

## الباب الأول المقدمة

### 1.1 الضوء

أثبتت أحدث نظريات تشكيل الكون أن الكون تشكل نتيجة لإنفجار عظيم للضوء، فالضوء بدأ مع بداية الكون وهو يحمل جميع أسرارهِ ويجوب أرجاءه بسرعة فائقة هي أعلى سرعة عرفتها الطبيعة إلى الآن بحركة لا تعرف السكون، أثار فضول الفلاسفة والعلماء منذ أقدم العصور فحير العقول وأذهل الأذهان فمنذ أن وجد الإنسان على الأرض جذب الضوء إهتمامه وأصبح محور تفكيره وأثار دهشته فهو يلاحظ الضوء في كل مكان دون أن يتمكن من إمساكه أو إيقافه وفحصه وبنفس الوقت لا يستطيع أن يتجاهله، وهذا ما دفع العلماء إلى وضع الكثير من الفرضيات والنظريات التي تحاول كشف ماهية الضوء [1]. بدأت المحاولات العلمية والعملية الهادفة إلى دراسة سلوك الضوء ومعرفة القوانين التي تحكمه وتفسير ماهيته منذ ما يزيد عن الألف عام حيث كانت الريادة العزمية للعلماء العرب الذين أبدعوا في شتى المجالات والتي كان الضوء واحداً من أهمها . كان من أبرز رواد هذا المجال ابن الهيثم وجابر بن حيان وبعد ذلك عقبهم العديد من العلماء الأوربيون أمثال نيوتن (Newton) وهينجنز (Huygens) وماكسويل (Maxwell) وهيرتز (Hertz) وبلانك (Planck) وإنشتاين (Einstein) [2].

سنعرض أهم النظريات التي حاولت شرح طبيعة الضوء وتفسير سلوكه.

### 1.2 النظرية الجسيمية

صاحب هذه النظرية هو العالم إسحاق نيوتن (Isaac Newton) قال فيها أن الضوء يتكون من سيل من الجسيمات تصدر من المنابع المضيئة وتنتشر في الفضاء وفق خطوط مستقيمة وان هذه الجسيمات تحرض حاسة الرؤية عند دخولها العين .

تمكن نيوتن من استخدام هذه النظرية من تفسير انعكاس وانكسار الضوء ، قبل معظم العلماء بنظرية نيوتن الجسيمية على الرغم من أن نظرية أخرى خلال فترة حياة نيوتن افترض أن الضوء ربما يكون شكل من أشكال الحركة الموجية [2].

### 1.3 النظرية الموجية

إقترح الفيزيائي الألماني كريستيان هينجنز (Christian Huygens) في عام 1678م ان للضوء طبيعة موجية تشبه الأمواج المنتشرة على سطح الماء مستنداً في ذلك إلى ظاهرة إنعراج الضوء عند الحواف أو عند اجتيازه ثقباً أو شقاً ضيقاً وهي ظاهرة موجية، وبين هينجنز أن يمكن تفسير إنعكاس الضوء وإنكساره بناءً على النظرية الموجية للضوء . لم تلق النظرية الموجية قبولاً لدى العلماء في ذلك الحين كون الأمواج المعروفة في تلك الفترة هي أمواج ميكانيكية لا يمكنها الإنتشار في الخلاء لأنها تحتاج إلى وسط تنتشر ضمنه والذي يدعى وسط الإنتشار ويعتبر وجوده شرطاً لوجود مثل هذه الأمواج وإنتشارها . بينما يقطع الضوء ملايين الكيلومترات في الخلاء قادماً من الشمس والنجوم الأكثر بعداً وهذا ما حذى بالعلماء فيما بعد بفرض وجود وسط يملأ الفضاء أسموه الأثير [2].

قدم توماس يونغ (Thomas Young) في عام 1801م أول دليل واضح على الطبيعة الموجية للضوء من خلال تجربته المشهورة التي بين فيها أن أشعة الضوء تتداخل مع بعضها البعض لتشكل مناطق ذات شدة إضاءة عظيمة ومناطق مظلمة ضمن شروط ملائمة لا يمكن تفسير مثل هذا السلوك في ذلك الوقت إستناداً إلى النظرية الجسمية للضوء لأنه لا يمكن تخيل طريقة يلتقي فيها جسيمات أو أكثر ويفني إحداها الآخر وكانت النظرية الموجية للضوء هي وحدها القادرة على تفسير مثل هذه التجربة [2].

### 1.4 النظرية الكهرومغناطيسية

تعتبر النظرية الكهرومغناطيسية من أهم أعمال الفيزيائي ماكسويل والتي قادت إلى قبول شامل للنظرية الموجية للضوء مع بعض التطورات والتوضيحات حول الطبيعة الموجية للضوء.

بيّن ماكسويل عام 1873م أن الضوء هو موجة كهرومغناطيسية مؤلف من حقلين كهربائي ومغناطيسي متعامدين فيما بينهما ، تنتشر الموجات الكهرومغناطيسية في الخلاء بسرعة ثابتة وهي سرعة الضوء في الخلاء وهي لا تحتاج إلى وسط تنتشر فيه وهذا ما دعا إلى التخلي عن فكرة وجود وسط يدعى بالأثير . قدم هيرتز في عام 1878م برهاناً تجريبياً على صحة نظرية ماكسويل الكهرومغناطيسية عندما قام بإصدار وإستقبال الأمواج الكهرومغناطيسية [2].

### 1.5 نظرية تكميم الضوء Light Quantization Theory

على الرغم من أن النظرية الكهرومغناطيسية كانت قادرة على تفسير معظم الخواص والظواهر المعروفة للضوء من انعكاس وانكسار وانعراج وتداخل إلا أنها عجزت عن تفسير بعض الحوادث التي تم ملاحظتها مؤخراً أثناء بعض التجارب.

لاحظ هيرتز إنه عند سقوط الضوء على سطح معدن فإنه من الممكن أن يتم إقتلاع بعض الإلكترونات من سطح المعدن وتعتمد على تردد هذا الإشعاع وهذا ما يتعارض من النظرية الموجية للضوء التي تنص على (أنه يجب أن تكون الطاقة الممنوحة للإلكترون كبيرة بقدر ما تكون شدة الإشعاع كبيرة) . إن تفسير المفهوم الكهروضوئي قدمه أنشتاين (Einstein) عام 1905م ضمن نظرية إستخدمت مفهوم التكميم الذي كان قد طرحه الفيزيائي الشهير ماكس بلانك (Max Planck) عام 1900م يفترض النموذج الكمي إن تدفق شعاع كهرومغناطيسي ذو التردد يتألف من كمات . هذه الكمات هي أصغر كمية من الطاقة يمكن أن توجد مستقلة في الشعاع ويمكن ان تتفاعل مع المادة كوحده مستقلة وقد دعيّت هذه الكمات من الطاقة بالفوتون photons يجب أن ينظر إلى الضوء على أنه ذو طبيعة مزدوجة فهو لا يمتلك خصائص موجية فقط وإنما يمتلك خصائص جسيمية وهو يتصرف أحياناً كموجة وأحياناً كجسيم [1،2،3].

## 1.6 شعاع الليزر

الليزر هو عبارة عن ضوء مضخم وحيد اللون شدته عالية ومركز في حزمة ضيقة وهو مصدر لتوليد الضوء المرئي وغير المرئي تصدره بقية مصادر الضوء الطبيعية والصناعية وكلمة Laser هي إختصار للأحرف الأولى لكلمات الجملة Light Amplification by Stimulated Emission of Radiation والتي تعني تضخيم الضوء بالإنبعاث المستحث للإشعاع، حيث يقوم الليزر بتوليد نوع مميز من الضوء يختلف في خصائصه عن الضوء الإصطناعي الصادر من مختلف أنواع المصابيح الكهربائية. ويتميز ضوء الليزر بعده خصائص أهمها انه كامل الطاقة الضوئية تتركز في شعاع له مقطع عرض متناهي في الصغر قد لا يتجاوز في بعض أنواعه عدة مايكرومترات سريعة ولهذا فإنه يسير لمسافات طويلة محتفظاً بطاقته ضمن هذا الشعاع الرقيق.

وبما ان جميع الطاقة الضوئية التي يولدها الليزر تتركز ضمن هذا المقطع الصغير للإشعاع فإنه بالإمكان الحصول على شدة إضاءة قد تزيد بملايين المرات عن شدة الضوء الصادر من المصادر الأخرى أما الخاصية الثانية فهي ان ضوء الليزر يتكون من حزمة ضعيفة جداً من الترددات لذا فهي تبدو للعين كضوء

أبيض يحتوي على جميع أنواع وألوان الطيف المرئي بينما يبدو ضوء الليزر للعين بلون واحد إلتقاء كاللون الأحمر والاخضر والأزرق[4].

### **1.7 مشكلة البحث**

تتمثل مشكلة البحث في عدم وجود صيغة لشروط توليد الليزر وتضخيم الضوء في المواد النانوية .

### **1.8 الغرض من البحث**

الغرض من هذا البحث إيجاد شروط التضخيم في جسيمات نانوية كروية ومكعبة.

### **1.9 الدراسات السابقة**

أجريت دراسات عديدة لتوضح شروط تضخيم الضوء وتوليد الليزر ففي دراسة أعدتها الباحثة عرفة أوضحت أن الضوء يمكن تضخيمه بشروط تعتمد على زمن الإسترخاء[5].

في بحث آخر أعده عبد الرحمن أوضح أنه إمكانية استخدام الموجة المستطيلة الدقيقة النانوية كخلية شمسية وتجوييف لإنتاج الليزر[6] .

وفي بحث آخر شارك فيه الباحث مبارك أثبت أن التضخيم الضوئي يعتمد على معامل الإحتكاك [7].

### **1.10 هيكلية البحث**

هذا البحث يحتوي على ثلاثة أبواب ، حيث تناول الباب الأول المقدمة أما الباب الثاني فيختص بتفاعل الإشعاع مع المادة ، وكذلك الباب الثالث ففيه المساهمة النظرية.

## الباب الثاني الليزر والتضخيم الضوئي

### 2.1 المقدمة

ادى اكتشاف انشتاين لظاهرة الانبعاث المستحث لنظريه تضخيم الموجات الكهرومغناطيسيه نظريا .

وفي النصف الثاني من القرن العشرين تمكن العلماء من توليد ضوء مضخم اطلقوا عليه الليزر .

في هذا الباب سنستخدم معادلات الانبعاث والامتصاص لاستنباط معادله التضخيم.

### 2.2 تفاعل الضوء مع ماده

نجد ان تفاعل الاشعاع و الذرات والايونات مع الوسط المحيط بها كان مهملا ولكن اتضح ان موضوع تفاعل الاشعاع مع ماده واسع جدا وهنا سنقتصر علي بعض الظواهر المتعلقة بالاشعاع وهي اللتي نعني بها تفاعل الضوء مع ماده وهي عمليات الامتصاص واعاده الاشعه التي تقوم بها الذرات المعينه والنفاذيه من خلال الوسط والانعكاس والانكسار والانبعاث التلقائي.سوف نتناول كل ظاهره علي حدا .

### 2.3 الامتصاص والنفاذيه

عند انتقال الضوء من وسط ما الي وسط اخر فانه قد يمتص في هذا الوسط او ينفذ منه او الاثنين معا ومعرف بالعلاقه الاتيه :

$$I = I_0 e^{-\alpha x} \quad (2.1)$$

$I \equiv$  شدة الضوء النافذ

$I_0 \equiv$  شدة الضوء الساقط

$\alpha \equiv$  معامل امتصاص المادة

$x \equiv$  سمك المادة

$e \equiv$  العدد النيبيري

## 2.4 الانعكاس

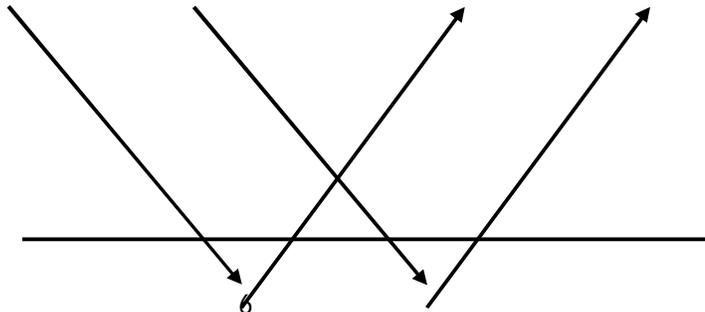
عند ما يعترض شعاع ضوء يتقدم في وسط معين حاجز وسط اخر فان جزء من الضوء الساقط سوف ينعكس . تكون الاشعة موازيه بعضها الى البعض الاخر ويكون اتجاه الشعاع المنعكس والشعاع الساقط في المستوى العمودي على السطح العاكس . ان انعكاس الضوء من مثل هذا السطح الاملس يطلق عليه الانعكاس المرآوي (البراق) لو كان السطح خشنا او محببا فان السطح لايعكس الاشعة كمجموعه متوازيه ولكن يعكسها اتجاهات مختلفه بسبب عدم الانتظام المجهري للسطح البيئي ويعتمد السطح المضبوط للانعكاس على تركيب السطح ويعرف الانعكاس من اي سطح خشن بالانعكاس المتشتت .

ان احد امثله للانعكاس المتشتت هو انعكاس لامبرت (Lam pertain reflection) الذي ينعكس الضوء فيه باضاءة متساويه في كل الاتجاهات ويعتبر الجسم الاسود مشع لامبرت مثالي [8].

ويمكن تعريف الانعكاس على انه هو عمليه ارتداد الضوء عن جسم ما او وسط اخر اي انه عندما يعترض شعاع ضوء يتقدم في وسط وهو نوعان :

### 1/انعكاس منتظم

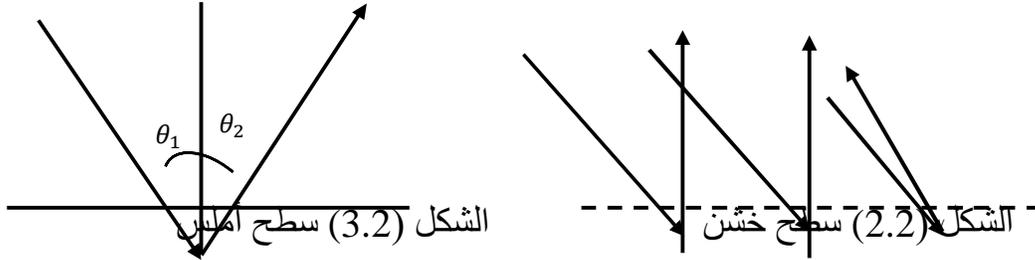
وهو ارتداد الضوء عن جسم املس كما موضح بالشكل الاتي :



## الشكل (1.2) إنعكاس منتظم

### 2/انعكاس غير منتظم

وهو ارتداد الضوء عن جسم خشن كما موضح في الشكل الاتي :



حيث:

$\theta_1$  زاوية السقوط: وهي الزاوية المحصورة بين الشعاع الساقط والعمود المقام علي السطح

$\theta_2$  زاوية الانعكاس: وهي الزاوية المحصورة بين الشعاع المنعكس والعمود المقام علي السطح

العمود المقام: هو الخط الوهمي الذي يقع عند نقطه تلاقي الشعاع الساقط مع الشعاع المنعكس ويصنع زاوية مقدارها 90 مع السطح .

هنالك قوانين للانعكاس:

1. زاوية السقوط = زاوية الانعكاس

$$\theta_1 = \theta_2$$

2. الشعاع الساقط والشعاع المنعكس والعمود المقام تقع في مستوى واحد

### 2.5 الانكسار

عندما يعترض شعاع ضوء يتقدم خلال وسط شفاف حدود وسط شفاف اخر فان جزء من الشعاع ينعكس وينفذ الجزء الآخر في الوسط الثاني؛ ان الجزء النافذ الي الوسط الثاني ينحني عند الحد ويطلق عليه قد انكسر (Reflected). حيث يقع

الشعاع الساقط والشعاع المنعكس والشعاع المنكسر في المستوى نفسه. تعتمد زاوية الانكسار على خواص الوسطين وعلى زاوية السقوط من خلال العلاقة التاليه :

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{V_2}{V_1} = \text{constant} \quad (2.2)$$

اذ ان ( $V_1$ ) هي انطلاق الضوء في الوسط الاول ( $V_2$ ) هي انطلاق الضوء في الوسط الثاني . ان مسار شعاع الضوء خلال وسط كاسر يكون قابلا للانعكاس (reflection) .

### 2.5.1 معامل الانكسار

ان سرعه الضوء في اي ماده هي اقل من سرعته في الفراغ حيث يتقدم الضوء بسرعه العظمى في الفراغ ومن المناسب تعريف معامل انكسار وسط ( $n$ ) ليكون النسبه:

$$n = \frac{\text{sped of light vacum}}{\text{speed of hight in medium}} = \frac{C}{V} \quad (2.3)$$

اذا يمكن ان نوضح ان الانكسار : هو تغير في مسار الضوء عند مرور من وسط لآخر، حيث نجد ان معامل انكسار الوسط ( $n$ ) ليس له وحده قياس واكبر من واحد لان ( $V$ ) دائما اقل ( $C$ ) وان ( $n$ ) تساوي واحد في الفراغ يتناسب معامل انكسار ماده تناسب عكسي مع سرعه الضوء في الوسط كما موضح في العلاقه الاتيه :

$$n \propto \frac{1}{V} \quad (2.4)$$

$$\therefore n = \frac{C}{V} \quad (2.5)$$

حيث:

$C \equiv$  سرعه الضوء في الفراغ

$V \equiv$  سرعه الضوء في الوسط

$n \equiv$  معامل انكسار الوسط

نلاحظ انه:

1/ اقل وسط كثافته هو الهواء معامل انكساره يساوي 1

اذن سرعه الضوء في الهواء اكبر سرعه ممكنه من اي وسط اخر اذن ( $V < C$ ) اذا سرعه الضوء في اي وسط غير الفراغ هي اقل من ( $3 \times 10^8$ ) يعني اقل من ( $C > V$ )

2/ دائما معامل الانكسار اكبر من 1

$$V < C \quad (2.6)$$

$$n > 1$$

## 2.5.2 قوانين الانكسار

عندما يتقدم الضوء من وسط لآخر فان تردده لا يتغير ولكن يتغير طول الموجهي ولذلك نجد علاقه ( $V = f \lambda$ ) صحيحه في كل الوسطين ولان ( $f_1 = f_2 = f$ ) ونجد ان:

$$V_1 = f \lambda_1 \quad V_2 = f \lambda_2 \quad (2.7)$$

$$\text{ولأن } V_2 \neq V_1 \text{ وينتج أن } \lambda_1 = \lambda_2$$

يمكننا الحصول على علاقه بين معامل الانكسار والطول الموجهي من خلال قسمه المعادله (2.7) ومن ثم إستعمال المعادله :

$$n = \frac{C}{\lambda} \quad (2.8)$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{c/n_1}{c/n_2} = \frac{n_2}{n_1} \quad (2.9)$$

وهذا يعطينا :  $n_1 \lambda_1 = n_2 \lambda_2$  فراغاً .

فلو كان الوسط (1) فراغاً او لكل الاغراض العلميه هواء فان ( $n_1 = 1$ ) وبذلك يتضح من المعادله (1) ان معامل انكسار اي وسط يمكن التعبير عنه كالاتي :

$$n = \frac{\lambda}{\lambda_n} \quad (2.10)$$

اذ ان ( $\lambda$ ) هو الطول الموجهي للضوء في الفراغ وان ( $\lambda_n$ ) هو الطول الموجهي في الوسط ذي معامل الانكسار ( $n$ ) لان  $n > 1$  فإن  $\lambda_n < \lambda$

يمكننا الان التعبير عن المعادله ( $\frac{\sin\theta_2}{\sin\theta_1} = \frac{V_2}{V_1} = constant$ ) فلو استبدلنا الحد

( $V_2/V_1$ ) في المعادله ( $\frac{\sin\theta_2}{\sin\theta_1} = \frac{V_2}{V_1}$ ) مع ( $n_2/n_1$ ) من المعادله (2.9) :

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{c/n_1}{c/n_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

سنحصل علوان الاكتشاف العلمي لهذه العلاقه سجل باسم ويلى برود اسنل التي اطلق عليها **قانون اسنل** [8].

حيث:

$n_1 \equiv$  معامل انكسار الوسط الاول

$n_2 \equiv$  معامل انكسار الوسط الثاني

$\theta_1 \equiv$  زاويه السقوط

$\theta_2 \equiv$  زاويه الانكسار

عند انكسار الضوء يحدث الاتي:

1. لا يتغير تردده

2. يتغير طوله الموجي حسب العلاقه الاتيه [9]

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{v}{f}$$

## 2.6 الامتصاص

من المعروف انه تبقى الذره في الحاله الارضيه ان لم يكن هنالك ما يسبب اثارها او تهيجها وقد يتم تحريضها عن طريق تشعيها بطاقه اشعاع كهرو مغنطيسي ذي تردد معين يكفي لان ينقل الذره من المستوى الارضي الي مستوى الطاقه المطلوب ان لهذه العمليه احتماليه محدوده للذره لكي ترتقي للمستوى المطلوب بالرغم من توفر الاشعاع بالتردد المناسب وان هذه الاحتماليه لاتعتمد فقط على طاقه المستويين المعنيين بعمليه الامتصاص وانما ايضا علي شدة الاشعاع

الساقط وكما هو الحال في الانبعاث والذي غالبا ما يدعى بعملية الامتصاص سالبه او عملية امتصاص باتجاه معكوس.

لنفرض الان الذره موجوده في البدايه في المستوى الاول (1) فاذا كان هذا المستوى هو المستوى الارضي للذره فسوف تبقى الذره في هذا المستوى ما لم يؤثر عليها محفز خارجي.

ولان نفرض ان موجة كهرومغناطيسيه لها تردد محدد سقطت علي ماده ففي هذه الحاله هنالك احتماليه معينه لانتقال الذره الي المستوى الثاني (2) ان فرق الطاقه ( $E_2 - E_1$ ) اللازمه لهذا الانتقال تحصل عليها الذره من الموجه الكهرومغناطيسيه الساقطه وهذه تمثل عمليه الامتصاص.

ويمكن ان نعرف معدل الامتصاص ( $\omega_{21}$ ) بالمعادله :

$$\frac{dN_1}{dt} = -\omega_{21}N_1 \quad (2.11)$$

حيث :

$N_1 \equiv$  عدد الذرات في وحده الحجم الموجوده في زمن معين في المستوى الاول ( $E_1$ ) [1].

ومن الملاحظ ان الامتصاص عمليه مهمه لحدوث الانبعاث ،اذ تضخ الطاقه الي الجهاز الذري عن طريق امتصاصها وكذلك من دون عمليه الامتصاص لا يكون لدينا مصادر للاشعاع الكهرومغناطيسي تعما وفق مبادئ القيزياء الحديثه [10].

## 2.7 الانبعاث التلقائي (الذاتي)

ان الانبعاث التلقائي هو انبعاث عشوائي يفيد في عوده المنظومه المتهيجه الي حالة الاستقرار حتى عند عدم وجود انبعاث محتث اذا ان هنالك متوسط زمني تمكث فيه الذره المتهيجه يسمى عمر الحاله تعود بعده الي حالتها الطبيعيه نفترض وجود عدد من الذرات في احدى مستويات الطاقه وليكن ( $E_1$ ) يقع تحت مستوى طاقه اخر ( $E_2$ ) حيث ( $E_2 < E_1$ ) فعند امتصاص فوتون طاقته ( $hf = E_2 - E_1$ ) تنتقل الذرات من المستوى الادنى فتنبعث فوتونات عشوائيه الطاقه والاتجاه والطور عبر الانتقال التلقائي بافتراض وجود ( $N_2$ ) من الذرات في مستوى

الطاقة الاعلى  $E_2$  التي تسترخي الى مستوى الطاقة الادنى  $E_1$  عن طريق الانتقال التلقائي بمعدل يتناسب مع  $(N_2)$ .

$$\frac{dN_2}{dt} \propto N_2 \quad (2.12)$$

$$\frac{dN_2}{dt} = -A_{21}N_2 \quad (2.13)$$

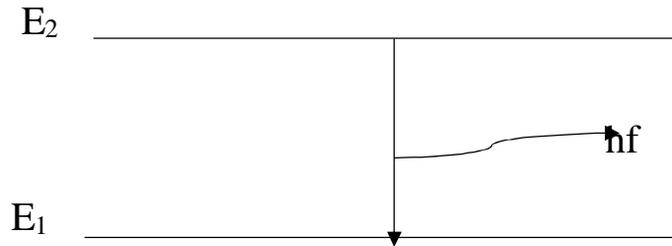
حيث  $(A_{21})$  هي احتمالية الانبعاث التلقائي او معدل الانبعاث التلقائي في المستوى الاعلى  $E_2$  اما العلامة (-) في المعادله السابقة فتبين ان معدل تغير  $(N_2)$  هو مقدار سالب اي ان  $(N_2)$  في حاله تناقصا بمرور الزمان كتابه  $(A_{21})$  بدلاله عمر الانبعاث التلقائي  $(t_{spont})$  حيث :

$$A_{21} = \frac{1}{t_{spont}} \quad (2.14)$$

وهذا التناسب المعكوس يدل على ان متوسط زمن المكوث في الحاله العاليه من الطاقه كان طويلا فان احتمال الانبعاث يكون قليلا اي ان عمر الحاله يتناسب عكسيا مع احتمال الانتقال [11].

اي ان اذا كان لدينا منظومه ذريه تتكون من مستويين مستوى ادنى  $(E_1)$  و اعلى  $(E_2)$  وان هنالك ذرات في المستوى الاعلى  $(E_2)$  نجدها تنتقل تلقائيا من المستوى المثار الاعلى  $(E_2)$  الى المستوى الارضي الادنى  $(E_1)$  بحيث الفرق في الطاقه بين المستويين يصدر في شكل فوتون [4].

وهذا الفوتون ليس له اتجاه معين كما موضح بالشكل :



الشكل (4.2) احتمال حدوث الانبعاث التلقائي

## 2.8 الإنبعاث المستحث Stimulated Emission

يحدث عندما تكون الذرة في مستوى الإثارة وتستطيع الانتقال إلى المستوى الأرضي عند اصطدامها بفوتون يسقط على الذرة هذا الشرط يحفظ الذرة في المستوى الأعلى للانتقال إلى المستوى الأدنى مما يؤدي إلى إنبعاث فوتون جديد مماثل لفوتون الإنبعاث التلقائي في التردد والطور .

وإذا كان عدد الذرات في مستوى الإثارة  $E_2$  والتي تستطيع الانتقال إلى المستوى الأرضي  $E_1$  بتأثير فوتون خارجي فإن الذرة تولد فوتون آخر بموجب العلاقة :

$$hf = E_2 - E_1 \quad (2.15)$$

ولا بد أن يتم ذلك وفوق احتمالية معينة لأن الفوتون سيحث الإلكترونات على الانتقال إلى المستوى الأرضي بإسلوب الإنبعاث المستحث حيث يتناسب الإنبعاث المستحث مع شدة المجال المسلط في حين أن الإنبعاث التلقائي لا يعتمد على الانتقال من  $E_1$  إلى  $E_2$  ويعطى معدل الإنبعاث المستحث للانتقال بالعلاقة التالية:

$$\frac{dN_2}{dt} = -\omega_{12}N_2 \quad (2.16)$$

$$\frac{dN_2}{dt} = -B_{21}N_2 p \quad (2.17)$$

حيث :

$$B_{21} \equiv \text{إحتمالية الإنبعاث المستحث}$$

$$N_2 \equiv \text{عدد الذرات في مستوى الإثارة } E_2$$

$$p \equiv \text{كثافة الإشعاع}$$

## 2.9 التضخيم الضوئي

إنه إذا سقط ضوء شدته  $I_0$  على الوسط فإن شدته تزيد إلى  $I$  عند المسافة  $Z$  داخل الوسط كما موضح حسب الصيغة :

$$I = I_0 e^{BZ} \quad (2.18)$$

حيث:

$$\text{معامل التضخيم} \equiv B$$

إذا كان هنالك ضوء يحتوي على كثافة إشعاعية  $P$  ساقطاً على وسط معدل إلكتروناته المغادرة مستوى الطاقة الأول يعطى بواسطة  $B_{12}$  بينما معدل الإلكترونات القادمة من مستوى الطاقة  $E_2$  إلى مستوى الطاقة  $E_1$  بواسطة الإنبعاث التلقائي يعطى  $B_{21}N_2$ ،  $A_{21}N_2$  على التوالي لذلك معدل تغير الإلكترون في المستوى الأول يعطى بالمعادلة:

$$\frac{dN_1}{dt} = (-B_{12}N_1 + B_{21}N_2)P + A_{21}N_2 \quad (2.19)$$

كذلك معدل التغير للإلكترون في المستوى الثاني  $E_2$  يعطى بالآتي :

$$\frac{dN_2}{dt} = (B_{12}N_1 - B_{21}N_2)P - A_{21}N_1 \quad (2.20)$$

عند الإتزان تكون عدد الذرات  $N_2$  في مستوى الطاقة الثاني ثابت لذلك فإن معدل التغير لـ  $N_2$  يتلاشى أي ان :

$$\frac{dN_2}{dt} = 0 \quad (2.21)$$

فإن المعادلة :

$$\frac{dN_2}{dt} = (B_{12}N_1 - B_{21}N_2)P - A_{21}N_1 \quad (2.22)$$

تصبح:

$$(B_{12}N_1 - B_{21}N_2)P - A_{21}N_1 = 0 \quad (2.23)$$

إذا كان:

$$B_{12} = B_{21} = B$$

فإن:

$$PB(N_1 - N_2) = A_{21}N_1 \quad (2.24)$$

من ناحيه اخرى معدل انتقال الالكترن يساوي:

$$-\frac{dN_2}{dt} A \Delta Z \quad (2.25)$$

من المستوى الثاني  $E_2$  يساوي معدل انبعاث الفوتون :

$$\frac{\Delta I}{hf} A \quad (2.26)$$

خلال المسافة A

$$-\frac{dN_2}{dt} A \Delta Z = \frac{\Delta I}{hf} A \quad (2.27)$$

بالرجوع الي المعادله أعلاه واهمال عمليه الانبعاث الذاتي نتحصل علي المعادله الاتيه

$$(B_{12}N_1 - B_{21}N_2)PA \Delta Z = \frac{\Delta I}{hf} A \quad (2.28)$$

لكن  $I = PC$

إذاً أن :

$$(B_{12}N_1 - B_{21}N_2) \frac{IA \Delta Z}{C} = \frac{\Delta I}{hf} A \quad (2.29)$$

باعتبار أن:

$$B_0 = B_{21} = B_{12}$$

$$\frac{\Delta I}{\Delta Z} = \frac{dI}{dZ} = B(N_2 - N_1) \frac{hfI}{c} \quad (2.30)$$

أيضاً:

$$\int \frac{dI}{I} = B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c} \int dZ \quad (2.31)$$

$$\ln I = B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c} + C_0 \quad (2.32)$$

$$I = I_0 e^{B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c}} Z \quad (2.33)$$

بمقارنة المعادلة:

$$I = I_0 e^{BZ}$$

مع المعادلة:

$$I = I_0 e^{B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c}} Z$$

يمكن إيجاد معامل التضخيم B الذي يعطى بالعلاقة

$$B = B_0 (N_2 - N_1) \frac{hf}{c} \quad (2.34)$$

استناداً على المعادله:

$$I = I_0 e^{B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c}} Z$$

فان [تزيد عند دخول الاشعاع اكثر داخل الوسط عندما :

$$B(N_2 - N_1) \frac{hf}{c} > 0 \quad (2.35)$$

$$N_2 > N_1$$

الذي يعني أن سكان  $N_2$  في المستوى الأعلى  $E_2$  سيصبح أكثر من عدد سكان للمستوى السفلى  $E_1$  هذا الشرط يسمى الانقلاب السكاني [12] [13].

## 2.10 إمتصاص وإنبعاث الفوتون من جسيم في صندوق:

عند التعامل مع منظومة كمية تخضع مستويات الطاقة لجسيمات المنظومة لمعادلة شرودنجر :

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + V\psi = E\psi \quad (2.36)$$

حيث:

$\psi \equiv$  دالة الموجة

$V \equiv$  طاقة الوضع

فإذا أردنا وصف سلوك أي جسيم داخل صندوق بعده  $L$  وطاقة وضعه  $V_0$  فإن معادلة شرودنجر له ستكون في الصيغة :

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + V_0\psi = E\psi \quad (2.37)$$

ويمكن حل المسألة بوضع :

$$\psi = A \sin \alpha x + B \cos \alpha x \quad (2.38)$$

$$\nabla^2\psi = -\alpha^2\psi \quad (2.39)$$

$$\left(\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V_0\right)\psi = E\psi \quad (2.40)$$

$$\alpha = \frac{1}{\hbar}\sqrt{2m(E - V_0)} \quad (2.41)$$

لإيجاد  $A, B$  يمكن الاستفادة من حقيقة أن :

$$\psi(x=0) = 0 \quad \psi(x=L) = 0$$

لأن الجسيم لا يوجد خارج الصندوق فينبغي أن يكون وجوده  $|\psi|^2$

$$\psi(x=0) = A \sin 0 + B \cos 0 = B = 0 \quad (2.42)$$

$$\psi(x=L) = A \sin \alpha L = 0 \quad (2.43)$$

$$\alpha L = n \pi$$

$$n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\frac{1}{\hbar} = \sqrt{2m(E - V_0)} = \frac{n\pi}{L} \quad (2.44)$$

$$E_n = \frac{n^2\pi^2\hbar^2}{2mL^2} + V_0 \quad (2.45)$$

## 2.11 علم النانو

كلمة النانو هي بادئة منحوتة من اللغة اليونانية القديمة وتعني قزم (Nano) وفي مجال العلوم يعني النانو جزءا من مليار (جزء من ألف مليون) فمثلا نانو ثانية (وحدة لقياس الزمن تعني واحدا على مليار من الثانية الواحدة، وبالمثل يستخدم النانومتر كوحدة لقياس أطوال الأشياء الصغيرة جدا التي لا ترى الا تحت المجهر (ميكروسكوب) الكروني. وتستخدم هذه الوحدة للتعبير عن ابعاد أقطار ومقاييس ذرات وجزيئات المواد المركبة والجسيمات المجهرية مثل البكتريا والفايروسات، والنانو متر الواحد يساوي جزءا من الف مليون (مليار) جزء من المتر وبتعبير آخر فإن المتر الواحد يحتوي على مليار جزء من النانو متر وللمقارنة فإن النانو متر الواحد يعادل قياس طول صف مكون من 13 ذرة من ذرات غاز الهيدروجين اذا ما تخيلنا أنها وضعت متراسة بعضها بجوار البعض يبلغ مقياس أطوال بكتريا الكوليرا نحو 1 مايكرومتر وهو ما يعادل 1000 نانو متر.

### 2.11.1 المواد النانوية

يمكننا تعريف المواد النانوية Nanomaterial بأنها تلك الفئة المتميزة من المواد المتقدمة التي يمكن انتاجها بحيث تتراوح مقاييس أبعادها او ابعاد حبيباتها الداخلية بين 1 نانومتر و 100 نانومتر، وقد ادى صغر احجام ومقاييس تلك المواد الى ان تسلك سلوكا مغايرا للمواد التقليدية كبيرة الحجم التي تزيد ابعادها على 100 نانومتر وان تتوافر بها صفات وخصال شديدة التمييز لا يمكن ان توجد مجتمعة في المواد التقليدية.

وتعد المواد النانوية هي مواد البناء للقرن الحادي والعشرين ولبناته الأساسية والركن المهم من اركان تكنولوجيا القرن الحادي والعشرين (تكنولوجيا النانو تكنولوجيا الحيوية، تكنولوجيا المعلومات والاتصالات) والتي تعتبر معيارا لتقدم وحضارة الأمم ومؤشرا لنهضتها. هذا وتنوع المواد النانوية من ناحية المصدر، حيث تختلف باختلاف نسبها، كأن تكون مواد عضوية أو غير عضوية او مواد طبيعية أو مخلّقة. هذا وتعد جميع انواع المواد الهندسية المعروفة مثل العناصر الفلزية وسبائكها (Metal and Metal Alloys)، أشباه الموصلات

Semiconductors، والأكاسيد والمعادن Oxides and metals ، وكذلك في هذا القرن وتعزيز الأداء على نحو فريد غير مسبق.

وبينما يبدو تعريف علم النانو أمرا سهلاً فإن وضع تعريف محدد لتكنولوجيا النانو يُعد أمراً أكثر صعوبة، وذلك نظراً لتشعبها ودخولها في المجالات التطبيقية المختلفة، حيث أن كلا من هذه المجالات ينظر إلى هذه التكنولوجيا من وجهة النظر الخاصة به وعامة فإن تكنولوجيا النانو يمكن تعريفها بأنها تلك التكنولوجيا المتقدمة القائمة على تفهم ودراسة علم النانو والعلوم الأساسية الأخرى تفهما عقلانياً وإبداعياً مع توافر المقدرّة التكنولوجية على تخليق المواد النانوية والتحكم في بنيتها الداخلية عن طريق إعادة هيكلة وترتيب الذرات والجزيئات المكونة لها مما يضمن الحصول على منتجات متميزة وفريدة توظف في التطبيقات المختلفة. وبهذا أضحت تكنولوجيا النانو بمنزلة بحر علمي مترامي الأطراف تمتاز مياهه الساخنة بالإجازات العلمية المثيرة بالمياه العذبة لينايبع العلوم الأساسية والهندسية والطبية وغيرها من أفرع العلم والمعرفة .

ولم تكن لتكنولوجيا النانو أن تبلغ ما وصلت إليه اليوم إلا من خلال اختراع وابتكار عدة تقنيات فريدة كان من شأنها أن تمكن تلك التكنولوجيا من التحكم في البنية الجزيئية Molecular Structure التلاعب بذرات المادة وتصميمها وفق البوليمرات Polymers تعد بمنزلة المواد الأولية التي تعتمد عليها تكنولوجيا النانو في تحضير وإنتاج المواد والأجهزة النانوية وتمنح المادة الصفة (النانوية) إذا ما كانت مقاييس أحد أبعادها – بعد واحد على الأقل – ما دون 100 نانومتر.

## 2.11.2 علم النانو وتكنولوجيا النانو

ربما لم تحظ أي تكنولوجيا سابقة بأهتمام وترقب كمثل الذي حظيت به تكنولوجيا النانو Nanotechnology التي تعد وبحق تكنولوجيا القرن الحادي والعشرين، والمفتاح السحري للتقدم والأنماء الاقتصادي المبني على العلم والمعرفة. فعلم النانو يقصد به ذلك العلم الذي يعتني بدراسة وتوصيف مواد النانو وتعيين خواصها وخصالها الكيميائية والفيزيائية، والميكانيكية مع دراسة الظواهر المرتبطة الناشئة عن تصغير أحجامها. وغني عن البيان أن تصغير أحجام ومقاييس المواد إلى مستوى النانو متر ليس هدفاً بحد ذاته بل هو فلسفة علمية راقية و انقلاب نوعي وعلمي على كلاسيكيات وثوابت النظريات الفيزيائية والكيميائية، يهدف إلى إنتاج فئة جديدة من المواد تعرف باسم المواد النانوية لتتناسب خواصها المتميزة مع متطلبات التكنولوجيا المتقدمة للغرض التطبيقي المراد. وانطلاقاً من هذا المفهوم فإن تطبيقات تكنولوجيا النانو لا تقتصر على فرع واحد بعينه من أفرع العلوم أو الهندسة أو الطب، بل تمتد تطبيقاتها لتشمل جميع الفروع والتطبيقات.

يخطأ من يتصور أن تكنولوجيا النانو هي مجرد أداة أو وسيلة للحصول على منتج متميز، ولعل من الانصاف ان تعرف بانها ارقى من هذا بكثير، فكما ذكرنا من قبل انه في غياب تلك التكنولوجيا وتقنياتها ما كان لنا ان نحقق تلك الطفرات الجبارة والقفزات العملاقة في دنيا عالم الاتصالات والمعلومات وما كان لنا ان نتبحر لنسبح في المياه العميقة للهندسة الوراثية والتكنولوجيا الحيوية. في غياب تكنولوجيا النانو لم يكن للعالم ان يحقق تلك الانجازات المتلاحقة في عالم الطب والدواء ومكافحة السرطان ودحره في مرقده، كما لم يكن ممكنا لنا ان نطوع ذرات المواد الكيميائية لان تبحر خلال الشرايين الدموية متخذة في ذلك قواربها من كرات الدم الحمراء حتى تصل الى الخلايا الغليظة في الجسم كي تقدم لها الامل والعلاج، لم يكن في استطاعة العالم ان يتحدث عن امكان توظيف الخلايا الشمسية وتصنيع بطاريات الهيدروجين لولا تلك الوثبات التكنولوجية الرائدة التي سخرتها لنا تكنولوجيا النانو [14،15،16].

## الباب الثالث

### شروط التضخيم الضوئي لكرات ومكعبات نانوية

#### 3.1 المقدمة

نسبة لإنتشار تطبيقات النانو لذا وجب التعرف على شروط التضخيم الضوئي لجسيمات نانوية وهذا ما سيفعله هذا الباب بإستخدام معادلات شرودينجر الكمية .

#### 3.2 طاقة الفوتون لجسيم في صندوق وكره

إذا كان الجسيم في صندوق فإن طاقته تساوي حسب المعادلة ....

$$E_n = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{2mL^2} + V_0 = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{8 mL^2} + V_0 \quad (3.1)$$

$$E_n = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{8 mL^2} + V_0 \quad (3.2)$$

وعند إنتقال الجسيم من المستوى  $n+1$  إلى المستوى  $n$  فإنه يشع فوتون طاقته :

$$hf = E_{n+1} - E_n = \frac{[(n+1)^2 - n^2] \hbar^2}{8 L^2 m} \quad (3.3)$$

$$= \frac{[n^2 + 2n + 1 - n^2] \hbar^2}{8 L^2 m} = \frac{[2n + 1] \hbar^2}{8 L^2 m} \quad (3.4)$$

حيث  $f$  تمثل تردد الفوتون .

ويمكن الحصول على صيغة الطاقة لجسيم داخل كرة نصف قطرها  $a$  بإستخدام معادلة شرودنجر في الإحداثي الكروي في الصيغة:

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} = (E - V_0) \psi \quad (3.5)$$

ويكون الحل في الصيغة :

$$\psi = A \sin ar + B \cos ar \quad (3.6)$$

وبتعويض هذه المعادلة في المعادلة  $\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial r^2} = (E - V_0) \psi$  نحصل على :

$$\frac{\hbar^2}{2m} \alpha^2 \psi^2 = (E - V_0) \psi \quad (3.7)$$

$$\alpha = \frac{1}{\hbar} = \sqrt{2m(E - V_0)} \quad (3.8)$$

وبتطبيق شرط إنعدام وجود الجسم خارج الكرة عند  $r = a$  حيث أن :

$$A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = 0 \quad (3.9)$$

$$A \sin(-\alpha a) + B \cos(-\alpha a) = 0 \quad (3.10)$$

ولكن :

$$\sin -\alpha a = -\sin \alpha a$$

$$\cos -\alpha a = -\cos \alpha a$$

إذن من المعادلتين أعلاه نحصل على :

$$-A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = 0 \quad (3.11)$$

ومن المعادلة  $A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = 0$

نجد:

بالجمع:

$$-A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = 0$$

$$\underline{A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = 0}$$

$$2B \cos \alpha a = 0 \quad (3.12)$$

وعليه تصبح  $B = 0$ ، بتعويض قيمة  $B$  نحصل على:

$$A \sin \alpha a = 0 \quad (3.13)$$

ويطلب حل هذه المعادلة أن تكون:

$$\alpha a = n \pi$$

$$\alpha = \frac{n \pi}{a} \quad (3.14)$$

وبالتعويض ينتج أن:

$$E_n = E = \frac{\hbar^2 \alpha^2}{2m} + V_0 \quad (3.15)$$

$$= \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{2m a^2} + V_0 \quad (3.16)$$

$$E_n = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{2m a^2} + V \quad (3.17)$$

وعليه تكون طاقة الفوتون الذي ينتقل من  $n + 1$  إلى  $n$  هي :

$$hf = E_{n+1} - E_n \quad (3.18)$$

$$= \frac{[(n + 1)^2 - n^2] \hbar^2}{8 m a^2} \quad (3.19)$$

### 3.3 علاقة التضخيم بالبعد النانوي :

من المعادلة :

$$hf = \frac{(2n + 1) \hbar^2}{8 m L^2} \quad (3.20)$$

$$B = B_0(N_0 - N_1) \frac{hf}{c} \quad (3.21)$$

$$\therefore B = B_0(N_0 - N_1) \frac{(2n + 1)\hbar^2}{8 L^2 m C} \quad (3.22)$$

$$= B_0 \frac{[(N_2(2n\hbar^2 + n^2)) - (N_1(2n\hbar^2 + n^2))]}{8 m L^2 C} \quad (3.23)$$

هذه المعادلة هي التي تمثل علاقة معامل التضخيم بالبعد النانوي .

### 3.4. المناقشة

بالنظر للمعادله (3.2) يتضح ان طاقه الفوتون المنبعث تعتمد على طول ضلع المكعب والعدد الكمي المداري والكتله ,حيث تزيد طاقه الفوتون المنبعث بزياده العدد الكمي .

اما بالنسبه للجسيم الكروي فان طاقه الفوتون المنبعث تتناسب طرديا مع العدد الكمي المداري وعكسيا مع نصف قطر الكره حسب المعادله (3.19) وبتعويض قيمة طاقه الفوتون للجسيم في صندوق من المعادله (3 . 4) في معادله التضخيم (2.34)

فان معامل التضخيم في المعادله (3.23) يتضح ان التضخيم الضوئي يجسيم في صندوق يمكن زيادته بزياده العدد الكمي المداري وبتقليل حجم المكعب وتقليل كتلة الجسيم المولد للضوء الليزري

قد وضح هذا البحث امكانيه ايجاد معامل التضخيم (التكبير الضوئي)والعلاقه بين  
معامل التضخيم والبعد النانوي .

## الخاتمة

نحن لا نتكلم عن خيالات علمية وأحلام بل نتحدث عن واقع بدأ الإنسان  
التدريب عليه منذ اكثر من الألاف السنين وأصبح التطور فيه مزهلاً وفريداً ليكون  
علماً نافعاً يستفاد منه . ومن هنا إنطلقت الفكرة في إستخدام معادلات لإيجاد معادلات  
ومعاملات أخرى .

ونسأل الله الإعانة والسلام وان يتقبل منا جميعاً .

### 3.6 التوصيات

- يجب الإهتمام بالنظريات في الفيزياء وتحديث لها بقدر المستطاع .
- تأهيل معامل الليزر بتوفير الدعم المتاح لتنفيذ التجارب والإبتفادة من الليزر.
- المشاركة في السمنارات الإجتماعية والداخلية والخارجية لإكتساب الخبرات في تطور علم الفيزياء .

### المصادر والمراجع

[1] Serwy jewett, (2004), Physics for scientists and Engineers, town son, Books.

[2] Mario Bertolotti, (2005), the Histor of the Laser, lop  
puplising Ltd,.

[3] محمد احمد الزوباني، ورقة علمية : تصميم وبناء ليزر صلب مضخوخ  
بدايودات ليزرية ، المعهد العالي لبحوث الليزر وتطبيقاته ، جامعة دمشق

[4] أورايزو زفلنتو ، صبيحة شريف عبد الله ، منعم مشكور،(1988م)، مبادئ  
الليزرات ، الطبعة الثانية ، مديرية دار الكتب ، الموصل .

[5] Arfa.A etal, sep (2012) I JSEAS,V.2, I(a),

[6] Abel Rahman, A. H etal, march (2012) Natural and Medical  
scienes, SUST, vol. 13 (Nms No-1).

M. Drar, The.J of in Scien and Eng Research I(3) Nov  
[7](2016).

[8] غازي ياسمين القيس،(2009م) ، أساسيات البصريات والليزر، دار الميسرة  
، عمان ، الأردن .

[9] حسن راشد نزال (2006)، البصريات الهندسية ، دار اليازودي ، عمان ،  
(الأردن).

[10] سهام عفيف قندلا(1992)، الأسس الفيزيائية وبعض التطبيقات العلمية ، دار  
الشنون الثقافية العامة، بغداد.

[11] محمد مصطفى كامل ، (1989م) ، ضوئيات الكم والليزر ، الجامعة العربية،  
بغداد .

[12] مجاهد محمد عبد الوهاب (2000)، ورقة علمية بعنوان المنابع والكواشف  
الضوئية المستخدمة في أنظمة الإتصالات .

[13] المهدي علي الحاج احمد (2011)، ورقة علمية بعنوان : دور الطور بين  
المجال الكهربى الخارجية والداخلي في تضخيم الموجة .

[14] محمد هاشم البشير محمد،(2010)، تكنولوجيا النانو القاهرة .

[15] محمد الصالحي ، مقال عن عالم النانو .

[16] عبد الله بن صالح الضويان ، و محمد بن صالح الصالحي ، ( 2007م ) ،  
مقدمة في تقنية النانو ، جامعة الملك سعود ،السعودية .