

### بسم الله الرحمن الرحيم

## جامعه السودان للعلوم والتكنولوجيا



كليه التربية (قسم العلوم)

شعبه الرياضيات

# بحث تكميلي لنيل درجه البكالوريوس في الشرف بعنوان :

معادلتي كوشي - ريمان ونظريه الباقي في التحليل المركب

### إعداد:

- سجى عباس عبدا لله محمد
  - محمد جرہ ونزہ کوك
  - معاذ عبد الرحمن بركات
  - مها إبراهيم يونس علي

الإشراف الدكتور: **عمر خليل** 

عثمان

#### 2015



## dan University for Seines & Technolog

(College Education (Seines Section

#### **Mathematics Section**

Supplementary Research to obtain a bachelor's Honors Degree

## **Entitled:**

Cauchy equations - Riemann and theory of the rest in composite analysis

## **Preparation:**

Saga Abass Abdullah Mohammed Mohammed gora winzh koko Maaz Abdalrhman parakeet Maha Ibrahim younis Ali **Supervisor:** 

Omer Khalil Othman 2015

بسم الله الرحمن الرحيم

الايه
(قل لو كان البحر مدادا لكلمات ربي لنفد البحر قبل ان تنفد كلمات ربي ولو جئنا بمثله مدادا) صدق الله العظيم
سوره الكهف الايه 109

#### الاهداء

لاخيل عندي اهديها ولا مال فليسعد النطق ان لم يسعد الحال

الهي لايطيب الليل الابشكرك ولا طيب النهار الا بطاعتك ....... ولا تطيب الاحظات الابزكرك ...... ولا تطيب الاخره الابعفوك .... ولا تطيب الجنه الا برضا ك

#### الله حل حلاله

الي من بلغ الرساله واداء الامانه ...... ونصح الامه ..... الي نبي الرحمه ونور العالمين ... سيدنا

#### محمد صلي الله عليه وسلم

الي ملاكي في الحياه ..... الي معني الحب والي معني الحنان والتفاني ....الي بسمه الحياه وسر الوجود الي من كان دعائها سر نجاحي وحنانها بلسم جراحي الي اغلي الحبائب الي من بها اكبر وعليها .... الي شمعه متقدمه تنير ظلمه حياتي الي من عرفت معها سر الحياه

#### امي الحبيه

الي من كلله الله بالهيبه والوقار .... الي من علمني الحياه بدون انتظار ..... الي من احمل اسمه بكل افتخار .... ارجو من الله ان يمد في عمرك لتري ثمارا قد حان قطافها بعد طول انتظار

..... وستبقي كلماتك نجوم اهتدي بها وفي الغد والي الابد

#### والدى العزيز

الي اخوتي ورفاق دربي في هذه الحياه بدونكم لا شي ...... معكم اكون انا وبدونكم مثل اي شي . في نهايه المشوار اريد ان اشكركم علي موافقتكم النبيله الي تطلعاتكم لي نجاحي بنظرات من الامل اخوتي وزملائي الاعزاء

#### شكر وعرفان

لابد لنا ونحن نخطو خطواتنا الاخيره في الحياه الجامعيه من وقفه نعود الي اعوام قضيناها في رحاب الجامعه مع اساتذ تنا الكرام الذين قدموا لنا الكثير باذلين بذلك ...... جهودا كبيره في بناء جيل الغد لتبعث الامه من جديد

وقبل ان نمضي نقدم اسمي ايات الشكر والامتنان والتقدير والمحبه الي الذين حملوا

.. اقدس رساله في الحياه

...... الي الذين مهدوا لنا طريق العلم والمعرفه

...... الي جميع اساتذتنا الافاضل

بجامعه السودان للعلوم والتكنلوجيا

وشكر خاص

كليه التريبه

قسم العلوم شعبه الرياضيات

## والشكر كل الشكرالي استاذنا الجليل عمر خليل عثمان واخر دعوانا ان الحمد لله رب العالمين

### فهرس الموضوعات

الرقم	الموضوع	رقم الصفحه	
	البسمله	(İ)	
	الايه	(ب)	
	الاهداء	(5)	
	الشكر والعرفان	(د)	
	الفصل الاول		
	(خطه البحث (الاطار العام		
1-1	مقدمه	2-4	
1-2	مشكله البحث	4	
1-3	اهميه البحث	4	
1-4	اهداف البحث	4	
1-5	اسئله البحث	4-5	
1-6	منهج البحث	5	
1-7	مصطلحات البحث	5	
	الفصل الثاني		

معادلتي كوشي - ريمان ونظرياتها في تكامل الدوال المركبه

2-1	مقدمه	/
2-2	نظريه معادلتي كوشي- ريمان في الصوره الكارتيزيه	7-9
2-3	نظريه الشروط الكافيه لمعادلتي كوشي - ريمان	9
2-4	نظريه معادلتي كوشي ريمان في الصوره القطبيه	9-10
2-5	تطبيق	10-13
2-6	الداله التحليله والمترافقه	14-15
2-7	تطبيق	15-17
2-8	صيغ ونظريات كوشي وبعض النتائج المتعلقه بها	
	أ-صيغ تكامل كوشي	17-18
	ب-بعض النظريات الهامه	19-30
	ج- بعض نتائج نظريه كوشي	30-35
2-9	تطبيق	35-36
	الفصل الثالث المتسلسلات الانهائيه ومتسلسه لورانت	
3-2	نظريه تايلور	38-42
3-2	نظريه لورانت	43-49
3-3	تقارب المتباعدات والمتسلسلات	49-51
3-4	خواص اخري للمتسلسلات	51-53
3-5	منسلسله القوى	53-55
3-6	ے نظریات علی متسلسلات القوی	55-56
3-7	بعض المتسلسلات الخاصه	56-57
	الفصل الرابع	
	ظريه الباقي وتطبيقاتها علي التكاملات المحدوده	ė
4-1	مقدمه	59-60
4-2	نظريه الباقي	60-62
4-3	(حساب المتبقيات (الرواسب	62-63
4-4	تطبيق	63-68
4-5	تطبيقات في التكامل المحدود	68-80