السنين، وبواسطتها حاول الإنسان أن يوفر لنفسه مظهراً من مظاهر الجنة.

ان العمارة الاسلامية في العصرين الاموي والعباسي ركزت دائماً على الجمال، وبواسطه معاني الهندسة الفاضلة، ودرس العرب الأبعاد السماوية وعكسوها في مقاسات مبانيهم على الأرض. ان الاستخدام الشامل للأبعاد النسبية في العمارة الاسلامية، في تصميم المخططات (Plans) والمرتفعات (Elevations)، وهندسة الأنماط المعمارية، والسماوات الميكانيكية والهيكلية، هو ما يمكن أثباته قياس للمباني التاريخية الاسلامية، من خلال التحليل الهندسي (الجيومتري) وهي كلمة اغريقية قديمة، وتتكون من كلمتين، "جيو" ومعناها الارض، و"متري" ومعناها (Minwer Almehied, 2004).

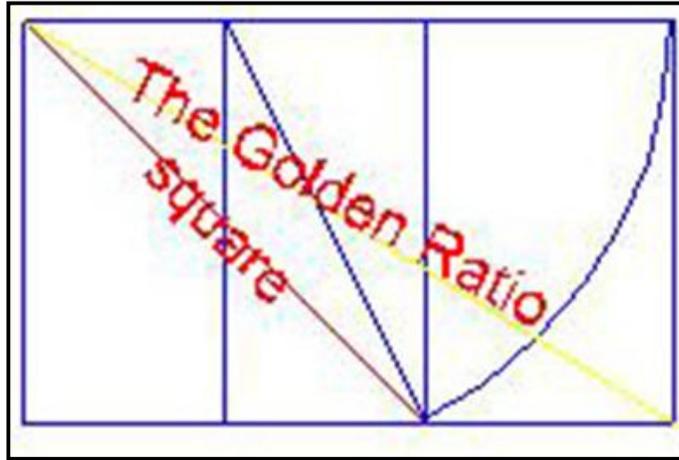
ان هذه النسب التي استخدمها الانسان بفطرته التي اودعها الله فيه، في عمارة وفنونة قبل الاف السنين، هي قياسات دقيقة مبنية على علم الجيومتري، ومع تطور العلوم والرياضيات، اصبح الانسان يستخدم هذه النسب المبنية على هذا العلم باعتبارها اهم المرتكزات والدعائم للتخطيطات والتصميمات

المعمارية من مبان وفنون زخرفيه هندسية كانت او نباتية او خطية. اما النظام النسبي التي تعتمد عليه جميع الاشكال الهندسية فهو نظام الجذور الاربعه الرئيسية وهي ( $\sqrt{2}$ ،  $\sqrt{3}$ ،  $\sqrt{4}$ ،  $\sqrt{5}$ ) والنسبة الذهبية (مخطط -3) ( قبيلة فارس المالكي، 1996م، ص105).



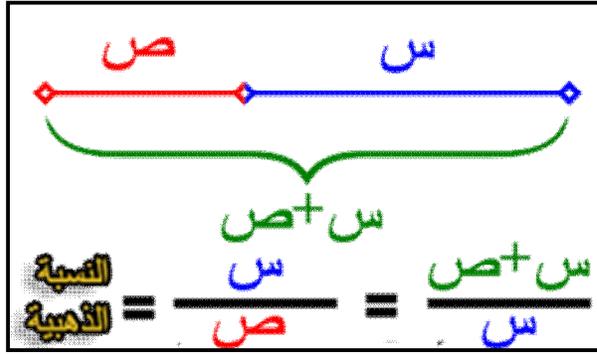
(مخطط 3) النسب الهندسية الرئيسية نظام الجذور الأربعة

ومن بين النسب المهمة ما يسمى النسبة الذهبية، (النسبة الإلهية)، قال الله تعالى (لقد خلقنا الانسان في احسن تقويم) (سورة التين آيه 4)، وهذه النسبة موجودة في الأشكال الأساسية مثل الكواكب والمجرات والنباتات والزهور، وفي كل المخلوقات، وهي الأولى قبل أي نسبة فهي = حوالي 1,618 (مخطط -4)، انها ترمز إلى التجدد والتطور وهي التقسيم الأمثل للوحدة.



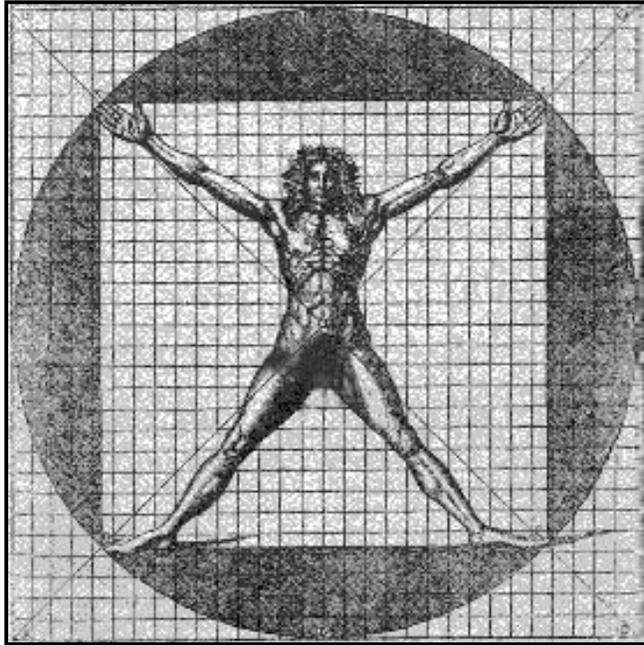
(مخطط 4) النسبة الذهبية

وهي عبارة عن تناسب اطوال، كأن تكون نسبة الطول كاملا للجزء اكبر منه، مثل نسبة الجزء الكبير للصغير (مخطط -5).



(مخطط 5) المعادلة الرياضية للنسبة الذهبية

والنسبة الذهبية نسبة تخضع لها مقاسات التكوينات الطبيعية سواء في الكائنات الحية (الانسان او النبات او الحيوان)، حيث تعتبر التناسبات الموجودة في الجسم الانساني قائمة على هذه النسبة، كما ذكرها اخوان الصفا في النسبة الفاضلة، وبهذا فان الانسان أخذ مقياسا لجميع الاشياء (صورة 144).



(صورة 144)

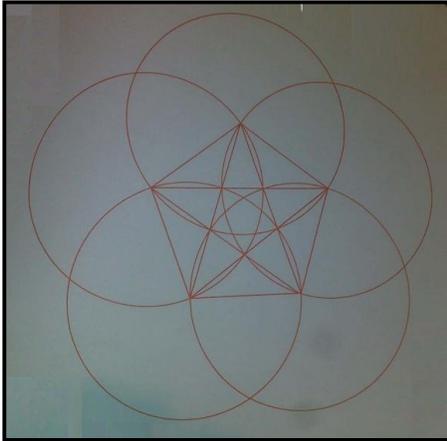
جسم الانسان والنسبة الذهبية

## 1:1:6 جسم الانسان والنسبة الذهبية

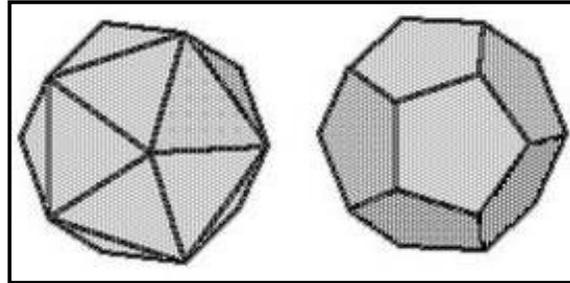
ولعل النسبة الذهبية تبرز أكثر في التناسب الطولي للإنسان، فنسبة طول الإنسان إلى ارتفاع سرته عن الأرض تساوي أو تقارب كثيراً النسبة الذهبية. وقد بيّنت الدراسات الإحصائية صحة هذه النسبة في معظم التماثيل اليونانية القديمة. ومن خلال دراسة إحصائية للأجناس البشرية تبين أن بعضها يمثل هذه النسبة تماماً، في حين أن الأجناس الأخرى تقترب منها. وفي كلِّ حالات عدم تحقق النسبة، لم يقع خط النسبة الذهبية فوق السرة بل تحتها، فإذا أخذ بعين الاعتبار أن الطفل الوليد لا ينمو بتناسب ثابت في كافة أعضائه بسبب قصر طرفيه السفليين، يمكن الاستنتاج أن النموَّ الإنساني يقترب في سنِّ النضج من تحقيق النسبة الذهبية .

## 2:6 اكتشاف النسبة الذهبية

النسبة الذهبية أو النسبة الإلهية أو الرقم الذهبي، كلها مسميات بدأت في الظهور بعد أن عمل ليوناردو فيبوناتشي على عمل المتتالية الشهيرة والمسماة بإسمه (متتالية فيبوناتشي (Fibonacci number)، وأرقام المتتالية هي علي النسق التالي ( 0، 1، 1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، 34، 55، 89، 144... الخ) بحيث أن كل رقم هو نتاج مجموع الرقمين السابقين له، ويقترب ناتج قسمة كل رقم بما قبله من 1.618 شيئاً فشيئاً. وتعتبر النسبة الذهبية هي النسبة الأكثر جمالاً على امتداد تاريخ الفن التقليدي والفنانين، حيث اعتمدت هذه كنسبة مقدسة في قياس الجمال، ولديها خصائص فريدة فهي موجودة في النجمة الخماسية (Pentagram). الخماسي الاضلاع (Pentagon) (مخطط 6،7)



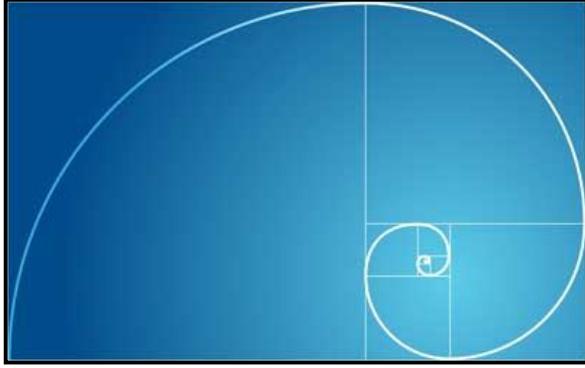
(مخطط 7) التحليل الهندسي للخماسي



(مخطط 6) الجسم الافلاطوني الدّعشري

وأوجهة الجسم الافلاطوني الدّعشري (Dodecahedron) هي مكونة من خماسيات أضلاع منتظمة، كل منها لة نسبة ذهبية، وافلاطون ساواه بالكون في النجمة الخماسية القياس الأكبر أو الاصغر بان له علاقة بالنسبة، بحيث يتم تلقائياً إنشاء سلسلة من "النسب الذهبية" مرفوعة إلى قدرة

أعلى (أو أقل) تباعا ( $\sqrt{2}$ ،  $\sqrt{3}$ ،  $\sqrt{4}$ ،  $\sqrt{5}$ ) ان النسبة الذهبية هي لانهائية، يمكن العثور عليها في الحلزونيات والإقحوانات، (صورة 145) و(مخطط -8) في التسلسل الزمني، وفي أنماط النباتات الملتوية حول فرع، وفي أماكن كثيرة.



(صورة 145) حيوان الحلزون التحليل الهندسي (الجيومتري)

هذا النص يفسر مفهوم الهندسة الاسلامية ورمزيتها في استخدام علم الهندسة الفاضلة في تصميم عدد من المباني الاسلامية التاريخية. وسيعرض الدارس استخدام علم الهندسة في التصميم لمبني القصر العباسي والمدرسة المستنصرية التاريخيين، وسيتم تحليل بعض الاشكال الهندسية التي قامت عليها عمليات التصميم. تبعا لاجراءات الدراسة.

وتعتبر الطبيعة الملهم الاول للمزخرف الاسلامي العربي فمن الطبيعي يستمد المزخرف العناصر الأولى لفنه من ساحة النبات وأوراقه، ثم ينظم الخيال الى الاساس في التناسب ليكون بعد هذا الشكل الزخرفي، كذلك فن العمارة إذ ان عملها الفني أيضا يستند إلى مقياس وأنظمة كلية التكوين، وان الإنسان يبني النظام في عالمه من خلال العمارة، ليحقق التوازن مع البيئة، فالعمارة هي نتاج الفكر، كما ان الزخرفة هي شكل مكتمل للفكر الرياضي، والزخرفة هي تغطية للسطوح المعمارية بتكويناتها المنظمة على رغم تعقيدها وتنوعها الثري إذ إنها تنطوي على أشكال ومنحنيات وشكل وبناء هندسي.

### 3:6 علم الهندسة والزخرفة الاسلامية

ان للهندسة وتنظيم البناء الفني امرا تفاعليا منذ بدأ الانسان بيني البيوت ويعد الاراضي للزراعة والري كان محتاجا الى الهندسة، ثم اذا نظر الى الهياكل العظيمة التي خلفتها الامم في العالم القديم، في العراق ومصر والصين والهند يتضح كون الهندسة من ابرز وجوه الحضارة الانسانية، الا انها كانت في هذه الاقطار عملية اكثر منها علما نظريا، وقد كتب افلاطون هذه الجملة (من لا يعرف الرياضيات لا يدخل الاكاديمية)، وعلقها على باب داره، مؤكدا الاهمية والمكانة الكبيرة للهندسة عنده وعند بني

عصره، وكان افلاطون اول من وضع القوانين التي تحكم الاجسام الهندسية والتي سميت من بعده بالاجسام الافلاطونية.

والهندسة فتنت الانسان منذ اقدم الازمان، وتؤكد الدراسات ان الانسان اكثر انجذابا للهندسة منها للرياضيات (عمر فروخ، 1969م، ص227)، ولكن حين توصف الاشكال والخطوط توصف باحدى الطريقتين:

1- رياضياً عبر المعادلات التحليلية (الجبر).

2- هندسياً من خلال الوصف الهندسي المباشر بمساعدة الادوات الهندسية .

ولكن الميل الى الهندسة اكثر لانها:

اولا- تعطي قوة ادراك الاشكال بسهولة

ثانيا- تعطي القدرة على وصف الشكل مع دقته .

ويمكن وصف الزخرفة بأنها تنزع نحو الكمال الهندسي، والكمال موضوع رياضي عددي وشكله المعماري والزخرفي من الأشكال المعقدة والمتنوعة تحتاج إلى عدد كبير من أنظمة الرموز المختلفة لوصفها.

وعليه يمكن ان تكون الرياضيات العنصر الرابط المشترك بين نظم العمارة ونظم الزخرفة، ولان الزخرفة والعمارة في الأساس نمطان بنائيان لهما تجليات بصرية محسوبة رياضياً بقياس دقيق، يلاحظ أن تعلقاتهما واضحة وفاعلة احدها بالآخرى. ويلاحظ تكامل بنائي لمكوناتهما في عملية تنظيم تبعاً لقوانين وعلاقات رياضية تعد أساساً لتوافقهما في العمل الفني، وان عملية التوافق تؤدي الى الكشف عن المستوى الخفي الرابط بينهما، فالأشكال الزخرفية والمعمارية المنظمة التي تؤسس على المعادلات الرياضية تبلغ غاية الكمال الوظيفي في النتاجات الفنية الأوسع تركيباً، فضلا عن ما تعطيه وتمنحها من قصد وبنية جمالية، وتعد بنية الجمال في هذا النوع من الأعمال الفنية احد المقومات الأساسية التي يتوجب أن يحققها المبنى، ذلك لان الرياضيات تتعامل مع الكم بما يقابل القياس والعدد، ان الرياضيات تسهم بشكل فعال في الوصول إلى الكيف الجمالي، اذ يتعزز في التنظيم الكمي للشكل اكثر مما يوجد في وصفه الكيفي.

ولان الشكل في الزخرفة والعمارة ذو طبيعة هندسية فان الشكل الزخرفي لا يتحقق الا بمعادلة حسابية رياضية، وتمثل هذه المعادلة الحسابية مضمون الأشكال والكاشف عن سرها في تحليل بنيتها التي تحكمها الرياضيات ذاتها. وان كل ما هو ذو معنى ودال في العمارة والزخرفة فانه يأتي من الرياضيات في اختيار المناسب للأبعاد ونظم التناسبات، وللرياضيات مكانة كبيرة في الدين الإسلامي وبالأخص الهندسة والعدد، لارتباطها بجوهر الدراسة ألا هو التوحيد اذ كان الرقم (واحد) في سلسلة

الأعداد هو الرمز الفكري لأصل الكون. ان علم العدد هو جذر كل العلوم، اصل العلم الالهي، وهو  
الماده الاولى (عمر فروخ، 1969م، ص229)

## 4:6 هندسة الاعداد والارقام

عن طريق المسلمين انتقل نظام الارقام الجديد الى الغرب الاوربي، فأخذ يحل محل الارقام  
الرومانية التي لم يعرف العالم الاوربي غيرها حتى القرن الثالث عشر الميلادي، وقد بحث الرياضيون  
العرب خواص العدد فقسموها الى اولية والى فردية وزوجية، كما صنفوها الى اعداد تامة وزائده  
وناقصة ومتحابة. وكان لثابت بن قره<sup>(1)</sup> جهود بارعة في الاعداد المتحابة، وهي ازواج من الاعداد  
نادرة جدا، وذكر ليونارد أويلر<sup>(2)</sup> منها اثنين وستين، وكان معروف قبلة ثلاثة ازواج، ويكون العدديين  
متحابين اذا كان مجموع المضروبوات (العوامل،الاجزاء) في احدهما مساويا للعدد الاخر نفسه، وكان  
مجموع المضروبوات في العدد الآخر مساويا للعدد الاول نفسه. واخوان الصفا اعتبروا العدد اصل  
الموجودات (تأثروا بطريقة الفيثاغوريين) ورتبوه على الامور الطبيعية والروحانية، واعتمدوا فيه  
المربعات لانهم وجدوا العدد (اربعة) في اكثرها، فصار له شرف الصدارة عندهم مع ما لسائر  
الاعداد من الفضل في نسبة بعضها الى بعض، كما توجد النسبة في الامور الطبيعية والروحانية.  
والعدد ربط بشكلة الهندسي:

- فالنقطة هي الواحد وتشير الى الخالق
  - والعدد (2) يمثل الخط ويشير الى العقل
  - والعدد (3) يمثل المثلث مشيراً الى النفس
  - والعدد (4) هو المربع ويشير الى المادة
  - والعدد (5) هو الخمس ويرمز الى الطبيعة
  - والعدد (6) يقابل المسدس ويرمز الى الجسم
  - والعدد (7) هو السبع أو صورته السباعي الذي يشير الى العالم
  - والعدد (8) المثلث، وهو يرمز الى الكيفيات
  - والعدد (9) الى صورته التساعي او المتسع رامزا الى الوجود والكائنات في العالم
- ... الخ (قبيلة المالكي 1996م، 55) (مخطط - 9).

(1) عالم عربي اشتهر بالفلك والرياضيات والهندسة والموسيقى هو أول من توصل لحساب طول السنة الشمسية حيث حددها ب 360 يوماً و6 ساعات و9 دقائق و12 ثواني (أي أنه أخطأ بتأنيدين فقط). عمل في الجامع الكبير في حران ثم انتقل سنة 848 م إلى الرقة وأنشأ بها مدرسة عليا لتعليم الفلك والفلسفة والطب وانتقل بعدها إلى بغداد (www. wikipedia.org)

(2) رياضياتي وفيزيائي سويسري من الذين تركوا أثرا في تاريخ العلوم. عمل أويلر في جميع فروع الرياضيات تقريبا الهندسة والتكامل حساب المثلثات الجبر نظرية الاعداد وأيضا في الفيزياء المتصلة ونظرية لينر وفي فروع أخرى من الفيزياء فهو علامة مميزة في تاريخ الرياضيات والكثير من اعماله موقع اهتمام اساسي والتي تشغل بين 60 أو 80 مجلداً. وترجع العديد من الرموز المستعملة اليوم في الرياضيات إليه. في سنة 1748 قام بنشر كتاب بعنوان Introductio in analysin infinitorum (www. wikipedia.org)

statue	Dynamic		MACROCOSM		MACROCOSM	
			Diving Essence	Divine Essence	Diving Essence	Divine Essence
-1			One Primordia   Permanent Eternal	One Primordia   Permanent Eternal	One Primordia   Permanent Eternal	One Primordia   Permanent Eterna
-2			Imnato Acquired	Imnato Acquired	body divided in to two parts / بين ويسل / تقسيم الجسم إلى قسمين	body divided in to two parts / بين ويسل / تقسيم الجسم إلى قسمين
-3			Intellect	Vegetative Animal Rational	constitution or animals (وسط)	Two extremities and middle
-4			Matter	Original Physical Universal Artifacts	الافرية الاربعة Four humors	Phlegm Blood Yellow bile Black bile
-5			Nature	Ether Fire Air Water Earth	الحواس الخمسة Five senses	Sight Hearing Touch Taste Smell
-6			Body	Above Below Front Back Right Left	الجهات الستة، فوق، تحت، يمين، يسار، أمام، خلف Six powers of motion in six directions	Up, down, front, back, left, right
-7			Universe	Seven visible planets & sevendays of the week	القوى الفاعلة (القوى التكوينية... الخ) Active powers	Attraction Sustenance Digestion Reproduction Nutrition Growth Formation
-8			Qualities	Cold, dry Cold, wet Hot, wet Hot, dry	الكيفيات (طب، حار، بارد...) qualities	Cold, dry Cold, wet Hot, wet Hot, dry
-9			Beings of this world الموجودات في العالم	Mineral Planet Animal (each containing 3 parts)	العناصر التسعة للجسم (العظم، العقل، الأعصاب... الخ) Nine elements of the body.	Bones, brain, nerves, vines, .....etc

(مخطط 8) الرقم والهندسة والرمز

أما العدد الفيثاغوري فهو مقدار وكمية وشكل ولا يرمز له برقم، وإنما يأخذ شكلا هندسيا على النحو التالي :

الواحد: النقطة ( ● ) وهو الاصل في الاعداد جميعا وهو رمز العقل لانه ثابت.  
الاثنان: الخط ( — ) وهو العدد الزوجي ويدل على المذكر، وهو رمز الظن لأنه ترداد بين طرفين.  
الثلاثة: مثلث ( △ ) وهو العدد الفردي الاول، ويدل على المؤنث وهو رمز الزواج.  
الاربعة: مربع ( □ ) ورمز العدالة.

الخمسة: الخماسي ( ⬡ ) ويرمز الى الحواس الخمس.

الستة: السداسي ( ⬢ ) ويرمز للجهات الست (فوق، تحت، يمين، يسار، امام، خلف).

السبعة: السباعي ( ⬤ ) ويرمز للقوى الفاعلة والايام السبعة.

الثمانية: الثماني ( ⬥ ) ويرمز للكيفيات ( رطب، حار، بارد، جاف).

التسعة: التساعي ( ⬦ ) العناصر التسعة للجسم (العقل، الاعصاب، العظام،... الخ )

أما العشرة فتمثل بهرم على هذا الشكل ( ⬡ ) وهي اكمل الاعداد والوحدة الرئيسية التي تشتمل على كل الاشياء الاخرى خاصة، لانه حاصل جميع الاعداد الاربعة الاولى.

ان نظرية العدد لدى المدرسة الفيثاغورية التي تنتسب الى فيثاغورس، تنطلق من (ان الطريق الوحيد لمعرفة الاشياء هي اوصافها، لكن صفات الاشياء الفردية تتصف بالشمول عدا صفة العدد التي تعتبر صفة مشتركة بين سائر الكائنات) فالعدد صفة تنسم بها كل الكائنات سواء اكانت مادية محسوسة ام معقولة غير محسوسة، ولهذا قال فيثاغورس أن العدد مبدأ الوجود ولما كانت الاعداد المثل الاعلى للتناسق فلا بد ان تكون ثمة علاقة بين الاعداد والوجود.  
( موريس شريل، 1988م، ص34).

وعلية فالارقام والاعداد ليست كما تظهر فقط، بل هي تمتلك نظرة ومحتوى رمزي معنوي غير تخيلي، وكل رقم هو رقم في جوهره صدى للوحدة وانعكاس لمحتواها الكمي، وان ابداع الهيئة يكون من خلال استعمال العدد والهندسة، بعد استدعاء النماذج الاصلية النمطية الموجودة في عالم المثل .

كانت فكرة التوحيد عقيدة وراء استخدام الفنان المسلم الأشكال الهندسية وتنظيماتها، وجسدها في تصاميم تكويناته الزخرفية من خلال عملية التنظيم والتجريد والتكرار والخصائص التعبيرية الجمالية عن فكرة التوحيد. وعند قراءة الاشكال الزخرفية للقصر العباسي والمدرسة المستنصرية يلاحظ ان العناصر المفاهيمية لهيئة أي شكل هندسي تكون غير مرئية للعيان ولكنها مدركة في الذهن، فهناك نقطة ما عند زاوية شكل وخط ما يحدد شكله وسطح ما يحيط به وكتلته تشغل فضاء النقاط والخطوط والسطوح والكتل لهيئات الأشكال تتحول عملياً، وذلك بتجسيدها بصرياً وملمسياً فتحال الى عناصر لها مدلولات مرئية واقعية، فيتكون عنصر النقطة لبداية ونهاية خط او تقاطع او تلاقي خطوط في الشكل الهندسي، أما عنصر الخط فيكون مساراً اتجاهياً من تحرك النقطة، له موقع معين في هيئة شكل، ومن مسارات الخطوط يتكون سطح الشكل وهذا السطح المتكون له موقع واتجاه ضمن هيئة الشكل الذي به تحدد نهايات كتلة شكله، ومن تشكل مسارات الأسطح تتكون كتلته التي تتحدد بعدد أسطح شكله، ففي تصميم البعدين للأشكال الهندسية تدرك كتلتها بادراك العمق البصري أي إيهاما، وفي تصاميم الابعاد الثلاثة تجسد وتجسم بطبيعة مادية أي يصبح لها شكل وحجم ولون وملمس، فالعناصر البصرية لهيئة أي شكل هندسي تتحدد في:

- 1- بناء النظام الصوري الذي يحدد هوية المظهر للشكل.
- 2- بناء النظام الحجمي الذي يوضح البنية الطبيعية والنسبية لهيئة صورته.
- 3- بناء النظام اللوني الذي هو الصفة المميزة للشكل عن محيطه.
- 4- بناء النظام الملسمي الذي يظهر السمات السطحية للأشكال وقد تكون سطوحاً مستوية او زخرفية او بارزة بقدر ما، فهئية الشكل الهندسي ليست فقط شكلا مرئيا وإنما هي شكل محدد بالحجم واللون والملمس.(Arnheim, Rudolf, 1968,p.33).