

3-1 تصميم وتحليل التجارب:

0-1-3 تمهيد: ⁽⁷⁾

علم تصميم وتحليل التجارب هو من احد فروع علم الاحصاء التطبيقي الذي يهتم بتطبيق الطريقة الاحصائية في التجربة العلمية ، ويختص بتخطيط واستغلال الامكانيات المتاحة لوضع انصب التصميمات التجريبية التي من خلالها يتم جمع البيانات وتحليلها على اساس علمي سليم يضمن الحصول على قرارات علمية بدرجة كافية من الدقة .

1-1-3 التجربة Experiment : ⁽²⁾

وهي المرحلة الاولى من مراحل البحث الاحصائي و تعد التجربة اساس المعرفة اذ انها هي اداة الطريقة العلمية للوصول الى معرفة حقيقة الاشياء التي نهتم بها في جميع اوجه النشاط الانساني ويتم الوصول الى المعرفة عن طريق المشاهدة وجمع البيانات وتحليلها ثم استخلاص اكبر قدر ممكن من المعلومات وباقل التكاليف ويمكن تعريفها على انها تحقيق مخطط ومنظم للحصول على حقائق جديدة او لاثبات او نفي معلومات سابقة وهي مجموعة من الاجراءات تستخدم لأخذ عينات عشوائية من مجتمعات البحث وايضا يمكن تعريفها على انها وسيلة لدراسة العوامل التي تؤثر على ظاهرة معينة للحصول على نتائج جديدة او التاكيد او تعني نتائج قديمة حصل عليها من تجارب سابقة.

وتشتمل التجربة لاختبار الفرضيات واستكشاف العلاقات الجديدة من المتغيرات و عند التفكير في تجربة لابد من تحديد اهدافها وذلك عن طريق وضع الاسئلة المطلوب الاجابة عنها أو النظريات الفرضية التي سيقع اختبارها او تأثير المعالجات المراد تقديرها ، وفي بعض الاحيان تقسم هذه الهدف الى اهداف رئيسية واهداف ثانوية وذلك نظرا لكون بعض التصميمات تأخذ ذلك بعين الاعتبار حيث تعطي للاهداف الرئيسية درجة اكبر من الدقة ، ويمكن تلخيص التجربة في النقاط التالية:

1. تحديد المشكلة.
2. اختيار المتغير المؤثر.
3. تحديد العوامل التي ستجرى دراستها.
4. تحديد مستويات هذه العوامل (كمية ام وصفية – ثابتة ام عشوائية).
5. كيفية الربط بين مستويات العوامل.

وتنقسم التجربة بصورة عامة الى قسمين:⁽³⁾

i. تجارب بسيطة:

وهي التجارب التي يدرس فيها عامل واحد فقط حيث يجب ان يكون جميع العوامل ثابتة او متجانسة بقدر الامكان ماعدا العامل المراد دراسته.

ii. تجارب عاملية:

هذه التجارب تتضمن عاملين او اكثر وذلك باستخدام جميع التوافق الممكنة بين عدة مستويات مختلفة للعوامل المراد دراستها ، وفي مثل هذه التجارب يكون الهدف من اجرائها هو دراسة تأثير كل من هذه العوامل بالإضافة الى تأثير التداخل بين هذه العوامل التي اختيرت في التجربة.

2-1-3 تصميم التجارب (8): Design Experiments

وهي المرحلة الثانية من مراحل البحث الاحصائي وتصميم التجارب عبارة عن سلسلة من الخطوات التي تتبع بهدف جمع البيانات او المعلومات المطلوبة واعدادها في جدول مناسب لتحليلها احصائيا والوصول الى استنتاجات يمكن تعليمها والاستفادة منها ، ويمكن تلخيص التصميم في اربعة نقاط هي: ⁽³⁾

1. تحديد عدد المشاهدات المطلوب الحصول عليها.
2. تحديد الأسلوب التجاري.
3. تحديد طريقة تطبيق الاسلوب العشوائي.
4. تحديد النموذج الرياضي لوصف التجربة.

اختيار التصميم: ⁽³⁾

يجب اختيار نوع التصميم الملائم او المناسب لكل تجربة حيث تختلف التصاميم المستخدمة باختلاف التجربة و اهدافها ونوعها اي انه كلما كانت الوحدات التجريبية متجانسة كلما امكن استخدام التصميم العشوائي الكامل Completely Randomized Design بينما في حالة عدم تجانسها يضطرنا الى عزل الاختلافات ما بين قطاع مابين قطاع واخر وهذا يؤدي الى استخدام تصميم القطاعات العشوائية الكاملة Randomized complete Block Design وفي تجارب الانتاج الحيواني كثيرا ما يستخدم المربع اللاتيني Latin Square Design اما في التجارب الزراعية تصميم القطع المنشقة Split Plot Design مرة واحدة او مرتين وهذا ما يعرف بالتحكم الموقعي للتجربة Local Control وهذا يعني التحكم بالوحدات التجريبية اي التحكم بأسلوب عشوائي توزيع المعاملات على هذه الوحدات التجريبية وهذا ما يقودنا الى اختيار التصميم التجاري المناسب ولهذا يتبين لنا ان الهدف الرئيسي من التحكم بالوحدات التجريبية هو اختيار التصميم التجاري المناسب والاكثر كفاءة في تقليل الخطأ التجاري بين المعاملات والذي سوف يؤدي بالنتيجة الى زيادة دقة الاختبارات والاستنتاجات وقيمة النتائج التي حصل عليها.

3-1-3 التحليل (11): Analysis

بعد القيام بالتجربة والتصميم تأتي المرحلة الاخيرة وهي التحليل ويقصد به طريقة جمع البيانات وترتيبها واحتزاليها ثم اجراء اختبارات احصائية معينة يستعان بها لاتخاذ قرارات

بخصوص الاهداف التي صممت التجربة لدراستها ، اي ان تحليل البيانات يتضمن حساب بعض الاختبارات الاحصائية مثل اختبار t وختبار F واتخاذ القرار المناسب بناءا على قيمة الاختبار. ولقد لعبت الحاسوبات الالية دورا هاما في تسهيل تحليل البيانات مع البرامج الاحصائية مثل SAS,SPSS,MINITABE الخطى (Linear Model) المستخدم ملائما للبيانات وأن الافتراضات الاحصائية سليمة وذلك قبل الوصول الى القرارات او الاستنتاجات.

ومن الممكن تلخيص التحليل في ثلاثة نقاط هي:

1. جمع البيانات وجدولتها واحتزالها.
2. اجراء الاختبارات الاحصائية.
3. مناقشة النتائج وتفسيرها واتخاذ القرارات.

4-1-3 تحليل البيانات Analysis Variance (12):

ويقصد بذلك الاجراء القيام ببعض العمليات الرياضية لتقسيم مجموع المربعات الكلية لمجموعه من البيانات على مصادر التباين المختلفة والمسؤولة عن وجوده وبعد انتهاء التحليل تلخص النتائج في جدول يسمى جدول تحليل التباين (Analysis of Variance Table) ويرمز له ANOVA

5-1-3 المصطلحات الاساسية في تصميم التجارب (13):

1. الوحدة التجريبية Experimental Unite⁽³⁾:

هي اصغر وحدة اساسية او اصغر جزء من مواد التجربة تطبق عليها المعالجة او توزع عليها وتستخدم في قياس المتغير تحت الدراسة ، او هي الوحدة من المادة التجريبية التي سيرى عليها تطبيق معاملة واحدة.

2. المعالجة Treatment⁽⁵⁾:

وتسمى ايضا بالمعامل وهي تمثل مجموعة الظروف التجريبية المتغيرة التي توضع تحت سيطرة الباحث ، والتي يقوم الباحث بتوزيعها على الوحدات التجريبية او يوزع عليها الوحدات التجريبية حسب التصميم المختار وتقى تمثل المعالجات عدة مستويات مختلفة ولكن لعامل واحد كما في التجارب البسيطة التي تهم بدراسة تأثير عامل واحد ، او تكون المعالجات من عدة مستويات لاكثر من عامل بتوافق مختلف كما في التجارب العاملية .

3. وحدة المعاينة Sampling Unite⁽⁸⁾:

هي جزء من الوحدة التجريبية يؤخذ عليها قياس تأثير المعالجة وقد لا تكون وحدة المعاينة هي نفسها الوحدة التجريبية.

4. العوامل Factors⁽³⁾:

وهي عبارة عن متغيرات يهدف الباحث في قياس اثرها ويعرف ايضا على ان اصطلاح يستخدم لتصنيف المعاملات التجريبية وتشابهه مع المعاملات ولكن العوامل اوسع من حيث المعنى ويكون لكل عامل من هذه العوامل مستويات ويطلق على التسميد تحت عدة مستويات بالعامل وليس المعاملة.

5. المعاملات Treatments⁽³⁾:

وهي عبارة عن مستويات مختلفة من متغير ما و هي عبارة عن المؤثرات المطلوب قياس تأثيرها على صفات معينة لمواد التجربة مع تثبيت جميع العوامل.

6. الـControl الشاهد (3):

احدى معاملات التجربة التي تدخل التجربة لتكون النتائج مبنية على اساس مقارن.

7. الخطأ التجاري (5): Experimental Error

هو قياس للاختلافات الطبيعية التي توجد عادة بين مشاهدات سُجلت من وحدات تجريبية عولجت بنفس المعاملة ، وهناك عدة مصادر لمثل هذه الاختلافات تنشأ عن العوامل التي لا يمكن للباحث التحكم فيها ، وعموماً يمكن تجميع مصادر الخطأ في ثلاثة مصادر وهي:

1. الاختلافات الذاتية:

هي التي توجد عادة بين الوحدات التجريبية ويمكن ارجاعها الى الاختلافات الوراثية او الى التداخل بين التراكيب الوراثية والظروف البيئية التي يصعب السيطرة عليها، ومن الملاحظ في التجارب الميدانية بصفة عامة صعوبة الحصول على وحدات تجريبية متجانسة تماماً مهماً بذل الباحث من جهد في الحصول على حيوانات او نباتات متجانسة ليجري عليها التجربة.

2. الاختلافات في تطبيق المعالجة:

حيث تحدث بعض الاخطاء عند تكرار او تطبيق المعلمات على عدد من الوحدات التجريبية، ومرجعه إما العجز او الفشل في إعادة تكرار نفس الظروف للمعالجات تماماً ، أو لعدم الدقة وإختلاف القائمين بتطبيق المعلمات.

3. الأخطاء الفنية الأخرى:

والتي تحدث في التجربة وفي طرق قياس الصفات تحت الدراسة وتسجيل المشاهدات.

التحكم في الخطأ التجاري: (5)

يمكن التحكم في الخطأ التجاري المقدر والسيطرة عليه عن طريق:

- استخدام تصميم أكثر كفاءة تبعاً لمدى التجانس بين الوحدات التجريبية.
- استخدام البيانات المتلازمة (تحليل التباين المشترك).
- اختيار حجم وشكل الوحدة التجريبية المناسب مع عدد من المكررات.

- تحسين الطرق الفنية المستخدمة في التجربة مع الاهتمام بدقة القياسات وتسجيل البيانات.

6-1-3 الشروط الاساسية لنجاح التجربة : (4)

1- التوزيع العشوائي للمعاملات : **Randomization of Treatments**

يقصد به توزيع المعاملات على الوحدات التجريبية بشكل عشوائي غير متحيز الى معامله معينه او وحده تجريبية معينه ودون السماح بأي تدخل شخصي بمعنى ان تكون فرص توزيع المعاملات على الوحدات التجريبية او الوحدات التجريبية على المعاملات متساوية ، أي ان يكون لكل وحدة تجريبية نفس الفرصة في الحصول على أي معامله كأي وحدة تجريبية أخرى . وبذلك تكون قد عملنا علي تقليل الخطأ التجاري المتعذر او اعتباره قد حصل غير مقصود ونحصل علي تقدير صحيح للخطأ التجاري جراء إعطاء فرصة لكل وحدة تجريبية ان تحصل علي أي معامله من المعاملات بدون تحيز او توزيع مقصود ومن فوائد التوزيع العشوائي :

أ- تجنب التحيز في النتائج واستبعاد الأخطاء المنتظمة وغير العفوية .

ب- الحصول علي تقدير صحيح للخطأ وبالتالي تكون التجربه أكثر دقه وكفاءه .

ت- ضمان توزيع الاخطاء توزيعاً طبيعياً وبالتالي صحة الاختبارات الاحصائية .

هناك طريقتان للتوزيع العشوائي ، ان كان للمعاملات علي الوحدات التجريبية ام الوحدات التجريبية علي المعاملات و هما :

i. إستعمال قصاصات ورقية ترقيم من 1 الي عدد الوحدات التجريبية المستخدمة والتي عددها يساوي عدد المعاملات (t) مضروباً في عدد المكررات (r) لكل معامله عدد ($r \times t$) وتوضع في كيس ، وتخلط ثم تسحب الارقام بشكل عشوائي مع الخلط المستمر بعد كل عملية سحب ، وتكتب الارقام المسحوبة حسب تسلسل ظهورها بعمليه السحب ، علي فرض انها تمثل ارقام الوحدات التجريبية ثم توزيع عليها المعاملات بمكرراتها بشكل متسلسل من المعامله الاولى الى اخر معامله .

ii. استعمال جداول الارقام العشوائيه المتكونه من 100 صف و 100 عمود . حيث يمكن اختيار الاعدده والصفوف بشكل غير متحيز ولا علي التعبيين ونأخذ عدد من الارقام الموجوده بالجدول اما افقياً او عمودياً ويجب ان نثبت كيفية الاستعمال قبل البدء باستعمال تلك الجداول حتى لا يضار الي التحيز الي ارقام معينه او طريقه معينه . وبعد استخراج الارقام العشوائيه تسلسل تصاعدياً او تناظرياً وتعطي تسلسل بالأرقام (1) الي عدد الوحدات التجريبية وهو عدد $(r \times t)$.

2- تكرار المعاملات : **Replication of Treatments**

ان توزيع المعاملات على الوحدات التجريبية بشكل عشوائي لوحده لا يكفي للحصول على نتائج دقيقة من التجربة . ففي كل تجربة توجد عوامل غير متحكم بها يمكن ان تتدخل مع المعاملات تحت الدراسة وهذا ما يطلق عليه الخطأ التجاري (Experimental Error) ولغرض تقدير قيمة هذا الخطأ تقريباً اقرب الى الصحيح يجب ان نكرر توزيع المعاملات تحت الدراسة علي اكثر من وحدة تجريبية واحدة . لأن تمثيل كل معامله بوحدة تجريبية واحدة لا يظهر تأثير المعاملات إضافه الي الاحتمال الكبير بوجوده فروق معينة مابين وحدة تجريبية وآخرى . في حين ان استخدام اكثر من وحدة تجريبية واحدة لكل معامله يسهل تقدير قيمة الخطأ التجاري ، ومن ثم فصله عن تأثير المعاملات . وعلى هذا الاساس فإن زيادة عدد المكررات سوف تؤدي الي تقليل قيمة الخطأ التجاري والذي ينتج عنه زيادة في دقة التجربة وتحسين كفاءتها . ن استخدام اكثر من مكرر واحد يعطي ثقه اكبر في التوسيع في تعليم التجربة . ومن جملة استخدام المكررات هد اعادة اجراء التجربة لأكثر من موسم واحد او أكثر من موقع لأن المواسم والمواقع المتعددة تعتبر نوعاً من المكررات ومن فوائد التكرار :

1. كثرة التكرار في التجربة (مكررين او اكثر) يزيد من دقة التجربة بسبب تقليل قيمة الخطأ التجريبي باعتبار ان الفروق بين المكررات نقل من تباين الخطأ
 2. تقدير الخطأ التجريبي باستخدام المكررات يكون اسهل وأدق
 3. في حالة فقدان نتائج إحدى الوحدات التجريبية يمكن تحليلها إحصائياً بينما لو كان للمعامله وحدة تجريبية واحدة وفقدت ، معناه استحال التحليل
 4. عند تكرار التجربة في اكثر من موقع وتعداد لأكثر من سنة تكون النتائج اكثر دقة ، ويمكن تطبيقها وإعطاء توصيات بالنتائج بشكل أضمن وأصح .
- وعموماً لا يمكن تقدير الخطأ التجريبي إلا باستخدام المكررات أي مكررين علي الاقل او اكثر وذلك لعمل اختبار المعنوية.

7-1-3 متطلبات التجربة الجيدة ⁽⁵⁾: Requirements for a good Experiment

لكي يمكن اجراء تجربة جيدة يعتمد على نتائجها بقدر كبير من الثقة لابد من توفر عدة شروط او متطلبات وهنالك خمس متطلبات اساسية وهي:

1. غياب الخطأ المنتظم: Absence of Systematic Error

من المهم في اي تجربة ان يتم تقدير تأثير المعالجات والفرق بينها تقريباً صحيحاً ، وكذلك الأخطاء الشخصية والطبيعية والذاتية التي توجد بين الوحدات التجريبية والتي من الممكن التغلب

عليها عن طريق الأسلوب العشوائي وبذلك يتحقق غياب المصادر الرئيسية للخطأ المنتظم ، ونعني بالخطأ المنتظم عدم استقلالية سلوك الوحدات التجريبية في الاستجابة لتاثير المعالجات.

2. الدقة :Precision

ان دقة تقدير اي من تاثيرات التجربة تشير على مدى إمكانية تكرار الحصول على نفس القياسات او القيم المقدرة لهذه التاثيرات وبالتالي الى مدى الثقة في هذا التقدير وإذا ما امكن فعلاً غياب الخطأ المنتظم في تجربة ما فإننا نتوقع أن تقدير تأثير معالجة ما لن يختلف عن القيمة الحقيقية إلا كنتيجة للأخطاء العشوائية فقط وهي الأخطاء التي تحدث طبيعياً وهي عادة تفاصس بما يسمى بالخطأ القياسي ، ونجد أن دقة أي تجربة تعتمد على الآتي:

1. الاختلافات الذاتية بين مواد التجربة ومدى دقة الطرق والوسائل التجريبية.

2. عدد الوحدات التجريبية.

3. التصميم المستخدم في التجربة.

3. اتساع مدى صلاحية التجربة Wide Rang of Validity

المقصود باتساع مدى صلاحية النتائج أنه كلما تميزت التجربة في دراسة التأثيرات والمعالجات والوحدات التجريبية فإن هذه النتائج سوف تزيد من الثقة بالتجربة وإمكانية تعميم هذه النتائج على تجارب أخرى دون القيام بها.

4. البساطة : Simplicity

يجب أن تتميز التجربة بالبساطة في التصميم والتحليل ويؤدي ذلك إلى تقليل الأخطاء.

5. تقدير الخطأ القياسي : Estimating The Standard Error

إن تقدير الخطأ القياسي من الأهداف الأساسية للقيام بالتجربة ولذلك يجب أن يكون لدينا مجموعة معقولة من الوحدات التجريبية ، أما في حالة التجارب التي تحتوي على وحدات تجريبية صغيرة فلن يكون بالامكان تقدير الخطأ القياسي تقديرًا معقولاً ، وفي هذه الحالة لابد من الرجوع لنتائج التجارب لتقدير الخطأ القياسي.

8-1-3 أساسيات تصميم التجارب :

يشترط في التصميمات الحديثة أن تعطي تقديرًا للخطأ التجريبي مع إمكانية تقليله ، وأن يكون بالإمكان القيام بالإختبارات والتقديرات المطلوبة في البحث ووضع أساسيات تصميم التجارب لتوفّر تلك المطالب وهي:

1. التكرار : Replication

للخروج بقيمة تقديرية للخطأ التجريبي فلا بد من تكرار المعالجة عدداً من المرات في التجربة وذلك حسب الامكانيات المتاحة ودرجة الدقة المطلوبة.

3. التعشية : Randomization

تعتبر التعشية من القواعد الرئيسية والحديثة في تصميم التجارب ويرجع ذلك إلى أن العديد من الإختبارات الإحصائية المستخدمة في تحليل التجارب يرتكز على عدة فروض والتي يقع توفيرها بواسطة التعشية حتى أن البعض وصفوها بعملية التأمين ضد التحيز بحيث تمنح كل وحدة تجريبية نفس الفرصة لاستلام ايّة معالجة في التجربة وازالة التحيز بحيث لا تخير معالجة على أخرى مع الحصول على تقدير غير متحيز للخطأ التجريبي وضمان استقلالية المشاهدات وذلك لضمان صلاحية الإختبارات المستعملة في التحاليل.

4. التحكم في الوحدات التجريبية : Local Control

يعتبر التحكم في الوحدات التجريبية من الأسس الرئيسية للتصميم الناجح وتتلخص هذه الطريقة في تقسيم الوحدات التجريبية إلى مجموعات متباينة Homogeneous Blocks تسمى قطاعات و يتم توزيع المعالجات داخلها عشوائياً وينتج عن هذه الوسيلة فصل تباين القطاعات من الخطأ التجاريي وبذلك يقع تقليل الخطأ التجاريي وتلخص أغراض التحكم في الوحدات التجريبية في النقاط التالية :

1. تحسين دقة التجربة عن طريق فصل تباين القطاعات من الخطأ التجاري.
2. توسيع مدى تطبيق نتائج التجربة عندما توجد القطاعات في أمكنة مختلفة أو في أزمنة مختلفة.

9-1-3 الخطوات التي تتبع في التجارب العلمية: (3)

Steps Which Fallowed for Scientific Experiment

يمكن تلخيص الأسلوب العلمي الذي يتبع عادة في التجارب والبحوث في الخطوات الآتية :

1. تحديد المشكلة المراد دراستها تحديداً واضحاً.
2. وضع الفرضيات التي تساعد على تحقيق الأهداف.
3. تحديد العامل او العوامل ومستوياتها التي تستخد في التجربة.
4. تحديد الصفة المدروسة او الصفات التي سيتم دراستها وكيفية قياسها.
5. تعين الوحدات التجريبية التي ستطبق عليها المعالجات.
6. اختيار التصميم التجاريي الملائم.
7. جمع البيانات.
8. تحليل البيانات احصائياً.
9. مناقشة النتائج وتفسيرها.
10. اعداد تقرير علمي للتجربة وما أدت اليه من نتائج.

3-2 تصميم القطع المنشقة Split Plot Design

(3) 0-2-3 تمهيد :

يدعى هذا التصميم ايضا في بعض الاحيان بتصميم الالواح المنشقة وكثيرا ما تستخدم تصاميم القطع المنشقة للتجارب العاملية، وفي هذه التصاميم يكون الاهتمام بعاملين على الاقل غير اتنا في هذه الحالة لانه ان نحصل بالنسبة لإداتها على نفس دقة المعلومات التي نريدها للاخر اي ان ادتها اكثرا اهمية من العامل الاخر ، وأن الاساس العام لهذه التصاميم هو ان القطع الكاملة whole plots او القطع الرئيسية Main Plots او الوحدات الكاملة units التي تطبق عليها مستويات واحد او اكثرا من العوامل تجزأ الى اقسام (قطع ثانوية) Sub plots او وحدات ثانوية sub units لتطبيق بداخلها مستويات عامل اخر او عوامل اخرى وعلى ذلك فان كل قطعة او وحدة كاملة تصبح قطعا لمعاملات الوحدات او القطع الثانوية ، ولكن فقط قطاع غير كامل طالما اخذنا في الاعتبار المجموعة الكاملة من المعاملات ولهذا السبب فان تصاميم القطع المنشقة قد تسمى تصاميم القطاعات غير الكاملة ونلاحظ ان المعاملات الاقل اهمية توزع على الوحدات الكاملة اما المعاملات الاكثر اهمية فتوزع على الوحدات الثانوية.

ويتم توزيع القطع الثانوية ضمن كل قطعة رئيسية باستخدام احد التصاميم المعروفة مثل التصميم العشوائي الكامل (C.R.D) او تصميم القطاعات العشوائية الكاملة (R.C.B.D) او تصميم المربع اللاتيني (L.S) كما يشمل التحليل الاحصائي لهذا التصميم على نوعين من الخطأ يسمى الخطأ الاول Error_A والثاني Error_B حيث يستخدم الاول لاختبار معنوية معاملات القطع الرئيسية ، وتكون قيمته عادة أعلى من الخطأ الثاني وذلك لاحتوائه على تباين القطع الرئيسية وتباين القطع الثانوية الموجودة بين القطع الرئيسية ، ولأن القطع الثانوية تكون أكثر تجانسا ، وبالتالي فإن تباينها يكون أقل ، أما الخطأ الثاني (b) فيستخدم لاختبار المعاملات الثانوية والتدخل مابين المعاملات الرئيسية والثانوية.

إن اصل استخدام هذا التصميم هو في التجارب الزراعية وهذا واضح من إسمه فكلمة Plot تعني قطعة أرض مما يدل على أن مصدر هذه التصاميم هو التجارب الزراعية ويدخل هذا التصميم في التجارب الهندسية تحت اسم التصاميم المتشعبة . Nested Design

(3) 1-2-3 استخدامات تصميم القطع المنشقة Applications of split – plot Design

1. يستخدم في الحالات التي تحتاج فيها بعض العوامل إلى دقة أكثر من العوامل الأخرى وتوزع العوامل التي تحتاج إلى معلومات أدق (العوامل الثانوية) على القطع الثانوية Sub plots لأنها أكثر تجانساً من القطع الرئيسية بينما توزع المعاملات الأقل أهمية على القطع الرئيسية Main plots والتي تكون أكبر حجماً من الأولى.

2. العوامل التي تحتاج إلى كميات أقل من المواد التجريبية أو حجم أقل من القطع التجريبية أو التي تكون لها أهمية أكبر أو التي يتوقع أن تكون الاختلافات بين مستوياتها أصغر أو تلك التي يراد عنها لأي سبب من الأسباب درجة أعلى من الدقة ، فإن مثل هذه العوامل هي التي يخصص لها القطع الثانوية، أي ان في القطع المنشقة من المتوقع ان تكون الاختلافات بين القطع الثانوية أقل منها بين القطع الكاملة.

3-2-2 مميزات تصاميم القطع المنشقة⁽⁴⁾:advantages of Split plot Designs

1. زيادة كفاءة هذا التصميم بسبب المعاملات الثانوية والتدخل بين المعاملات مقارنة بتصميم القطاعات العشوائية الكاملة (R.C.B.D).
2. تطبيقه لبعض المعاملات أسهل من تصميم (R.C.B.D).

3-2-3 عيوب تصاميم القطع المنشقة⁽⁴⁾:Disadvantages of Split plot Designs

1. المعاملات التي تطبق على القطع الكاملة تقاس بدرجة دقة أقل.
2. تزداد درجة تعقيد تحليل البيانات وخاصة عند فقد قيم بعض المشاهدات اي صعوبة تقدير المشاهدات المفقودة.
3. تعتبر القطع الرئيسية التي توزع عليها المعاملة الأقل أهمية بمثابة قطع للمعاملة الثانية الأكثر أهمية ، لإحتواها على كافه مستويات العامل الثاني في كل مستوى من مستويات العامل الأول ، ولهذا فان القطع الرئيسية تعتبر قطاعاً غير كاملاً أو ناقصاً بالنسبة لكافة المعاملات ، ولهذا السبب يعتبر هذا التصميم من التصاميم التي تتبع القطاعات غير الكاملة.

4-2-3 فرضيات تصميم القطع المنشقة:

يقوم باختبار معنوية مستويات العوامل المختلفة والتدخل بينها.

3-3 تصميم القطع المنشقة Split –Split plot Design

0-3-3 تمهيد⁽³⁾

يسمى هذا التصميم ايضا بتصميم القطع المنشقة ثنائيا وكلا الأسمين يدلان على انه تصميم متتطور ومستمر لتصميم القطع المنشقة.

عندما يكون اهتمام الباحث بالنسبة لجميع العوامل تحت الدراسة متساوي في الأهمية فان الباحث في هذه الحالة يستخدم التجربة العاملية في أحد التصميمات البسيطة مثل التصميم العشوائي الكامل C.R.D او تصميم القطاعات العشوائية الكاملة R.C.B.D او تصميم المربع اللاتيني L.S، أما إذا كان اهتمام الباحث يختلف بالنسبة للعامل تحت الدراسة بمعنى ان الباحث يريد ان يتحصل على معلومات أكثر دقة من أحد العوامل ، والعامل الثاني بدرجة دقة أقل من العامل الاول ، والعامل الثالث بدرجة من الدقة اقل من العاملين الاول والثاني بمعنى انه يوجد درجات من المفضلة بين العوامل المدروسة بالنسبة للباحث من حيث اهمية كل عامل من العوامل تحت الدراسة كذلك في الحالات التي يتطلب الامر فيها ان تكون مساحات القطع التجريبية كبيرة لتطبيق أحد العوامل وهذا التصميم ما هو الا توسيع لتصميم القطع المنشقة باضافة عامل ثالث في التجربة حيث يتم توزيع العامل الثالث عشوائيا على القطع الثانوية وبعد تقسيم كل قطعة ثانوية الى قطع اصغر منها تسمى بالقطع تحت الثانوية Sub-Sub Plots ولهذا يسمى هذا التصميم بتصميم القطع المنشقة .

1-3-3 مميزات تصميم القطع المنشقة - المنشقة⁽³⁾

1. الوحدات التجريبية في هذا التصميم مكونة من ثلاثة أحجام الحجم الأول والكبير منها يسمى بالقطع الرئيسية Main Plot ويطبق عليها العامل الاول ، والوحدات التجريبية المتوسطة الحجم تسمى بالقطع المنشقة Sub Plot تطبق عليها العامل الثاني (عامل القطع المنشقة) ، أما الحجم الثالث وهو أصغر الوحدات التجريبية يسمى Sub Sub Plot اي القطع المنشقة مرتين ويطبق عليها العامل الثالث.
2. يمكن تطبيق التصميم العشوائي الكامل أو تصميم القطاعات العشوائية الكامل فهو تصميم المربع اللاتيني على القطع المنشقة تبعا لظروف التجربة والتي تعتمد على طبيعة الوحدات التجريبية التي ستطبق عليها المعاملات من حيث تجانسها من عدمه.
3. يوجد ثلاثة مستويات من الدقة التجريبية عند استخدام تصميم القطع المنشقة مرتين ، حيث أن العامل الاول والذي يتم تطبيقه في القطع الرئيسية تتحصل منه على معلومات بدرجة من الدقة اقل من العامل الذي يتم تطبيقه في القطع المنشقة او تحت المنشقة.

2-3-3 عيوب تصميم القطعة المنشقة – المنشقة⁽⁴⁾

1. يحتاج هذا التصميم الى مساحات كبيرة في التجارب النباتية التي تطبق هذا التصميم أكثر من اي فرع اخر من فروع الزراعة وغالبا ما تكون القطع الرئيسية واحيانا القطع الثانوية مفقودة الى التجانس مما يقلل من دقة التجربة وتزيد من نسبة الاخطاء فيها.
2. التحليل الاحصائي أكثر تعقيدا من التصاميم الأخرى بسبب وجود ثلاثة انواع من الاخطاء كل واحد من لغرض اختبار معنوية عامل واحد مع نداخلاته المختلفة.

3-3-3 التوزيع العشوائي وخطط التجربة ⁽³⁾Randomization and Layout

نفرض ان هناك تجربة عاملية $4 \times 3 \times 2$ اي ان العامل الاول A باربع مستويات (V_0, V_1, V_2, V_3) والعامل B بثلاث مستويات (P_0, P_1, P_2) والعامل C بمستويان (N_0, N_1) والخطوات التالية توضح كيفية عمل مخطط للتوزيع العشوائي للمعاملات على التجربة في مكرر واحد مدعوما بالأشكال التوضيحية في كل خطوة:

1. تقسم مساحة التجربة الى عدد من الاقسام وفقا لعدد مكررات التجربة ، ويقسم كل مكرر الى عدد من الاقسام وفقا لعدد مستويات العامل الاول عشوائيا على كل القطع الرئيسية Main Plot داخل كل مكرر على حدة.

توزيع العامل الاول على القطع الرئيسية

V_2	V_3	V_0	V_1
-------	-------	-------	-------

المصدر: تصميم وتحليل التجارب الزراعية

2. تقسم كل قطعة رئيسية Main plot الى عدد من الاقسام وفقا لعدد مستويات العامل الثاني الذي سوف يوزع على القطع المنشقة Sub Plot وتوزع مستوياته داخل كل قطعة رئيسية كما هو معروض في الشكل التالي:

توزيع العامل الثاني على القطع المنشقة:

P_2	P_1	P_0	P_2
P_0	P_2	P_1	P_0
P_1	P_0	P_2	P_1

المصدر: تصميم وتحليل التجارب الزراعية

- تقسم كل قطعة تجريبية منشقة Sub Plot الى عدد من الاقسام بعدد مستويات العامل الثالث ، وتوزيع مستويات هذا العامل عشوائيا داخل كل قطعة منشقة كما هو معروض في الشكل التالي:

N_0	N_1	N_1	N_0	N_1	N_0	N_0	N_1
N_1	N_0	N_0	N_1	N_0	N_1	N_1	N_0
N_0	N_1	N_1	N_0	N_1	N_0	N_1	N_0

المصدر: تصميم وتحليل التجارب الزراعية

وبناء على ما سبق يكون شكل المكرر الاول ، كما هو معروض في الشكل التالي:

V ₂ P ₂ N ₀	V ₂ P ₂ N ₁	V ₃ P ₁ N ₁	V ₃ P ₁ N ₀	V ₀ P ₀ N ₁	V ₀ P ₀ N ₀	V ₁ P ₂ N ₀	V ₁ P ₂ N ₁
V ₂ P ₀ N ₁	V ₂ P ₀ N ₀	V ₃ P ₂ N ₀	V ₃ P ₂ N ₁	V ₀ P ₁ N ₀	V ₀ P ₁ N ₁	V ₁ P ₀ N ₁	V ₁ P ₀ N ₀
V ₂ P ₁ N ₀	V ₂ P ₁ N ₁	V ₃ P ₀ N ₁	V ₃ P ₀ N ₀	V ₀ P ₂ N ₁	V ₀ P ₂ N ₀	V ₁ P ₁ N ₁	V ₁ P ₁ N ₀

المصدر: تصميم وتحليل التجارب الزراعية

4-3-3 النماذج الرياضي (4)Linear Model

ان النماذج الرياضي لتجربة منفذة بتصميم القطع المنشقة – المنشقة هي كما في المعادلة :

$$y_{ijkl} = \mu + \rho_k + \alpha_i + \ell_{ik} + \beta_j + (\alpha\beta)_{ij} + \zeta_{ijk} + \delta_L + (\alpha\delta)_{iL} + (\beta\delta)_{iL} + (\alpha\beta\delta)_{ijL} + \varepsilon_{ijkl} \quad (1-3)$$

حيث ان :

y_{ijkl} : قيمة المشاهده الخاصه بالوحدة التجريبية الموجودة في القطاع k والتي أخذت المستوى i من العامل A والمستوى j من العامل B والمستوى l من العامل C .

μ : المستوى العام للتجربه أي متوسط المجتمع

α_i : هي قيمة تأثير المستوى i من العامل A

β_j : هي قيمة تأثير المستوى j من العامل B

δ_L : هي قيمة تأثير المستوى L من العامل C

ρ_k : هي قيمة تأثير القطاع K

ℓ_{ik} : هو تأثير الخطاء التجرببي للقطع الرئيسيه

γ_{ijk} : هو تأثير الخطاء التجرببي للقطع الثانويه

ϵ_{ijkl} : هو تأثير الخطاء التجرببي للقطع الثانويه – الثانويه

$(\alpha\beta)_{ij}$: هي قيمة التداخل أو التأثير المشترك للمستوى i من العامل A والمستوى j من العامل B .

$(\alpha\delta)_{il}$: هي قيمة التداخل أو التأثير المشترك للمستوى i من العامل A والمستوى l من العامل C .

$(\alpha\beta\delta)_{ijL}$: هي قيمة التداخل أو التأثير المشترك للمستوى j من العامل B والمستوى L من العامل C .

جدول(1-3) : تحليل التباين لتصميم القطع المنشقة – المنشقة

S.O.V	Df	MS	F
Blocks(R)	$(r - 1)$	MSR	$\frac{MSR}{MSEa}$
A	$(a - 1)$	MSA	$\frac{MSA}{MSEa}$
Error(a).RA	$(r - 1)(a - 1)$	MS_{Ea}	
B	$(b - 1)$	MSB	$\frac{MSB}{MSEb}$
AB	$(a - 1)(b - 1)$	$MSAB$	$\frac{MSAB}{MSEb}$

Error(b).RB+RAB	$a(r-1)(b-1)$	MS_{EB}	
C	$(c-1)$	MSC	$\frac{MSC}{MSEc}$
AC	$(a-1)(c-1)$	$MSAC$	$MSAC$
BC	$(b-1)(c-1)$	$MSBC$	$MSBC$
ABC	$(a-1)(b-1)(c-1)$	$MSBC$	$MSBC$
Error(c).RC	$ab(r-1)(c-1)$	$MSEC$	
Total	$(rabc - 1)$		

المصدر: تصميم وتحليل التجارب الزراعية.

يستخدم جدول تحليل التباين للتوصل لقيمة اختبار F الذي يعكس الاختلافات الموجودة بين مجموعة المعاملات.

الاشتقاق الرياضي ⁽³⁾:

$$n = r \times a \times b \times c$$

يتم ايجاد قيمة معامل التصحيح وفقاً للمعادلة:

$$C.F = \frac{Y^2}{n}$$

ويتم حساب قيم مجاميع المربعات وفقاً للمعادلات التالية:

مجاميع المربعات للقطاعات:

$$SS_R = \sum Y_{i..}^2 / abc - CF \quad (2-3)$$

مجاميع المربعات للعامل A -

$$SS_A = \sum Y_{i..}^2 / rbc - CF \quad (3-3)$$

مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل A

$$SS_{Ea} = \sum Y_{i..}^2 / bc - (SSR + SSA) - CF \quad (4-3)$$

مجاميع المربعات للعامل B

$$SS_B = \sum Y_{j..}^2 / rac - CF \quad (5-3)$$

مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل B

$$SS_B = \sum Y_{j..}^2 / rac - CF \quad (6-3)$$

مجاميع المربعات للتدخل بين العامل A والعامل B

$$SS_{AB} = \sum Y_{ij}^2 / rc - CF - [SS_A + SS_B] \quad (7-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للخطأ

$$SS_{EB} = \sum_k Y_{ijk}^2 / C - CF - [SS_R + SS_A + SS_B + SS_C + SS_{AB}] \quad (8-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للعامل C

$$SS_C = \sum_j Y_{..k}^2 / rab - CF \quad (9-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للتداخل بين العامل A والعامل C

$$SS_{AC} = \sum_k Y_{i..K}^2 / rb - CF - [SS_A + SS_C] \quad (10-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للتداخل بين العامل B والعامل C

$$SS_{BC} = \sum_k Y_{j..K}^2 / ra - CF - [SS_B + SS_C] \quad (11-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للتداخل بين العوامل A,B,C

$$SS_{ABC} = \sum_k Y_{ijk}^2 / r - CF - [SS_A + SS_B + SS_C + SS_{AB} + SS_{AC} + SS_{BC}] \quad (12-3)$$

مجموع مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل C

$$SS_{EC} = SS_{Total} - [SS_A + SS_B + SS_C + SS_{AB} + SS_{AC} + SS_{BC} + SS_{ABC}] \quad (13-3)$$

المجموع الكلي لمجاميع المربعات

$$SST = \sum_k Y_{ijk}^2 - CF \quad (14-3)$$

ويتم ايجاد متوسطات المجاميع للمربعات حسب المعادلات التالية:

متوسط مجاميع المربعات للقطاعات:

$$MSR = SS_R / (r - 1) \quad (15-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للعامل A

$$MSA = SS_A / (a - 1) \quad (16-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل A

$$MS_{Ea} = SS_{Ea} / (r - 1)(a - 1) \quad (17-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للعامل B

$$MSB = SS_B / (b - 1) \quad (18-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل B

$$MS_{EB} = SS_{EB} / a(r - 1)(b - 1) \quad (19-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للتدخل بين العامل A والعامل B

$$MS_{AB} = SS_{AB} / (a - 1)(b - 1) \quad (20-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للتدخل بين العامل A والعامل B

$$MS_{EB} = SS_{EB} / a(r - 1)(b - 1) \quad (21-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للعامل C

$$MS_C = SS_C / (c - 1) \quad (22-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للتدخل بين العامل A والعامل C

$$MS_{AC} = SS_{AC} / (a - 1)(C - 1) \quad (23-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للتدخل بين العامل B والعامل C

$$MS_{BC} = SS_{BC} / (b - 1)(C - 1) \quad (24-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للتدخل بين العوامل A,B,C

$$MS_{ABC} = SS_{ABC} / (a - 1)(b - 1)(c - 1) \quad (25-3)$$

متوسط مجاميع المربعات للخطأ التجريبي للعامل C

$$MS_{Ec} = SSEC / ab(r - 1)(C - 1) \quad (26-3)$$

5-3-3 الاختبارات المحددة بعد إجراء التجربة :Test Suggested after Experiment

ان إجراء اختبار F في جدول تحليل التباين يعكس اختباراً عاماً للاختلافات الموجودة بين مجموعة من المعاملات ، فإذا ثبت عدم معنوية قيمة F المحسوبة لاختبار تباين المعاملات فان المقارنات المستقلة التي حدثت قبل إجراء التجربة فقط هي التي يجب إجراءها عادة ، أما إذا وجد اختبار F معنوياً فإننا نستطيع أن نقرر بأن متوسطات المعاملات تختلف فيما بينها اختلافاً معنوياً لذلك فاننا نستخدم احد الاختبارات الآتية:

1-5-3-3 اختبار Dunnett⁽⁸⁾

يكون الهدف الأساسي في بعض التجارب هو مقارنة مجموعة من المعالجات مع معالجة المراقبة (Placebo Control) عوضاً عن مقارنة كل المتوسطات مع بعضهما البعض مثلما في

المقارنات المتعددة وفي هذه التجارب يريد الباحث القيام بمقارنة كل متوسط μ_i ، $i = 1, \dots, t - 1$ مع متوسط معالجة المراقبة μ_0 وبالتالي ستكون هناك $t - 1$ مقارنة ، أي يريد أن يختبر الفرضية ضد البديلة :

$$H_0 : \mu_i = \mu_0$$

$$H_a : \mu_i \neq \mu_0, i = 1, \dots, t - 1$$

والطريقة الملائمة لهذه المقارنات هي طريقة Dunnett (1964) وهي تعديلاً لاختبار t لمقارنة متواسطي مجتمعين ، فبالنسبة لكل فرضية نحسب الفرق بين \bar{Y}_i و \bar{Y}_0 ونرفض H_0 إذا

$$|\bar{Y}_i - \bar{Y}_0| > D$$

$$D = d_{\alpha(t-1, v)} S_{\bar{Y}_i - \bar{Y}_0} \quad (27-3)$$

حيث

$$i = 1, \dots, t - 1$$

وتمثل $d_{\alpha(t-1, v)}$ القيمة الجدولية لاختبار Dunnett عند مستوى المعنوية α و v درجة حرية الخطأ التجريبي.

و $S_{\bar{Y}_i - \bar{Y}_0}$ الخطأ المعياري لفرق بين متواسطين وتحتفل حسب التصميمات وعدد التكرارات r_i و

$$\cdot r_c$$

وقيم Dunnett موجودة في جدول ومقسمة إلى جزءين : الجزء الأول يستخدم لاختبار ذي الاتجاهين والجزء الثاني لاختبار ذي اتجاه واحد ، أي

$$H_0 : \mu_i = \mu_0$$

$$H_a : \mu_i > \mu_0$$

وبإمكان الباحث استخدام اختبار Dunnett بدون معنوية اختبار F في جدول تحليل التباين ، وذلك لأن المقارنات التي يختبرها تكون دائماً محددة قبل تنفيذ التجربة وليس مقترحة من البيانات وعند استخدام هذا الاختبار فإنه يجب مراعاة مايلي :

I. أن يكون $\sqrt{t_{\alpha/2}^2 + r_i} \cong \sqrt{t_{\alpha/2}^2 + r_i}$ ، أي إذا كان هناك 16 معالجة نريد مقارنتها مع Control يفضل أن تكون $r_i \cong 4$ ، وأوصى Dunnett بهذا ليكون التصميم مثاليًا.

$$\sigma_{Y_i}^2 = \sigma_{Y_1}^2$$

وتم وضع الجداول على أساس تساوي عدد التكرارات وتساوي التباينات وعند وجود مخالفات لذلك فتطلب قيم $d_{\alpha(t-1,v)}$ الجدولية تعديلاً معيناً.

ويتيح اختبار Dunnett للباحث وضع فترات الثقة للفروق $\mu_i - \mu_j$

$$\bar{Y}_i - \bar{Y}_j \pm d_{\alpha(t-1,v)} S_{\bar{Y}_i - \bar{Y}_j}$$

حيث $d_{\alpha(t-1,v)}$ هي القيمة الجدولية ذات الأتجاهين لاختبار Dunnett.

2-5-3-3 (4) المقارنات المتعددة بين المتوسطات

هناك العديد من الاختبارات التي تجرى لمقارنة متوسطات المعالجات ببعضها للحكم على معنوية الفروق بين متوسط أية معاملة ومتوسط أية معاملة أخرى، فإن عدد الفروق الممكنة بين جميع أزواج المعالجات والتي يجري اختبارها أي عدد المقارنات الممكنة بين جميع المتوسطات يكون وتختلف هذه الاختبارات فيما بينها في طريقة إجرائها كما تختلف هذه الطرق كذلك في مدى دقتها وحقيقة مستوى معنوياتها عند تطبيقها وغير ذلك من المميزات وأوجه القصور في كل منها ، فيما يلي أهم هذه الاختبارات من حيث إجرائها:

1. طريقة أقل فرق معنوي محفوظ (Protected Least Significant)

تعتبر هذه الطريقة أفضل طريقة للمقارنات المتعددة لسهولة إجرائها ثم لدقتها في الوصول إلى النتائج الصحيحة ، وهي امتداد لاختبار t لمقارنة متسطي عينتين مستقلتين وسمى هذا الاختبار بالمحفوظ لأن العالم Fisher لا يوصي باستخدامه إلا في حالة معنوية اختبار F وتتلخص هذه الطريقة في الخطوات التالية:

- حساب اختبار F في جدول تحليل التباين ، وإذا كانت F معنوية نقارن بين المتوسطات أما إذا كانت غير معنوية فنتوقف عند تحليل التباين.
- حساب قيمة أقل فرق معنوي محفوظ كالتالي:

$$PLSD = t_{(1-\alpha/2,v)} S_{(\bar{Y}_i - \bar{Y}_j)} \quad (28-3)$$

حيث تمثل

- قيمة $t_{(1-\alpha/2,v)}$ الجدولية التي تترك على يسارها مساحة قيمتها $\alpha/2$ – 1 من توزيع t و v درجة الحرية الخاصة بمتوسط مربعات الخطأ أي MSE ، و α مستوى المعنوية أو أحتمال الوقوع في خطأ من النوع الأول.
- $S_{(\bar{Y}_i, -\bar{Y}_j)}$ هو الخطأ المعياري للفرق بين متواطئين ، وتخالف معادلة الخطأ المعياري حسب التصميم وحسب التكرارات ما إذا كانت متساوية أم لا.

3. بعد ترتيب متواطئات المعالجات تصاعدياً ، يحسب الفرق بين كل متواطئين ثم يقارن بقيمة

PLSD وإذا كان الفرق $|\bar{Y}_i - \bar{Y}_j|$ أكبر من PLSD اي إذا :

$$|\bar{Y}_i - \bar{Y}_j| > t_{(1-\alpha/2,v)} S_{(\bar{Y}_i, -\bar{Y}_j)}$$

فستتتج وجود فرقاً معتبراً بين μ_i و μ_j وفي حالة تساوي عدد التكرارات لكل المعالجات تكون هناك قيمة واحدة فقط (PLSD) نقارن بها كل الفروق بين متواطئات المعالجات ، أما في حالة عدم تساوي التكرارات فتخالف قيمة PLSD باختلاف الخطأ المعياري لفرق بين متواطئين.

في بعض الأحيان يكون F معتبراً ولكن طريقة PLSD لا تكشف عن اختلافات معتبرة بين أي متواطئين ويرجع هذا لأن F يختبر كل المقارنات الممكنة بين المتواطئات ، أما PLSD فيختبر المقارنات الثنائية الممكنة (Pair wise Comparisons) فقط.

(4) اختبار توكي : Tukey's Procedure

في هذا الاختبار نستخدم ايضاً قيمة احصائية واحدة لاختبار الفرق بين متوسطات المعالجات وتسماى هذه القيمة الفرق المعنوي الأمين (Honest Significant Different) ويرمز لها H.S.D وتحسب كما يلي:

$$H.S.D = S_{\bar{Y}_i} \times \varphi_t \quad (29-3)$$

خطوات هذا الإختبار كالتالي:

1. تقدير قيمة الخطأ القياسي لأية معالجة.
2. استخراج قيمة من جدول توزيع Q عند مستوى المعنوية المطلوب للإختبار وبمعرفة عدد المعالجات في التجربة t وعدد درجات الحرية للخطأ التجريبي.
3. نحسب قيمة H.S.D بضرب القيمتين السابقتين.
4. تقارن الفروق بين أزواج المتوسطات بقيمة H.S.D لتقدير معنوتها ، فإذا كان الفرق مساوياً لهذه القيمة او زاد عليها دل ذلك على أن الفرق في تأثير المعالجتين معنوياً ، إذا قل عنها فيدل ذلك على عدم اختلاف تأثير المعالجتين على الصفة المدروسة.

(4) اختبار شفي : scheffe's test

ويشبه هذا الاختبار كلا من الاختبارين السابقين في اعتماده على قيمة احصائية واحدة بمقارنة الفروق بين أزواج متوسطات المعالجات ، ويعتمد هذا الاختبار على العلاقة بين قيمة F وقيمة t حيث أن قيمة t في حالة معالجتين تساوي وعلى ذلك يمكننا التعبير عن معادلة L.S.D السابقة كما يلي:

$$L.S.D_{0.05} = \sqrt{2(t_{0.05})S_i} \quad (30-3)$$

ولقد قام scheffe باستخدام هذه العلاقة وطبقها بالنسبة لأي عدد من المعالجات حيث حسب قيمته الإحصائية التي يستخدمها لمقارنة الفروق بين المتوسطات كما يلي:

$$(31-3) \quad Scheff'e's value = (\sqrt{2})(\sqrt{(t-1)(f_{0.05})})S_i$$

حيث :

t عدد المعاملات ، وعلى ذلك فان خطوات هذا الاختبار تتلخص في الآتي:

1. تقدير قيمة الخطأ القياسي لأية معالجة.

$$S_i = \sqrt{MSE/r} \quad (32-3)$$

2. نستخرج قيمة F من جدول توزيع F عند مستوى المعنوية المطلوب مثلاً 0.05 وبمعرفة درجات حرية المعالجات ودرجات حرية الخطأ.

3. نضرب قيمة F في درجات حرية المعالجات لنجعل على قيمة $(t - 1)(f_{0.05})$

4. نحسب قيمة Scheffe بتطبيق المعادلة:

$$Scheff's value = (\sqrt{2})(\sqrt{(t - 1)(f_{0.05})} s_i)$$

5. مقارنة الفروق بين متوسطات أزواج المعالجات التي حصلنا عليها لبيان معنوية الفروق أو عدم معنويتها ، فإذا كان الفرق مساوياً لقيمة Scheffe أو أعلى منها دل ذلك على وجود فرق معنوي بين المعالجين ، أما إذا كان الفرق بين المتوسطين أقل من قيمة Scheffe فان الفرق يكون غير معنوي.

4. طريقة دنكن لاختبار المدى المتعدد (DMRT)

تعتبر من الطرق الشائعة الاستخدام قبل أن تنتقد حديثاً من قبل العديد من الإحصائيين ، وتتلخص هذه الطريقة في إيجاد عدة فروق معنوية ذات قيم متزايدة والتي يتوقف حجمها على مدى البعد بين المتوسطات بعد ترتيبها ، ومن هنا اتت تسمية هذه الطريقة باختبار المدى المتعدد ونلخص خطوات تنفيذها على النحو التالي:

1. ترتيب متوسطات المعالجات تصاعدياً.

2. إيجاد الخطأ المعياري للمتوسط $S_{\bar{Y}_i} = \sqrt{MSE/r}$ ونستخدم $S_{\bar{Y}_i}$ لحساب $t - 1$ قيمة أقل مدى معنوي في الخطوة القادمة ، وليس هناك مشكلة في حساب الخطأ المعياري في حالة تساوي عدد التكرارات ، أما في حالة عدم تساوي التكرارات فنستخدم بدلاً من r الوسط التواقي (Harmonic mean)

لمختلف التكرارات r_i

$$r_h = \frac{t}{\sum_{i=1}^t \frac{1}{r_i}} \quad (33-3)$$

3. استخراج قيمة $(k, v) q_\alpha$ من جدول دنكن للمدى المعنوي حيث $t, \dots, 1, r_i$ هي مستوى المعنوية أو احتمال الواقع في خطأ من النوع الأول و v هي درجات حرية الخطأ التجريبي .

4. حساب قيمة أقل مدى معنوي R_k وذلك بالنسبة لكل من $k = 2, \dots, t$ على النحو التالي:

$$R_k = q_\alpha(k, v) S_{\bar{Y}_i} \quad (34-3)$$

$\text{for } k = 2, \dots, t$

5. مقارنة الفروق بين متوسطات المعالجات ونبدأ بمقارنة الفرق بين أكبر متوسط وأقل متوسط بقيمة أقل مدى معنوي R_t ثم نقارن الفرق بين أكبر متوسط وثاني أصغر متوسط بالقيمة R_{t-1} ونواصل هذه العملية الى ان تتم مقارنة كل الأزواج وعدها هو $t(t-1)/2$ اذا كان الفرق المحسوب بين متوسطين يساوي أو أعلى من R_k فيكون ذلك الفرق معنويًا ، ولتجنب بعض التناقضات التي تحدث أحياناً فلا يعتبر فرقاً معنويًا إذا وقع المتوسطان المعنيان بين متوسطين ليس بينهما اختلاف معنوي.

وتلخص نتائج اختبار DMRT ونتائج كل اختبار في المقارنات المتعددة ، بوضع خطوط مشتركة تحت المتوسطات التي لم تكن فروقها معنوية ، مع الإبقاء على ترتيب المتوسطات تصاعدياً.

ومن عيوب هذا الاختبار عدم حمایته الكافية من الواقع في خطأ من النوع الأول ، أي رفض H_0 وهي صحيحة وأثبت ان احتمال الواقع في خطأ من النوع الأول $\alpha = 0.04$ يزداد بقيمة 0.04 لكل متوسط يضاف بعد اول متوسطين.

ونظراً لعدد الانتقادات لهذا الاختبار فلا يوصى باستخدام DMRT ويفضل استخدام طريقة اقل فرق معنوي محفوظ.

5. اختبار نيومان - كيول Newman- Keul test ⁽⁴⁾:

ويشبه هذا الاختبار في طريقة أجرءه الاختبار السابق فهو يعتمد على عدة قيم احصائية لمقارنة الفروق بين المتوسطات ، غير أنه بدلاً من حساب قيمة أقل مدى معنوي $L.S.R$ عن طريق $S.S.R$ في الخطأ القياسي لأية معالجة فاننا في هذا الاختبار نحسب قيمة $L.S.R$ عن طريق $S.S.R$ في الخطأ القياسي لأية معالجة فإننا في هذا الاختبار نحسب قيمة $L.S.R$ عن طريق ضرب قيمة التي نحصل عليها من جدول توزيع Q عندى مستوى المعنوية المطلوب وبمعرفة عدد المعالجات في المدى و درجات الحرية للخطأ في الخطأ القياسي لأية معالجة وعلى ذلك فإن قيمة $L.S.R$ في هذا الإختبار تحسب من المعادلة:

$$L.S.R = S_i x Qt \quad (35-3)$$

ونلخص خطوات تنفيذ الإختبار على النحو على النحو التالي:

1. تقدير قيمة الخطأ القياسي لأية معالجة.

2. استخراج قيمة Qt من جدول توزيع Q عند مستوى المعنوية المطلوب للاختبار وبمعرفة عدد المعالجات في التجربة t ودرجات الحرية للخطأ التجريبي.

3. حساب قيمة الـ $L.S.R$ من المعادلة:

$$L.S.R = S_i x Qt$$

4. ترتيب المتوسطات في جدول وتحسب الفرق بينها وتقارن بقيم الـ $L.S.R$ فإذا وجد الفرق بين المتوسطين مساوياً لقيمة $L.S.R$ أو أعلى منها كان هذا الفرق معنوياً ، أما إذا كان الفرق أقل من قيمة $L.S.R$ فهذا يعني أن الفرق بين متوسطي المعاملتين غير معنوي.