

الفهرس

الباب الأول : الحركه الموجيه	
رقم الصفحة	الموضوع
2	المقدمة
3	تعريف الحركه الموجيه
3	اهمية الحركه الموجيه
5	الخواص العامه للحركه الموجيه
7	التراكب والتداخل
13	انواع الحركه الموجيه
14	الوصف الرياضي للحركه الموجيه

|

الباب الثاني: الموجات

23	المقدمه
24	تعريف الموجات
24	الظواهر الموجيه
28	خصائص الموجات
30	انواع الموجات
36	تدخل الموجات
38	انعكاس الموجه
39	الدالله الموجيه
44	المعادله الموجيه
46	الحركه التوافقيه البسيطه

الباب الثالث: الأَهْتزَازُات

61	المقدمة
62	تعريف الاهتزازات
62	أنواع الاهتزازات
68	المصادر المهزّة
69	الرنين

الفصل الأول

❖ الحركه الموجيه

مقدمة:

الحركة الموجية هي احد انواع الحركة المهمة التي تحدث في الطبيعة بشكل عام تمثل هذه الحركة انتقال للطاقة او الزخم دون حدوث انتقال للمادة نفسها ، سوف ندرس في هذه الوحدة الحركة الموجية والتي تشمل على المادة كل حيث تشتراك الجسيمات المكونة لهذه المادة في الحركة بصورة منظمة.

ان الحركة الموجية في الوسط المادي هي عبارة عن ازاحة عن حالة الاتزان تتم في ذلك الوسط ومن ثم تنتقل الازاحة من مكان لآخر بواسطة التفاعل بين الجسيمات المجاورة في الوسط

(1-1) الحركة الموجية:

هي الحركة التي يصنعها الجسم المهزّ على جانبي موضع سكوته أو اتزانه الاصلي مثل حركة البندول البسيط .

او هي الاضطراب او الحركة التي تحدث في الوسط عندما يتحرك كل جزء من اجزاءه حركة اهتزازية تسري بالتتابع من نقطة الى اخرى.

وتسمى الحركة الاهتزازية في ا نقى صورتها بالحركة التوافقية البسيطة .

(2-1) أهمية الحركة الموجية:

تصدر الموجات من جميع الاجسام المهتزة تقريبا . وكلنا نعلم جيدا ان النغمات الموسيقية التي نستمع اليها من البيانو او الكمان ما هي الا موجات تصدر نتيجة لاهتزاز اوتار مشدودة وتصل اليها خلال الهواء. والكلادينيت ايضا يبث الموجات الصوتية في الهواء، ولكن مصدر الاهتزاز في هذه الحالة هو لمسان المزمار الذي ينفع فيه العازف . اما في البوّاق فان الموجات تنشأ نتيجة لاهتزاز شفتى عازف البوّاق عندها ، فم الآلة الموسيقية . وهناك مصادر كثيرة اخرى لاصوات الموسيقية كالطبلة والمثلث . ولكن من هذه المصادر يتكون اساسا من جسم مهتز يقوم بتمويل الموجات في الهواء .

هل فكرة ولو مرة واحدة اثناء مشاهدتك للتلفزيون ان كل ما تراه وتسمعه وصل اليك من محطة الارسال بواسطة موجات؟ هذه الموجات عبارة عن موجات كهربائية مغناطيسية تتولد في المحطة نتيجة لاهتزاز المشحنات الكهربائية في الهوائي وتنقل هذه

الموجات في الهواء لتصل إلى جهاز التلفزيون الذي يستجيب لها ثم يحولها إلى موجات صوتية وصوتية تنتقل إليك عبر الغرفة.

وإذا أصبحت بكسر في أحد عظام جسمك فان من المؤكد تقريبا ان الطبيب سوف يستخدم الاشعة السينية وهي نوع اخر من الموجات ، لتحديد طبيعة الكسر . وإذا لم يظهر الكسر في الصورة الماخوذة بالأشعة السينية ، قد يقترح الطبيب علاج عضلاتك المجهرة بنوع اخر من الحركة الموجية هي الحرارة او الاشعة تحت الحمراء.

وهنالك انواع كثيرة اخرى من الموجات المألوفة لنا، ومع ذلك فهنالك ظواهر موجية اخرى غير ملحوظة فمثلا سوف نرى ان الخواص الموجية ليست مقصورة على الموجات فقط ، بل تمتد الي الاجسام المادية مثل كرة البيسبول التي قد تظهر بعض الخواص الموجية .

(3-1) الخواص العامة للحركة الموجية:

يمكن تصنيف الموجات من مجموعتين:

1/ موجات متحركة Traveling Waves

حيث يمكن تعريفها على انه انتقال للطاقة دون المادة .

2/ موجات موقوفة Standing Waves

بالمقابل فان هذه الموجات محدودة بمنطقة معينة " كاهتزاز وتر مشدود" حيث تبقى الطاقة المرافقة لها ضمن تلك المنطقة .

انتشار موجة نبضية عبر وسط.

نتصور طالبة تمسك بيدها احد نهايتي وتر طويل جداً ومشدود بقوة (X) وقد ثبتت نهايتيه البعيدة الاخرى الى جدار اذا حركت انسداد الوتر، وتظهر نبضة كتلك المبنية في (الشكل " 1-1") متحركة بسرعة على طول الوتر ومبعدة عن الطالبة ان كان سعة النبضة" الازاحة الشاقولية الاعظمية" غير كبيرة بالمقارنة مع طولها تتقدم النبضة بسرعة ثابتة (V) اليان تبلغ النهاية المثبتة للوتر " نبحث ما الذي يحدث عندما تصطدم النبضة بالنهاية المذكورة في موضع تال في هذا الفصل ". بشكل عام يبقى شكل النبضة على حالة اثناء حركتها (الشكل (1-1) ويتضاءل حجمها قليلاً " بسبب الصياغات الحرارية " لدى انتشارها على طول الوتر . اذا هزت الطالبة يدها بطرق مختلفة ، فانها تحصل على نبضات باشكال متباين " مثلاً الشكل (1-1) تتطلق مرتحلة على طول الوتر طالما بقى الشد في الوتر على حالة لكل هزة من هزات يد الطالبة، ولم

" تكون السعات كبيرة فان سرعة النبضات تكون متطابقة بصرف النظر عن اشكالها "
 الشكل (1-1)

المسألة (1-1) :

أ/ بالاشارة الى حالات الشكل (1-1) ما هو الاتجاه الذي تتحرك جزئيات الوتر وفقه عند عبور النبضة .

ب/ ان لم تتحرك جزئيات الوتر الخطية مع النبضة ، ما هوالشىء الذي يتحرك اذن .

ج/ ما هوالتقسيير الكيفي الذي تستطيع تقديميه لهذه الظاهرة .

الحل :

أ| نستطيع فهم حركة جزئيات الوتر النبضة معينة فيه وعبرها تلك النقطة ، أولاً تتحرك الجزيئات عند موقع افقي معين نحو الاعلى الي ان تتجاوزه دروة النبضة ذلك الموقع تكون الجزيئات اذ ذلك مزاحة از احة شاقولية عظمى " السعة " تبدأ الجزيئات بعدها بالحركة نحو الاسفل الي ان تعود الي موضعها الطبيعي بعد ابعاد تتحركالجزئيات اذن في الاتجاه عمودي على منحنى انتشار النبضة

ب| يتحرك تشكيل النبضة عندما تأخذ مجموعات الجزيئات ، الواحدة تلو الأخرى ، في الحركة بالاتجاه الشاقولي التوسيف الذي قدمناه في الفقرة تعمل النبضة كمية من الطاقة ، الطاقة الحركية الشاقولية للجزئيات المتحركة والطاقة الكامنة المرتبطة المعزولة الى الامتداد اللحظي للوتر في موضع النبضة.

ج) عندما يزداد الشد في الوتر تتصاعد القوة الداخلية بين الجزيئات بما يؤدي الى مقاومة تمزق الوتر عندما تحرك الطالبة نهاية الوتر نحو الأعلى تسحب الجزيئات المجاورة بدورها نحو الأعلى ، تعقبها المجموعة التالية من الجزيئات مجموعة أخرى وهكذا على اي حال ، لا تتحرك كل جزيئات الوتر نحو الاعلى عند نفس اللحظة ، ذلك أنه يلزم بعض الوقت كي تتحسس كل مجموعة تالية في الجزيئات القوة المحصلة الناجمة عن الحركة الضئيلة الاسبق ولا بعد من الجزيئات بينما تتجز الزمر المتتالية من الجزيئات نحو الاعلى ، تهز الطالبة يدها باتجاه الاسفل، بذا تعكس الجزيئات توجهها وتأخذ بدورها بالحركة نحو الاسفل ، تختزل المحصلة النهائية للظاهرة بأن المجموعات المتعاقبة من الجزيئات على طول الوتر تتطلق متحركة نحو الاعلى في نفس الوقت الذي تستشعر عنده الجزيئات الاسبق قوّة الشد نحو الاسفل تقع هذه العملية النبضة على طول الوتر اذ تعبّر النبضة انتاج نفسها مرة تلو مرة حتى نهاية الوتر

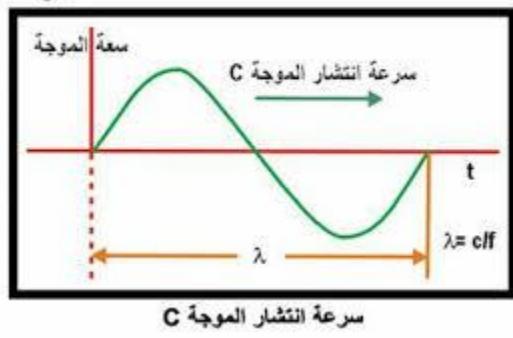
(4-1) التراكب و التداخل:

نبحث الآن بشئ من التفصيل النتائج المترتبة على عبور موجتي نفس النقطة من وتر " او من أي وسط" عند نفس اللحظه عرض فيما يلي مبدأ التراكب الذي يصبح لكل الاوساط الفيزيائية التي تعبّرها الامواج طالما بقي ساعات الامواج صغيره ، ان الازاحة الاتجاهية الفعلية للجزيئات عن موضع توانها في اي موقع في الوسط وعند ايه لحظة ، عندما تعبّر ذلك الوسط اكثـر من موجة تساوي المجموع الاتجاهـي للازاحـات التي تسبـبـها كل موجـة بشـكل منـفصل في نفس الموقـع وعـنـ نفس اللـحظـة .

اذا اعتبرنا موجة جيبية مرتحلة على امتداد وتر ومنعكستها عن سطح بين تكون الازاحتان في نفس المنحنى (y) المستعرض على نحو مماثل تكون الازاحتان الطويلتان المباشرة المنعكسة للامواج الصوتية في خط طویل ، مرة اخر وفق نفس الاتجاه الطولي (X) على اية حال ، اذا تحولنا الى كتلة كبيرة من الماء نستطيع تخيل موجتين او اكثر تعبر نقطة واحدة في اتجاهات مختلفة ، في هذه الحالة تكون الازاحتات في اتجاهات مختلفة تماماً . حتى في حالة الوتر المطابق لامتداد المحور (Y) وموجة اخرى مرتحلة الى اليسار تطابق ازاحتها اتجاه المحور (Z) تساوي الازاحة الفعلية للوتر في المحصلة المجموعية الاتجاهي للازاحتين يبين الشكلان (1-2) و (10-1) حالات مختلفة توضع تطبيقاً ا لتركيب على موجتين مستعرضتين في الاتجاه (y) تعبر احداهما ا لآخر على امتداد الوتر . توجد ثلاثة رسوم فيكل حالة يظهر الرسمان الأولان الموجتين المستقلتين بينما يظهر الرسم الثالث الموجة الموحدة " الفعلية " عند اللحظة المعينة .

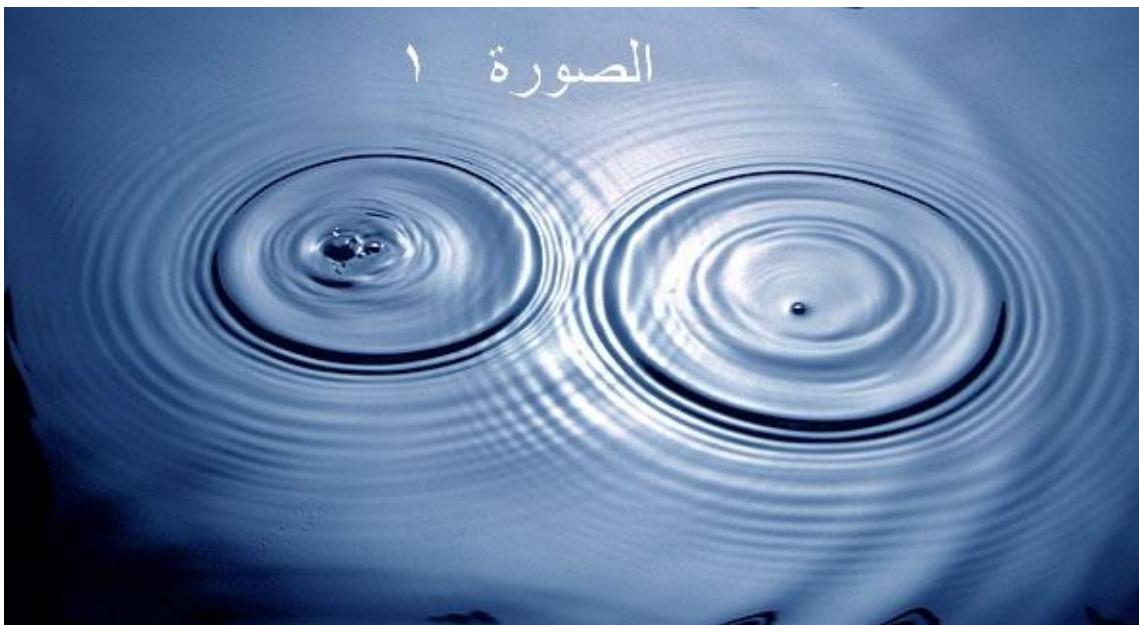
عندما تعبر موجتان نفس النقطة في وسط ثيقال انها تتدخلان ان كان الموجتان ملائقيتين لقطارين موجتين طويلتين بنفس طول الموجة فان انماطا محددة تظهر مثل النقاط التي لا تتحرك ابدا او النقاط التي تتجز حركات اعظمية تدرعي هذه الانماط التداخل .

شكل

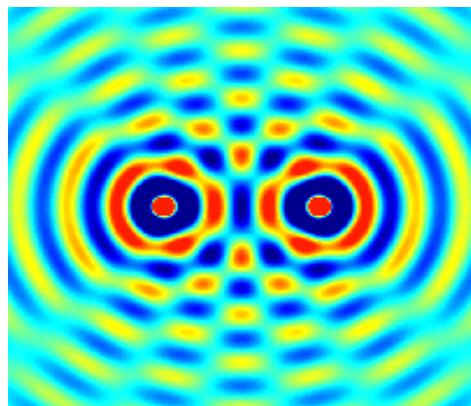


الشكل (1-1أ)

الصورة ١



الشكل (1-1ب)



الشكل (1-1ج)

متعاكسين على امتداد جزء ثابت من وتر نجد في شكل ثلاثة رسوم تمثل الموجتين بشكل منفصل ومن ثم الموجة الموحدة ، تختلف الاشكال عن بعضها يرجع الدور بها يقابل ارتحال الموجة بمقدار ربع طول الموجة وهكذا تتحرك الموضع النسبي للموجتين بمقدار نصف طول الموجة من شكل لآخر بكشف تحفص الموجة الفعلية " المركبة" في كل حالة من الحالات الاربع عن بعض المظاهر المهمة . أولا هناك بعض النقاط التي يبدو انها لا تتحرك على الاطلاق بينما يجتاز الموجتان احداهما الاخرى.

: المسألة (1 - 2)

يتحرك قطاران موجيان جييان طويلان ضمن وسط فيزيائي في اتجاهين متعاكسين " اما انهما موجتان مستعرضتان في وتر واما انهما موجتان طويلتان في خط انبوب مملوء بضائع ، ان للقطارين نفس السعة التواتر استخدام قانون التراكب لايجاد عبارة رياضية خاصة بالتشكيل الموجي الناتج .

" $\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \sin B \cos A$ " ملاحظة

الحل

يفرض ان الاحداثيين y_x و u_x يمثلان الموجتين المرتجلتين على امتداد المحور

$$Y_x(t) = A \sin(w + kx + \theta_0), \quad y_x(t) = A \sin(wt - kx) \quad \dots \dots \dots (1-1)$$

هي ثابت طور يتم تضمينه لاعتبار موجتين يجري ضبطها بشروط ابتدائية بما يؤدي الى ان تقاطع اجزاء من الموجتين عند موقع معين X في لحظة معطاة يؤثر اختيار في الموضع المطلقة للعقد المضادة وحسب لكنه لا يؤثر في اي خاصية من خصائص من خصائص الموجة الناتجة . لذا تبين الخيار

وفق قانون التراكم

$$Y_x(t) = y(x)(t) + y_x(t) = A \sin(st - kx) + A \sin(wt + kx) \dots \dots \dots (2-1)$$

باستخدام المتطابقات المثلثية المعطاه في الملاحظة . نستنتج ان:

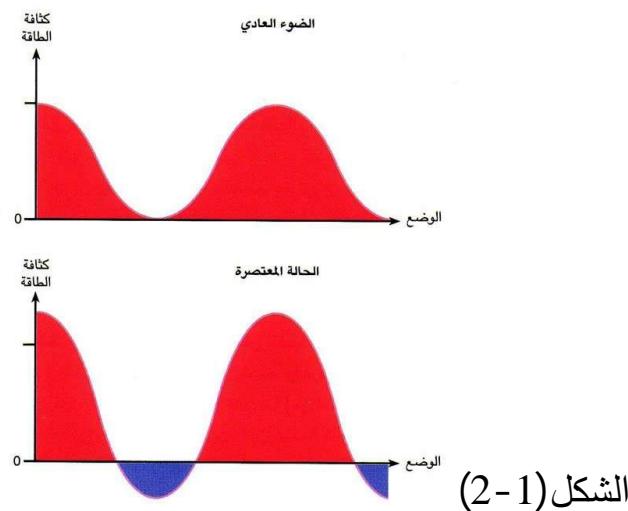
$$Y_x(t) = A (\sin w t \cos kx - \sin kx \cos wt) + A (\sin wt \sin kx + \sin kx \cos wt) \dots \dots \dots (1-3)$$

لدى دمج الحدود يلغى الحد الثاني من القوس الاول والحد الثاني من القوس الثاني نجد:
 $Y_x(t) = 2 A \sin w t \cos kx \dots \dots \dots (4-1)$

(5-1) الحركة الموجية في بعد واحد:

(1-5-1) طاقة الموجة وشدةها:

تنقل الموجة خلال حركتها الطاقة اتجاه انتشارها لحساب معدل انتقال هذه الطاقة (القدرة ، power) تحسب اولا كثافة الطاقة لكتل الموجة وبالتالي فان القدرة تمثل كثافة الطاقة ومقدار السرعة، سوف تحسب هنا القدرة المنتقلة في بعد واحد الشكل (1-2).



من الشكل (1-2) في زمن مقدار T الذبذبةقطع الموجة مسافة مقدارها "طول الموجة" بذلك اذا بدأنا عند النقطة D في الموجة سوف تصل للنقطة D في خلال الزمن T واذا استطعنا حساب الطاقة المرافقه لهذه الموجة سوف تصل للنقطة D في خلال الزمن T واذا استطعنا حساب الطاقة المرافقه لهذه الموجة فان القدرة تمثل هذه الطاقة مقسوما على لحظة ما فان طاقة الي جسم (له نفس الكتلة) في الحبل المهتز ثابتة وهذا يعني أن:

$$\text{الطاقة} = \text{طاقة الحركة} + \text{طاقة الوضع} = \text{قيمة ثابتة.}$$

(1-6) أنواع الحركة الموجية:

(1-6-1) الحركة الموجية الميكانيكية : هي الحركة الموجية التي يلزمهها وسط مادي (هواء - ماء - حبل) يعمل الاهتزاز وتتشاً عن مصدر مهتز او متذبذبا .

ومن أنماطها:

أ. الحركة الموجية المستعرضة : تهتز جسيمات الوسط في هذا الصنف باتجاه عمودي في اتجاه انتقال الموجة مثل الموجات عبر الاوتار المهترزة.

بـالحركة الموجية الطويلة: في هذا النمط تهتز جسيمات الوسط باتجاه موازيا لاتجاه الهواء .

لا يمكن اعتبار ان كل الموجات الميكانيكية على انها طويلة او معرضة ففي الموجات المستغطية دائريا في الحبل لا تكون حركة جميع جزيئاته معرضة تماما بل ان بعضها يتحرك طوليا وكذلك في الموجات على سطح الماء حيث تتحرك جزيئات الماء الى الامام والخلف والاعلى والاسفل .

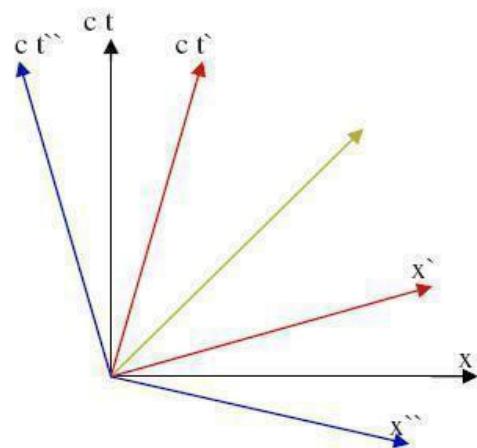
(1-6-2) الحركة الموجية الكهرومغناطيسية : هي الحركة التي لا تحتاج لوسط لعادي كي تنشر بل يمكنها الانتشار في الفراغ وتتشاً من اهتزاز مجالات كهربائية ومغناطيسية من أمثلها (موجات الراديو - الضوء - اشعة جاما).

ويضيف الاشعاع الكهرومغناطيسي وفق لتردد موجته ويكون الطيف الكهرومغناطيسي وفقا" لتزايد التردد وتتناقص الطول الموجي

(3-6) الحركة الموجية المادية: هي الموجات المصاحبة لحركة الجسيمات المادية

(3-7) الوصف الرياضي للحركة الموجية:

تعتمد سرعة انتشار الموجة (سرعة انتقال الطاقة خلال الوسط) على طبيعة ذلك الوسط الذي تنتقل الموجة خلاله ، وكذلك على الاضطراب Disturbance المسبب لها سوف نعتمد في حسابتنا الوسط ا لبسيط والذي يمكن سرعة الموجة فيه ثابتة نريد الان ايجاد الصيغة الرياضية لموجة تدرك في اتجاه واحد ولكن محور X الموجب الشكل (3-1) يمثل موجة تتحرك الى اليمين في اتجاه واحد والتي يمكن اعتبارها نبضة pulse في حل مثلا



.الشكل (3-1).

اذا افترضنا ان سرع انتشار هذه الموجة النبضة V في اتجاه محور X الموجب كم هو موضح في ال شكل فانه بعد فترة زمنية مقدارها t تكون هذه الموجة قد قطعت مساحة مقدارها $. Vt$.

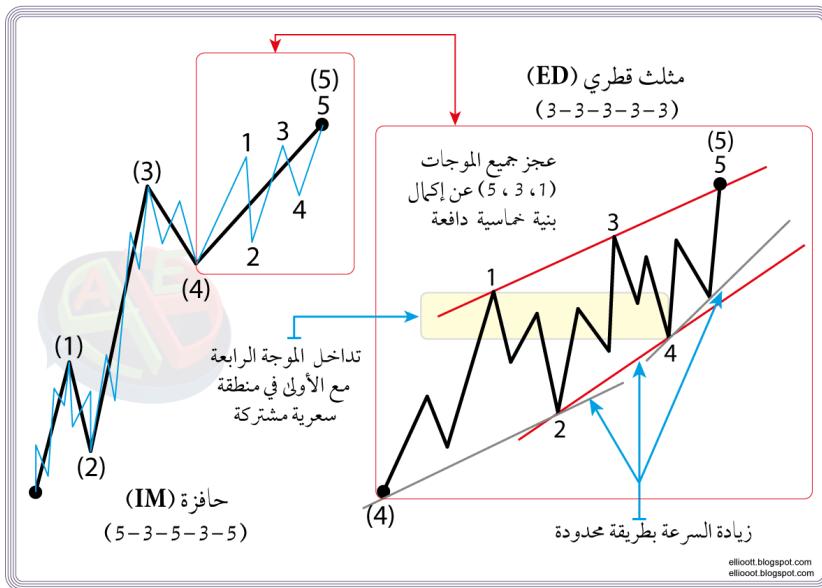
والآن يمكن ان قدص الموجة رياضيا بالعلاقة بين الاذاحة y وكل في X و t اي ان

حيث تمثل المعادلة (1-5) شكل الموجة وموقعها على محور x

يمثل الشكل (3-1) الموجة بعد زمن $t > 0$ اي بعد ان تكون قد تحركت مسافة Vt على محور X

لو اضفنا ان هناك اطار اسناد ($x.y.z$) يتحرك مع النبضة بنفس السرعة V فان هذه النبضة تظاهر وكأنها ثابتة بالنسبة لاطار الاسناد هذا .

الشكل(1-4) هذه النبضة تظهر وكأنها بالنسبة لاطار الاستناد هذا:



الشكل (4-1)

اي ولكن احداثيات اي نقطة تقع على الموجة بالنسبة لاطاري الاسناد اي ان

$$Y = f(x + Vt)$$

أي أن:

$$y = y - Vt \dots\dots\dots (1-6)$$

بذلك فان ازاحة شكل النقطة هي نفسها بالنسبة لاطاري ا الاسناد اي ان

$$Y = f(x - Vt) \dots\dots\dots (1-7)$$

و اذا اردنا ان نتبع جزءا معينا من الموجة مع الزيادة في الزمن t اي اننا نطلب الى قيمة محددة للازاحة y وهذا يعني رياضيا كيفية تغير لامع الزمن t عندما يكون $(x - vt)$ مقدارا ثابتا وبذلك فان X تزداد مع الزمة حتى بعض المقدار تمثل معادلة تتحرك الى اليمين .

المثل ان العلاقة الرياضية التي تمثل موجة تتحرك على محور X الى اليسار بسرعة لا تعطى بالعلاقة .

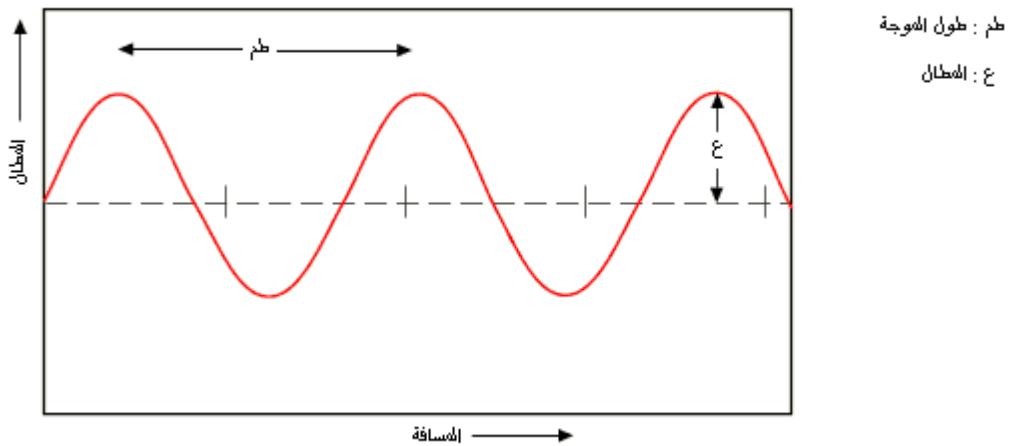
$$Y = f(x + Vt) \quad (1-8)$$

هنا تتفاصل مع الزيادة في الزمن t وذلك للحصول على قيمة ثابتة للمقدار .

للحصول على قيمة ثابتة المقدار $(X+Vt)$ و اذا كانت ا الموجب تتحرك الى اليمين فانه لطور معين .

$$\text{ثابت } X - vt$$

الشكل (5-1)



الشكل (5-1)

وبإجراء عملية التفاضل لزمن t نجد أن :

$$\frac{dx}{dt} - v = 0$$

$$\frac{dx}{dt} = v$$

الشكل (5-8) يمثل موجة توافقية عندما $t=0$ حيث ان معادلة الموجة هي

$$y = A \cos K(x - vt) \dots \dots \dots (1-9)$$

فإن ازاحة أي جسم على هذه الموجة عند $t=0$ يعطي كالتالي :

$$y = A \cos Kx \dots \dots \dots (1-10)$$

هنا تمثل A سعة الموجة (Amptitudw) وهي عبارة عن القيمة العظمى للإزاحة عن

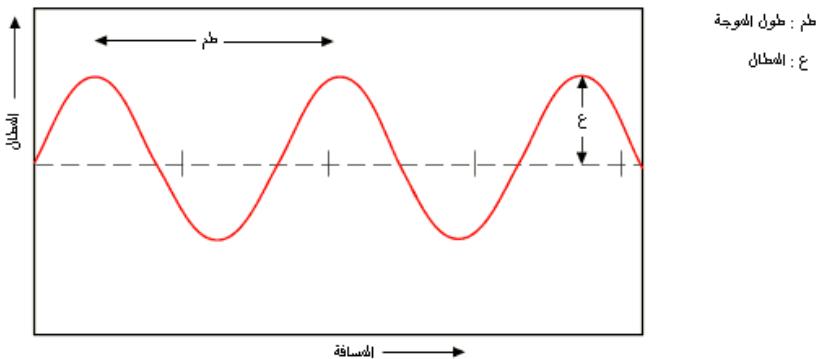
موقع الاتزان وأما K فتسمى العدد الموجي Wave number

وبعد زمن معين $t=0$ فإن الإزاحة تمثل بالشكل (6-8) حيث يمكن كتابتها

رياضياً بالمعادلة

$$y = A \cos K(x - vt) \dots \dots \dots (1-11)$$

الشكل (6-1)



من الشكل (6-1) أو الشكل (5-1) نرى أن الإزاحة عند

....., $x+3y$, $x+zy$, $x+y$

هي نفس الا زاحة عند القيمة x حيث ان تمثل طول الموجة " انظر الشكل (1-6)

وبهذا فان:

$$ky = ky = z^{\pi}$$

$$K = \frac{\pi}{\lambda}$$

وكما ذكرنا يسمى K بالعدد الموجي ووحداته في النظام العالمي قد (m^{-1}) والآن يمكن كتابة المعادلة الموجية (8-10) بدلالة كميات أخرى أكثر ملائمة مثل العدد

الموجي K والتردد الزاوي w

ويستخدم المعادلة (11-1) وكذلك

حيث ان t زمن الزيزية V وهو التردد ووحداته . s^{-1} أو هيرتز Hz فان المعادله (1) -

11) تصبح كالتالي:

$$y = A \cos \frac{2\pi}{t} (Xvt) \dots \dots \dots (1-12)$$

$$A \cos 2\pi \left(\frac{2\pi}{t} - \frac{2\pi}{t} t \right) \quad \dots \dots \dots \quad (1-13)$$

وذلك لأن :

$$A \cos 2\pi \left(\frac{2\pi}{t} - \frac{2\pi}{t} \right) \dots \dots \dots \quad (1-14)$$

وذلك لأن :

V = v λ

$$V = \frac{A}{t} \dots \quad (1-15)$$

وذلك فان المعادلة (13-1) يمكن كتابتها على الشكل .

$$y = A \cos(kx - wt) \quad \dots \dots \dots (1-16)$$

- حيث تفاصيل في النظام العالمي بالметр m ويقاس الزمن t بالثوانى s المعادلة (1)

أو (15-16) تمثل معادلة موجة توافقية Hammicwavel تتحرك في اتجاه

محور x الموجب.

وفي الشكل العام فان المعادلة (1-16) تكتب على النحو التالي:

F زاوية الطول الثابت

اذا كانت = فان المعادله(1-17) تصبح

$$y= A \sin(kx - wt) \quad (1-18)$$

اما اذا اعتربت حركة الموجة في الاتجاهين (X ايجي و X سالب) فان المعادلة
الرياضية هي

$$y= A \sin(kx \pm wt) + \textcolor{blue}{G} \quad (1-19)$$

في المعادلة(1-19) الاشارة السالبة تعطي معادلة الموجة اذا كانت تتحرك جهة اليمين
بينما الاشارة الموجة تعطي معادلة الموجة اذا كانت تتحرك جهة اليمين

الفصل الثاني

❖ الموجات

مقدمة:

الموجة ومجموعها موجات او امواج في الفيزياء هي احد اشكال انتقال الطاقة تتحرك وبعض اشكال انتقال الطاقة تتحرك الموجات ف وسط مادي (باستثناء الموجات الكهرومغناطيسية وبعض اشكال الجزيئات الكمية ذات الخصائص الموجية) . حيث تنتقل فيه الموجات وتنتقل الطاقة من مكان الى اخر بدون ازاحة الجزيئات للوسط بشكل دائم اي انه لا تنتقل اي مع انتقال الموجة ولكن جزيئات الوسط تتحرك بشكل متعمد او مواز لاتجاه حركة الموجة حول موقع ثابت .

تكسر موجة على شاطئ صخري للموجات صفة دورية فالموجات عادة تكون تكرار لنمط ما من الشدة في فترات زمنية متباينة بفترة فاصلة فيما بينهم ويسمى عدد الامواج المادة في مقطع ما مقسوما على وحدة الزمن التردد . وتسمى المسافة الافقية التي تقطعها الموجة الواحدة طول الموجة ، وسنلاحظ تداخل الموجات في شكل تداخل بناء وتداخل هرما وایجاد المعادلة ا لموجية وسلوك الدالة الموجية وعدد من خصائص الحركة التوافقية البسيطة وسندری عدد انواع الموجات في هذا الفصل .

(1-2) تعريف الموجات:

الموجة : هي الاضطراب الذي ينتقل في اتجاه معين وسرعة معينة ولا يستلزم ذلك انتقال جزئيات الوسط الذي تسرى فيه الموجة بل ان الجزئيات تتحرك حركة اهتزازية دورية حول مواضع اتزانة اي تتحرك حركة توافقية بسيطة يمكن تمثيلها بيانيا بالمنحنى الجيبى .

-هي اضطراب لحظي ينتقل من الوسط المحيط بمصدر الاضطراب في اتجاه معين وسرعة معينة ، ويقوم بنقل الطاقة في اتجاه انتشارها

(2-2) الظواهر الموجية :

اذا ، برز في موضع ما من وسط مرت تشوہ معین ، فانه لا يبقى مع انتهاء التأثيرات الخارجية من موضعه ، ونها يتشر في الوسط في كافة الاتجاهات اقول في مثل هذه الحالة انه تنتشر في الوسط المرنة اضطرابات او امواج .

ان عملية انتشار الامواج مألوفة في حياتنا اليومية ، فمن منا لم ير حركة امواج البحر وحركة سطح الماء الهادي عند هبوب نسيم خفيف تعلب الظاهرة الموجية ادوار هامة في كافة فروع الفيزياء ، يكفي بهذا الخصوص التذكرة بأن كافة التأثيرات المتبادلة ، بين الاجسام الطبيعية تتم بوساطة الحقول التي تنتشر في شكل امواج بسرعات محدودة اقصاها سرعة الضوء في الخلاء.

تمتلك كافة الظواهر الموجية مجموعة من الخواص العامة التي سنحاول اقرارها عن طريق دراسة متالين ماخوذين من الميكانيكا، الا هما امواج العرضية المنتشرة وفق وتر مشدود والامواج الصوتية المنتشرة في مائع غير قابل

للانضغاط ، ان الاضطراب الصوتي ناتج عن تغيرات مقدار سلمي هو المضغط ، وعلى هذا فالامواج الصوتية هي امواج سلمة مما توجد امواج شعاعية من أمثلتها الامواج الكهرومغناطيسية الناتجة عن تغيرات الحقول الكهرومغناطيسية.

تجدر الاشارة من البداية الى ان عملية انتشار موجة ما هي في حقيقة الأمر عملية نقل للطاقة ، تقود عملية مرور موجة في وسطها هي من حقيقة الامر عملية نقل للطاقة تعود عملية مرور موجة في وسط ما الى اهتزاز كل عنصر من هذا الوسط ، مثل اهتزازات الضغط والسرعة في حالة الامواج الصوتية.

لذا يغزو كل عنصر مهتز من حجم الكتلة نتيجة للحركة الموجية تماما لطاقة متناسبة طردية مع مربع سعة اهتزازية ، اذا ما انتشرت الموجة بسرعة ، فان تدفق الطاقة من خلال سطح عمودي خلال فاصل زمني متناسب مع مربع سعة اهتزازية ، لذا ينبغي الحصول على موجة دائمة وجود مصدر بالاضطراب يزور الموجة بالطاقة اللازمة ، تدعى الطاقة التي تحملها الموجة معها بطاقة الاشعاع.

ان اسهل طريقة للحصول على حركة موجية هي اخذ حبل مثبت من احدى نهايته وشدة من نهاية الحرة اما نحو الاعلى او نحو الاسفل تجري وفق الحيل نتيجة لذلك ذي وقيعان الامواج ، يمكن اذا كان الحبل لانهائي الطول تسميه هذه الامواج بالمتقدمة ، حتى الحالة العامة ترعى الامواج الناتجة الناتجة عن تأثير خارجي وطبق على سطح مفتوح " غير ممتلك لحدود" الامواج المتقدمة

انها ترجي مبتعدة عن مصادرها دون ان تتعكس ، ان احدى الخواص الهامة لامواج المتقدمة هي انها تحمل طاقة واندفاعة فمثلا ، اذا ما سقط قطرة ماء على سطح هادئ لماء في خزان ، فانها تتسبب انتشار امواج دائيرية ، يمكنها اكتساب طاقة حركية كثرة طاقية على السطح اوزيادة الطاقة الكامنة تغضيب واقع جزئيا في الماء .

اذا ما قامت القوة الخارجية باهتزازات توافقية ، فان الامواج الناتجة عنها تدعى بالامواج المتقدمة التوفيقية تقوم كافة عناصر الجملة في النظام المستقر باهتزازات توافقية بتواتر مسا لتواتر ا لتأثير الخارجي اما اذا كانت ابعاد الوسط معدودة كان يستبدل الخيل مثلا بوتر مثبت النهائيتين فان الامواج المتقدمة المنتشرة في الموتر تعكس على كل من نهايتي متعاكسين تدعى الامواج الواقفة.

تنتهي الامواج المنتشرة الوسط عموديا على جهة الانتشار ، اما عندما تهتز جسيمات الوسط عموديا على جهة الانتشار أما عندما تهتز جسيمات الامواج الصوتية ، لا يمكن ان تتواجد الغازات الا امواج طولية ، اما في الاجسام الضئلية فيمكن ان تنتشر امواج عرضية وأخرى طولية ان ذلك ناتج عن امتلاك الاجسام الصلبة لاشكال معددة وذلك على العكس من المowanع .

لراقب حركة المستوى متساوي الطور في الوسط مع الزمن تبقى كافة الوسائل الواصفة لحركة الموجة في هذا المستوى ثابتة توافق " الرأي " و " الوهاد " مستويات السعي العظمى للاهتزازات المزاحمة بالنسبة لبعضها يطور مقداره " توافق " ١ لريو " مستوى السعة العظمى السالبة للاهتزازات .

ترعى الموجة بالكريوية، فيها اذا كانت السطوح متساوية الطور عبارة عن كرات متمركزة ،
يقع مصدر مثل هذه الامواج في مركز الكرات ، تهتز كافة المهتزات الواقفة على
سطح كروي واحد متوافق بالطور ، يمكن عمليا اعتبار الامواج الكروية على
مسافات كبيرة عن متابعتها بمثابة امواج مستوية ، سنعتبر المنبع المولد للامواج
كريوية بأنه تعطي وبأنه تماثل المتأхи" وذلك لكي يشع امواج متماثلة في
كافحة الاتجاهات.

(3-2) خصائص الموجات:

الحركة الموجية هي حركة تنتقل فيها الطاقة ميكانيكية كانت او كهرومغناطيسية دون ان يكون هنالك انتقال لماده وسط الذي تسري فيه وقد تتباين اشكال الموجات لاختلاف مصادرها والظروف التي تحيط بها.

شكل الموجة يتراوح بين ما بسيط وما هو في غاية التعقيد.

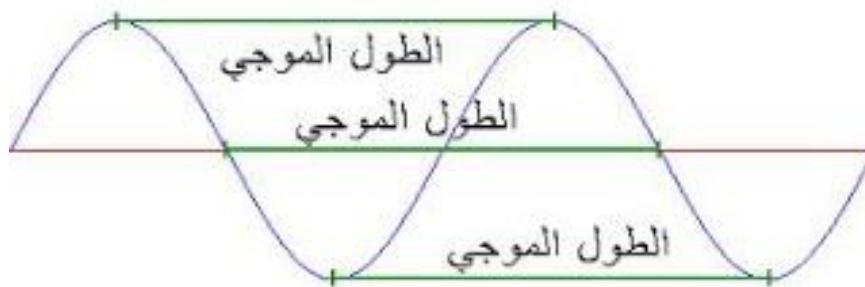
تتميز الموجات ايا كان شكلها بانها تعقيد نفسها بعد فترة معينة من الزمن " بالزمن الدوري " ويرمز له بالحرف " T " والمسافة التي يغطيها اي نقطة من الموجة خلال هذه الفترة تسمى بطول الموجة ويرمز لها بالرمز " X " وترتبط الكميتان بسرعة الموجة " C " بالعلاقة العامة .

$$C = \lambda / T = v$$

حيث تمثل تردد الموجة ويعرف بأنه عدد الذبذبات في الثانية الواحدة من جراء الحركة الموجية وتساوي رياضيا فلوب الزمن الدوري $(1/T)$ ووحداتها دورة/ ثانية او هرتز .

يمكن تمثيل اي موجة بسيطة بالمنحنى المرسوم ويعبر عنه رياضيا بالصيغة

$$y = A \sin W (t \pm \frac{x}{v}) \quad (1-2)$$



شكل (1-2)

هذه المعادلة تصف اهتزاز جميع النقاط في الانتشار الموجي على المحور (X) والمتساوية في الازاحة (Y) حيث يتمثل على التردد الزاوي ويرتبط مع كل من T and x بالعلاقة التالية:

$$W = \frac{2\pi}{T} \text{ rad} \dots \dots \dots \quad (2-2)$$

هذه المعادلة تمثل اتجاهين للانتشار موجات سعة ذبذبتها A على النحو التالي:

أ/ في الاتجاه الموجب للمحور X يكون :

$$y = A \sin W \left(t - \frac{x}{c} \right) \dots \dots \dots \quad (2-3)$$

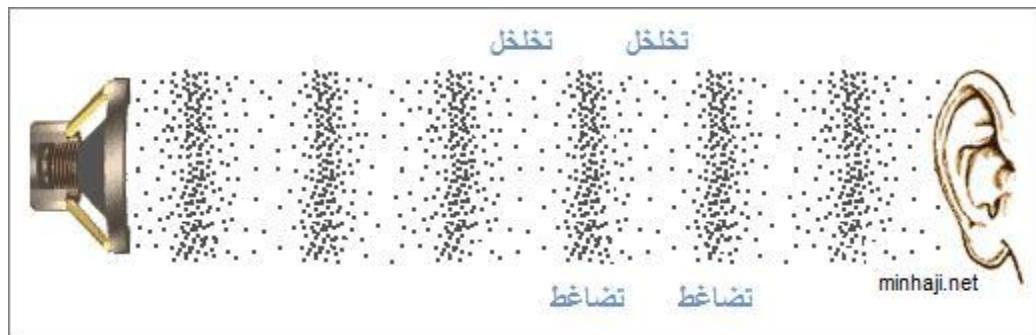
ب/ في الاتجاه السالب للمحور x يكون :

$$y = A \sin W \left(t + \frac{x}{c} \right) \dots \dots \dots \quad (2-4)$$

(4-2) أنواع الموجات:

(1-4-2) الموجات الصوتية:

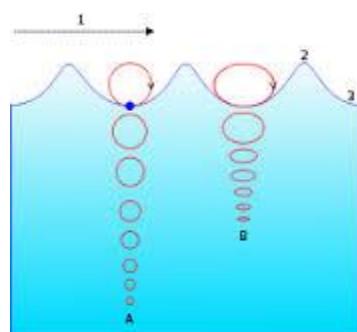
هي موجات طويلة تنتقل في اي مادة تقريبا سواء كانت هذه المادة صلبة ام سائلة ام غازية وتتشاً هذه الموجات بواسطة اي اليه لتوليد الموجات التصاغطية في الوسط المحيط.



(3-2) الشكل

(2-4-2) الموجات المستوية :

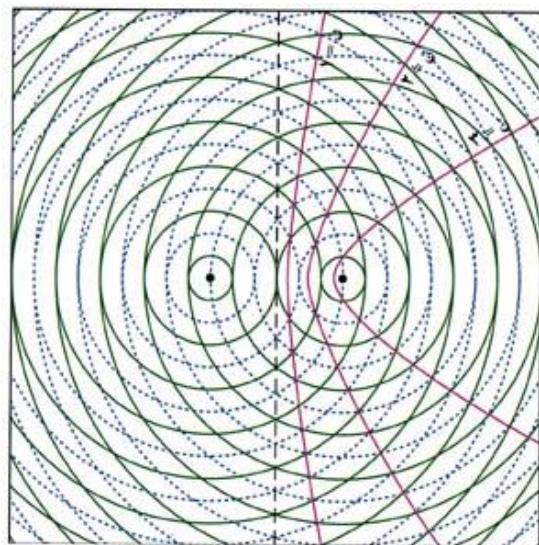
هي الموجات التي تكون بعيدة عن مصدرها وهو مصطلح تطبق على الموجات ثلاثية الابعاد وعند تصل القمم 1 لموجية الى مسافات كبيرة جدا بالنسبة الى المصدر سوف تصبح هذه الدوائر كبيرة جدا احتواها صغيرها جدا ستبدو على هيئة خط مستقيم تقريبا اثناء مرورها على السطح.



(4-2) الشكل

(3-4-2) الموجات الدائرية :

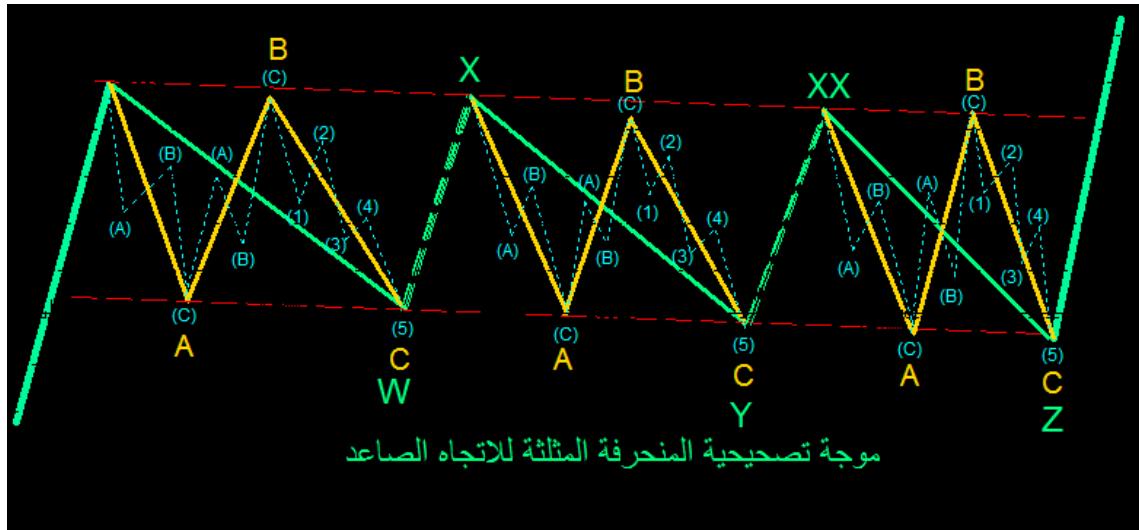
هي التي تتناقص باستمرار مع زيادة بعدها عن المصدر وهذا ينبع من التباعين بين القمم والقيعات وهذه الظاهرة تعكس حقيقة ان الطاقة التي تحملها الموجة تتوزع على جبهة موجية تزداد كبدا بزيادة بعدها عن المصدر وهذه الظاهرة لا تحدث في حالة انتشار الموجات على الوتر او الزيزكات او القفيان لأن الطاقة كلها تنتشر في خط مستقيم أي في بعد واحد فقط.



الشكل (5-2)

(4-4-2) الموجات الانتقالية:

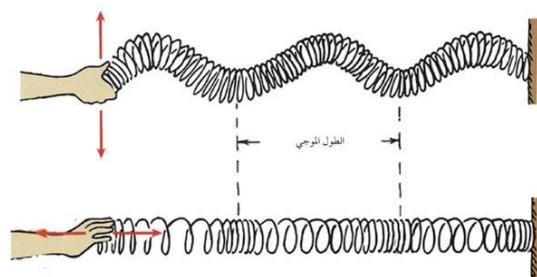
هي ا لتي تنشأ عن مرونة الوسط ويكون هنالك وسطا مكونا من نقطة مادية يتصل بعضها ببعض بنوي بينه يمثلها حركة وعند ما تنتقل موجة تقدمة في وسط ، تتحرك نقط هنا الوسط حركة توافقية بسيطة تكون سرعة النقطة المادية في الوسط اكبر ما يمكن عندما تمر بمركز الحركة.



(الشكل(6-2)

5-4-2: الموجات الموقوفة:

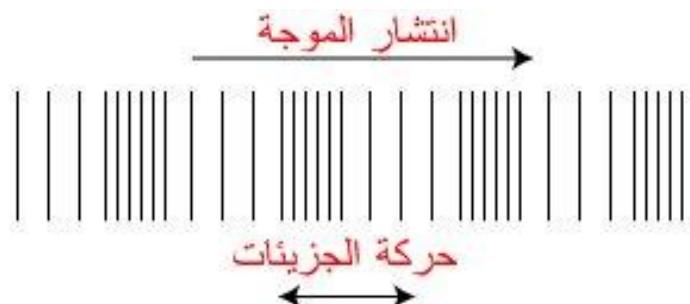
ت تكون الموجات الموقوفة عندما تتدخل موجات متزامنتان يتحركان في اتجاهين متضادين . وتحصل على هذه الموجات عادة عندما تعكس موجة اثرمية في وسط ما فتطبق الموجة مع الموجة الاصلية الساقطة لتكون موجة موقوفة ويمكن رؤية هذه الموجات الموقوفة بالعين المجردة ، اذا من احد طرفيه باليد من الطرف الآخر مع تغير تردد نجد اننا نصل الي وضع ت تكون فيه الموجات .



(7-2) الشكل

(6-4-2) الموجات الطويلة:

هي موجة تتذبذب فيها جزيئات الوسط حول مواضعها الانتزانية في اتجاه انتشار الحركة الموجية وتكون من تضاعفات وتخلاطات تتسم الموجات الطويلة بقيمتين كهرومغناطيسية وموجلات ميكانيكية الطولية التي حيث ان الموجات الكهرومغناطيسية اساسا هي موجات عرضية الا انه في بعض الحالات النادرة وتحت ظروف خاصة " مثل موجة البلازما"

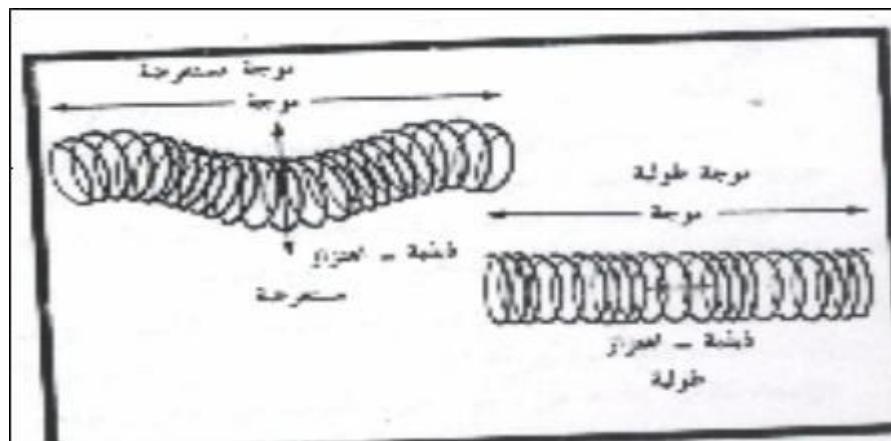


(8-2) الشكل

(7-4-2) الموجات المستعرضة:

هي موجات متحركة متكونه من ترددات عموديه علي اتجاه انتشار الموجه تكون الموجه العرضيه من قمم وقيعان اشهر الموجات العرضيه هي الموجات المائيه والكهرومغناطيسيه

الطول الموجي للموجه المستعرضه هو المسافه بين اي قمتين متتاليتين او بين اي قاعدين متتاليين او بين اي نقطتين متتاليتين لها نفس الطور ونفس السرعه ونفس السعه ونفس الاتجاه



الشكل (9-2)

(8-4-2) الموجات الكهرومغناطيسية:

تتولد هذه الموجه نتيجه لتذبذب الشحنات الكهريه وحركتها للأمام والخلف وهي تتنقل في الفضاء بسرعة الضوء وهي 299.792 كم في الثانيه وابسط الموجات

الكهرومغناطيسية وهي الموجات المستوية والتي تنتقل عبر الفضاء في خطوط مستقيمة

(5-2) تداخل الموجات:

التداخل يعني ذلك التأثير الفيزيائي الذي ينتج عن تحميل موجتين جيتين متساوين في التردد والتحركات في نفس الاتجاه ونفس السرعة ولكن يفرق طور ثابت مقداره () نفترض ان مركبات شدة المجال الكهربائي في اتجاه X للموجتين هما:

$$E_1 = E_0 \sin (Kx - wt - \phi) \quad (2-5)$$

$$E_2 = E_0 \sin (Kx - wt) \quad (2-6)$$

حيث K العدد الموجي =

W التردد الزاوي =

ولدراسة معنى نستطيع ان نكتب المعادلة (2-5) بطريقتين

$$E = E_0 \sin \left(Kx - \frac{\phi}{k} - wt \right) \quad (2-7)$$

وفي هذه الحالة تكون الموجتان " عند لحظة معينة t " مبعدين عن بعضهما مسافة ثابتة قدرها أو

$$E = E_0 \sin \left(Kx - \omega t + \frac{\phi}{\omega} \right) \quad (2-8)$$

اي انه اذا رصدنا حركة الموجتين من موضع بين X فان الموجتين تختلفان في الزمن بمقدار ثابت هو

التدخل البناء:

اذا كان صغيرا جدا بان $\cos^{\frac{\theta}{2}} = 1$ تكون السعة الجديدة $E_0 = 2E_0$ اي ضعف السعة الاصلية تقريبا واذا كانت تساوي صفر تماما فان السعة $= ZE_0$ اي ان الموجات مكونات في كل مبني اي متطابقتان وبالتالي تقویان بعضها ويسمى التداخل البناء ويكون $= 0, 2\pi, 4\pi, \dots$

فإن شرط التداخل البناء هو أن تكون فرق المسار مساويا $0, \lambda, 2\lambda, 3\lambda, \dots$ اي عدد صحيح في طول الموجة .

التدخل الهدام:

اذا كانت فان المحصلة تصبح صفراء ويسمى التداخل حينه بالتدخل الهدام ويكون ايضا اذا كانت $(3) \dots 0$... يكون شرط التداخل الهدام هو فرق المسار يساوي

$$\frac{\lambda}{2,3\lambda}, \dots, \frac{\lambda}{2,5\lambda}$$

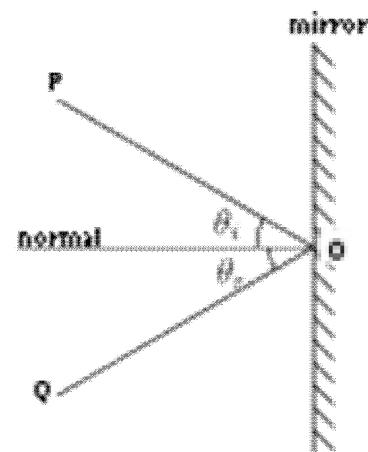
اي يساوي اعداد فردية من انصاف الاطوال الموجية .

(6-2) انعکاس الموجة:

لدراسة هذه الظاهرة تتبع نبضة موجية واحدة تتحرك على الوتر الى اليمين كما هو مبين بالشكل (2 - 3) عندما تصل هذه النبضة الى الحامل فانها تؤثر عليه بقوة معينة الى اعلى ، وحيث ان الحامل مثبت في مكانه فانه يتحرك ولكنه

سوف يؤثر على الوتر بقوة مساوية ومعاكسه الى اسفل وهذه القوة سوف تسبب التالي تسارع الوتر الى اسفل لينخفض بذلك عن موضع الاتزان مسافة تعمد على كمية تحركه ونتيجة لذلك تقلب النبضة واساسا على عقب عند اصطدامها بالحامل ولذلك تبدو النبضة المنعكسة كما هو موضح بالشكل (2-3) واذا كان الوتر حرا تماما في ان يتحرك الى اعلى والي اسفل عند الطرف الايمن ان تخفض هكذا ببساطة عند الطرف الايمن للوتر.

تنقلب الموجة المتحركة على الوتر عند الانعكاس من الطرف الثابت تبين الاسهم الرئيسية حركة أجزاء الوتر المختلفة.



الشكل (10-2)

ونلخصها لذلك نقول ان الموجة تنقلب بالانعكاس عند الطرف الثابت، وتتعكس بدون تانقلاب عند الطرف الحر ، تتفيد الان ما يحدث عند التقاء نبضة منعكسة متحركة على وتر الي اليسار مع نبضة أخرى متحركة على نفس الوتر تجاه

اليمين ، واذا وقعت نقطة تحت تأثير نبضين موجتين او أكثر في نفس الوقت فان ازاحتها المحصلة تساوي المجموع للازاحات الناتجة عن النبضات المتقross.

(7-2) الدالة الموجية:

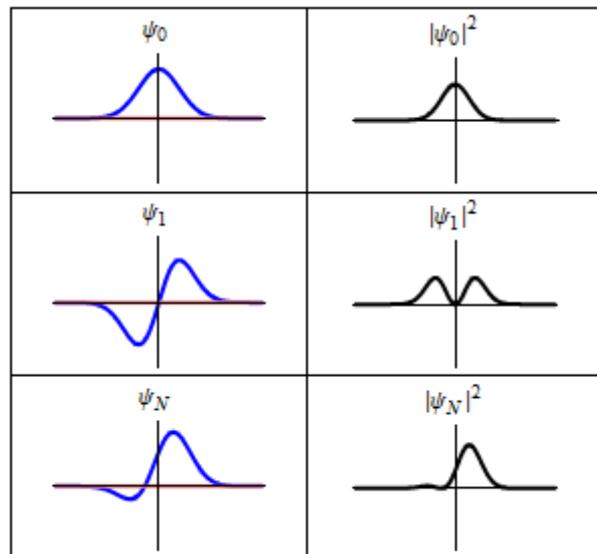
تميز الجسم بدالة موجية قد تكون الدالة الموجية تحت ظروف معينة احاكية متوجهة او كمية رياضية اكثر تعقيدا وسنعتبر هنا الدوال الموجية المقدارية **فقط** والتي تستخدم لها الرمز الرياضي **(ونكتفي الدوال caler were function)** الموجية المقدارية لوصف معظم الجسيمات المادية لكنها لا تكفي لوصف الفوتونات) وتحقق الدالة التي قد تعتمد على كلا الموضع والزمن ومعادلة تقاضلية تدعى معادلة ترويجية التي تشبه ولكنها لا تمايز تماما معادلة الموجة التي يحققها المجالن الكهربائي **(E)** و المغناطيسي وسوف نبحث في الجزء 15 صيغة بسيطة لمعادلة ترويجية وكما ان المرء يستطيع ان يتعلم الشئ الكثير عن المجالين الكهربى والمغناطيسي من دون دراسة معادلتها الموجية ودلائلها قبل ان تدرس معادلة ترويجية خاصة بها وسيكون مثل هذا الاستكشاف مهمتها في هذا الجزء من الباب .

شرط معادلة دوبروبي بين الطول الموجي والتراكم ولكن الموجة لا يكون لها طول موجها محدد تماما الا اذا كانت موجة جيبية تامة ولذلك فان كان الجسم رخم معرفى بدقة (في) فان دالته الموجية تكون دالة جيبية طولها الموجي حيث لمثل هذا الجسم الذي يتحرك على المحور السيني يمكن كتابة الدالة الموجية كما يلى:

$$z \sin KX = z \sin = z \dots \dots (2-9) \sin$$

ثانية

ونجد أن تعتمد على زمن كما تعتمد على الموضع فان اللقطة للموجة في لحظة ما الشكل (2-1) يكفي للنقاش الحالي . وللموجة اشكال عديدة علاوة على الموجة الجسيمية فمثلا قد تظهر الموجة كما في الشكل (2-1ب) ومثل هذه الموجة يكون الطول الموجي محددا على نحو تقريري لا على نحو مضبوط وعلى نحو مماثل ويكون رقم الجسيم الذي يصاحبه مثل هذه الموجة محددا على نحو تقريري فقط مقاسي وقم الجسيم المميز بهذه الموجة الثانية فقد يأخذ اي قمة ضمن مدى معين ونلاحظ هنا مظها للاحتمال يرتبط ارتباطا وثيقا بالطبيعة الموجية للجسيمات فقد يأخذ الجسيم اي رقم من بين عدد من الازقام المختلفة (أو من مدى متصل من الازقام) وكل رقم احتمال معين واذا كان الامر كذلك ان دالته الموجية تكون خليطا من عدة اطوال موجية.



الشكل(2-11-أ-ب)

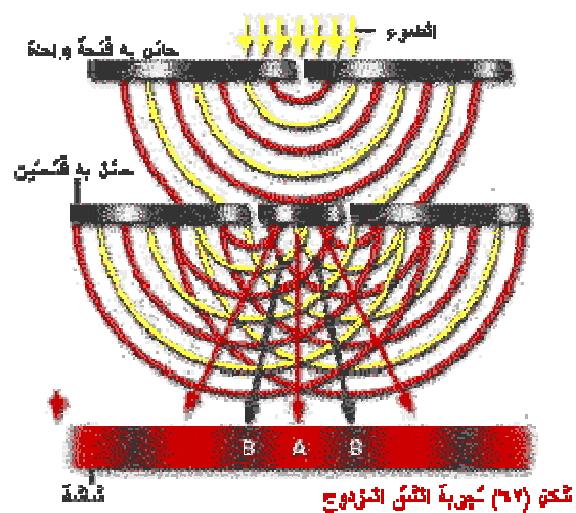
- أ/ الدالة الموجية الجسيم زخمة ثابت هي موجة جيبية .
- ب/ قد تكون للدالة المودية عدة اشكال والشكل المبين هنا يصف جسيما بموضع جزئيا في المكان ولا يملك زخما محددا بالضبط.

ترتبط الدالة الموجية على نحو مباشر الى ابعد باحتمال الموضع اعتبار الكترونات (أول جسيمان اخرى) تحيد بسوق منفرد الشكل (2-12) ان السف الضيق الرفيع ينتمي في جعل الموجة تنتشر في نمط عريض تماما كما يحدث لامواج الصوت او الضوء فاين يوجد الجسم ؟ والي ان يقاس الجسيم باعتباره جسيما فانه يمكن القول ان موجود في كل مكان او ان غير موجود في اي مكان علينا اذا ان نفكر به لا باعتباره جسيما بل باعتباره موجة تنشر حقا من السوق وعلى اي حال هذا الجواب لا يكفي لاجل غير مسى اذا يمكننا ان نضع عددا كما في الشكل (2-12) بدخول الجسيم الى اي مكان محدد ولذا هناك وفق الدالة الموجية احتمال معين بالكشف عن الجسيم (او الضوء عليه) في ذلك المكان وهذا الاحتمال يتاسب مع المربيع المطلق للدالة الموجية للجسيم .

حتم ()

الشكل (2-12) حيود الالكترونات في شق منفرد .

ان مربيع الدالة الموجية عند مستوى المشاهدة يتاسب مع شدة الموجة عند ذلك المستوى وهو يقيس احتمال الكشف عن الجسيم.



الشكل (12-2)



موجة الكترونية

(9-2) المعادلة الموجية :

سنقوم باستنباط المعادلة الموجية انطلاقا من دراسة حركة موجة عرضية منتشرة وفق وتر.

لدرس الانزياح الشاقولي لقطعة صغيرة من وتر متاجنس طبعا بتغيير الانزياح (Y) من الزمن وهو متعلق بالاحداثية (X) المعددة لموضع الاهتزازات ، سنقتصر على دراسة الاهتزازات في مستوى الشكل

سنرمز للكثافة الحطبية لتوزيع مادة الوتر ب (ρ) يمتلك الوتر تواترا ثابتا T وتدريس اهتزاز صغيرة المسعة بحيث تكون المعادلات التي تحصل عليها خطية ، لكن تأخذ في الاعتبار قوى التقالة يتضح من الشكل انه يؤثر على عنصر ds من أحد طرفيه تؤثر T موجة تحت زاوية بالنسبة للمحور X أما على طرفه الآخر فيؤثر توتر T مسار السابق ، ولكن تحت زاوية طول العنصر ds يساوي .

$$ds = \frac{\sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2}}{2\rho} dx \quad (2-10)$$

لكن نظرا لاقتضانا على الاهتزازات الصغيرة ، يمكن اهمال الحد الثاني تحت الجذر بالمقاومة مع الواحد ووضع $ds = dx$ كتلة العنصر المدروس من الوتر تساوي.

$$dm = P ds = P dx \quad (2-11)$$

لتطبيق قانون نيوتن الثاني على حركة هذا العنصر .

$$P dx = \frac{J^i y}{J X^i} = d f y \dots \dots \dots (2-12)$$

حیث ان :

لڪن :

يُشير الدليل X أو $x + dx$ إلى النقطة التي يحسب المشتق لها من ثم فان :

$$dFy = T \left(= \frac{dy}{dx} \right) dx - \left(= \frac{dy}{dx} - x \right) = T = \frac{J^2 y}{JX^2} dx \dots\dots\dots(2-15)$$

نتوصل بالتعويض عن ذلك في معادلة الحركة الى ان :

$$= \frac{J^z y}{JX^z} = \frac{r}{p} = \frac{J^z y}{JX^z} \dots \dots \dots \quad (2-16)$$

ان وحدة قياس المقدار P/T هي وحدة قياس مربع السرعة ، لذا نرمز له بـ V أي

نَضْعٌ:

ومن ثم تأخذ معادلة الحركة الشكل الآتي:

ان هذه عبارة عن المعادلة الموجية الرابطة بين تسارع المهتر التواافقى في الوسط المشتق والثانى من الانزياح بالنسبة الاحادية X المحددة لموضع المهتر.

ان السرعة الداخلة في المعادلة الموجية هي السرعة الطورية وهي عبارة عن انزياح المستوى متساوي الطور ، تبرز هذه السرعة في حالة الوتر بمثابة الجذر التربيعي من النسبة بين الوتر والكثافة الخطية العطالية لتوزيع مادته .

$$V\phi = \sqrt{\frac{T}{P}}$$

الحركة التوافقية البسيطة:

(1-10-2) الحركة التوافقية البسيطة لجسم :

اذا تحرك جسم حول نقطة معينة بشكل من الاشكال ، وتكررت حركته باستمرار،
فانها تعرف عندئذ حركة توافقية ، او حركة موجية او حركة اهتزازية . والامثلة
على هذه الحركة كثيرة منها: حركى يندول الساعة ، حركة جسم متصل بناطص
حركة وتر العود عند اهتزازه ، وأمواج المساء.

والجدير بالذكر أن النظرية الحديثة المتعلقة بذرات الجسم الصلب وتعترض انها حركة تواافقية بسيطة حول موقعها في التركيب البلوري ، وأنها ابداً ، بل تستمر في الحركة بالضبط كما لو كانت متصلة مع بعضها بنوابض كما انه في كافة أنواع الحركة الموجية ، فان اجزاء الوسط الذي يستمر فيه الموجة تتحرك حركة

توفيقية ، نلمس أهمية الحركة التوافقية ، سواءً في الدراسات الفيزيائية النظرية أو في الدراسات الهندسية التطبيقية ، اذا تتمثل الدراسات الهندسية التطبيقية ن اذا تتمثل هذه الحركة اساساً هاماً في الكثير من الدراسات والتطبيقات.

(2-10-2) المعادلة العامة للحركة التوافقية البسيطة:

نريد الآن ان نبحث عن وصف رياضي محدد للحركة التوافقية البسيطة بريط الازاحة والسرعة ، والتسارع ، والزمن والجسم المهتر مع بعضها ، ونذكر هنا ان معادلة الحركة ذات التسارع الثابت لا يمكن تطبيقها هنا ، اذ ان التسارع في الحركة التوافقية البسيطة يتغير باستمرار.

لأخذ الكرة في وصفها المبين هي ازامتها x وبالتالي فإن قوة الارجاع المؤثرة فيها هي F

ويستخدم قانون نيوتن الثاني ينتج لدينا:

اُذن:

ویاستخدام :

نحصل على:
باعتبار ان

و بالضرب في (dx) ينتج :

$$\int \mathbf{M} v d\mathbf{v} + \int \mathbf{k} x d\mathbf{x} \dots \dots \dots \quad (2-23)$$

$$k^{\text{av}} = \frac{1}{2} + m \dots \dots \dots \quad (2-24) \quad \text{وبنتج لدينا:}$$

حيث (C) هو ثابت ناتج عن التكامل وهذه المعادلة توضع ان مجموع طاقة الحركات وطاقة الوضع للجسم الممتهن يساوى مقدارا ثابتا .

حيث طاقة الحركة :

$$E_x = \frac{1}{2} M V^2$$

وظيفة الوضع:

$$E_P = \frac{1}{2} K X^2$$

ومجموعها يساوي الطاقة الكلية (E) وهي مقدار ثابت ، كما تبين العلاقة .

ومن الواضح من المعادلة السابقة انه اذا كانت الازاحة تساوي صفراء ، فان طاقة الوضع تساوي صفراء ، وبالتالي وطاقة الحركة تساوي اكبر ما يمكن ، اي انه سرعة الجسم تكون اكبر ما يمكن وهذا يتتفق مع وصفنا الأول لهذا النوع من الحركة تساوي اكبر ، اي ان سرعة الجسم تكون اكبر ما يمكن وهذا يتتفق مع وصفنا الاول لهذا النوع من الحركة .

ما سبق ، يمكننا ان نتوصل الى ان :

ومنه نصل على

$$V_{\max} = \sqrt{\frac{2E}{K}} \dots \dots \dots (2-27)$$

كما انه يمكن التوصل الى ان :

ومنه نحصل على:

$$V_{\max} = \sqrt{\frac{2E}{K}} \dots \dots \dots (2-29)$$

اذا اردنا حساب سرعة الجسم بشكل عام

فان:

$$E = \frac{A^2 k}{2} \dots \dots \dots \quad (2-33)$$

ويتعويض قيمة E في المعادلة السابقة والتذكير بـ:

نحصل على :

بالضرب في (dt) والقسمة على N نحصل على:

$$\sqrt{\frac{k}{m}} dt = \frac{dx}{\sqrt{A^2 - X^2}} \dots \dots \dots \quad (2-36)$$

ويمكملة الطرقين نحصل على :

$$\int \frac{k}{m} dt = \int \frac{dx}{\sqrt{A^2 - X^2}} \quad (2-37)$$

$$\sqrt{\frac{k}{m}}(t) + f = sm^{-\frac{1}{2}} - \frac{x}{A} \quad \dots \dots \dots \quad (2-38)$$

حيث () ثابت التكامل ، ويمكن ايجاد قيمة هذا الثابت بدلالة الازاحة كما يلي : لتكن X

عندما تكون $0 = X_0$ وبذلك فان :

$$\phi = \sin^{-1} \frac{x_0}{A} \quad \dots \dots \dots \quad (2-39)$$

أي ان هي الزاوية التي جبيها يساوي $\frac{x_0}{A}$

$$\frac{X}{A} = \sin \sqrt{\frac{K}{M}}(t) + \phi \quad \dots \dots \dots \quad (2-40)$$

أو على الشكل :

$$A = \sin \sqrt{\frac{K}{M}}(t) + \frac{X_0}{M} \quad \dots \dots \dots \quad (2-41)$$

$$\sqrt{\frac{k}{m}}(T+t)\phi = +\sqrt{\frac{k}{m}} = t + \phi + 2 \quad \dots \dots \dots \quad (2-42)$$

وبحل المعادلة الاخيرة ينتج ان :

$$T = \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \dots \dots \dots \quad (2-43)$$

ومنه يمكن حساب التردد على النحو الآتي :

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \dots \dots \dots \quad (2-44)$$

ويمكن حساب السرعة الزاوية أيضاً :

: ويستخدم المعادلة الأخيرة يمكن ان نكتب المعادلة على الشكل :

وهي المعادلة العامة للحركة التوافقية البسيطة بصورتها النهائية ولحساب سرعة الجسم الممتد ما علينا الا ننفصل طرفي المعادلة بالنسبة للزمن على النحو التالي:

وإذا فاضلنا بالنسبة للزمن مرة أخرى ، حصلنا على تسارع الجسم المهتر.

وباستعمال معادلة الحركة التوافقية البسيطة يمكن كتابة التسارع على الشكل الآتي:

3-10-2) الخواص العامة للحركة التوافقية البسيطة:

ان الحركة التوافقية هي شكل من اشكال الحركة الاهتزازية الوصفي اي شكل من اشكال هذه الحركة فان النتيجة المطلوبة حسب معرفة موقع الجسم كذا له مع الزمن وهذه الدالة نجدها بعد معرفة تسارع الجسم الذي يشبع من معرفة القوى الخارجية التي تؤثر على الجسم المهتز كما تم شرحه في السابق وتحتوي معادلة الحركة ثلاثة توابت دائما أولها موقع الجسم وثانيها سرعتها وهذان الثابتان يأخذان عند الزمن $t=0$ ويسميان بالوسط البدائية للحركة والثابت الثالث يعتمد على طبيعة الجسم المهتز (كتلته او عزم العصدر الذاتي له أحيانا) والقوى الخارجية المؤثرة عليه.

معادلة الموقع:

تتميز الحركة التوافقية البسيطة بانها تعطى بدالة مثل :

اي نعطي بدالة مثل \cos أو \sin في حين ان الحركات الاهتزازية الاخرى غير البسيطة
فيمكن أن نعطي بالمعادلة العامة التالية:

$$X = \left(\sum_{n=0}^{\infty} A_n \cos(n\omega t + \phi) \right) + j \left(\sum_{n=0}^{\infty} B_n \sin(n\omega t + \phi) \right) \quad \dots \dots \dots (2-52)$$

ونلاحظ ان المعادلتين في الاعلى لا يختلفان عن بعضها الا بالزاوية فان كانت

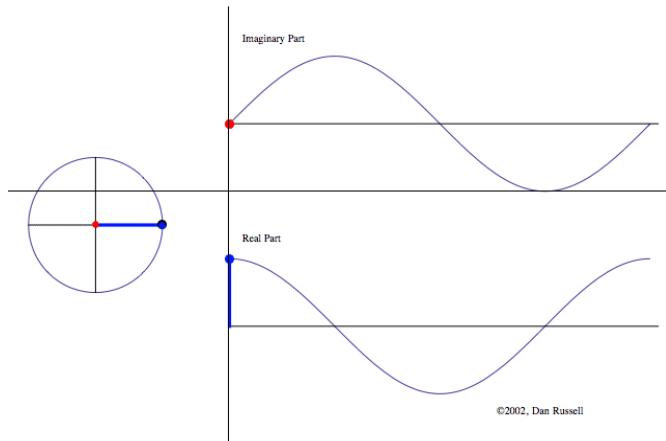
$$\phi = \pi \frac{\Delta}{\lambda}^2 + \theta \quad \dots \dots \dots \quad (2-53)$$

فانهما تصبحان متساويتين ، لذا فاننا سنركز في تعاملنا على المعادلة الاول في مناقشة في مناقشة هذه الحركة.

(4-10-2) الحركة التوافقية البسيطة في بعدين :

بمكنا ان نتعمق أكثر في مفهوم الحركة التوافقية البسيطة ويكيزا تركيب حركتين موافقتين على بعضها البعض وذلك يربطها الحركة الدورانية لجسم وهو ما يعرف بالتمثيل الدائري ان المقصود بمبدأ تركيب توافقين على بعض بالتمثيل الدائري جمعها جريا وسنعرض ان مسار الحركتين اتجاه محور السينات (X-AXSS) والآخرى باتجاه محور الصادات (Y-AXIS) والتركيب في هذه الحالة هو ايجاد المحل الهندسى لهما معا وسنجد ان مسقط الحركة الدائرية لجسم ما على قطرين متعددين للدائريه (Y.X) هي عبارة عن حركتين توافقين بسيطتين كما سنبين أدناه:

لنفرض ان جسم كتنه m يتحرك بسرعة زاوية ثابتة مقدارها w على دائرة نصف قطرها باتجاه عكس عقارب الساعة كما هو موضح بالشكل () A



الشكل (13-2)

ان موقع الجسم يعرف من خلال المتجه A وهذا المتجه له الاحداثيات (y/x) على محور السينات والصادات ويسمى المتجه A بمتوجه الطور وهو عبارة عن

ولتعرض ان الجسم قد بدأ الحركة عند النقطة Q المعرفة بالاحداثيات العمودية (x_i,y_i) هي الزاوية التي تعرف موقع الجم عند البدء الحركة ، اذن فالموقع

وهذا الموقع يمكن ايجاده من مركبين الموقع على محور السينات والصادات وهما المتجهين .

$$y_i = y = A \sin(\omega t + \phi) j \dots \quad (2-57)$$

كما يمكن ربط الحركة التوافقية البسيطة بتفسير مكافئ وهو ان المثل الهندسي لحركتين توافقتين بسيطتين على محورين متزامدين كالمعادلتين السابقتين هو معادلة حركة دائيرية نصف قطرها A يمكن الحصول عليها بتربيع المعادلتين

$$y^2 + y'^2 = A^2 \cos^2(\omega t + \phi) \quad (2-58)$$

وهذه هي معادلة دائرة نصف قطرها A

5-10-2) الحركة التوافقية البسيطة المحمدة:

تطرقنا عند شرح الحركة التوفيقية البسيطة المثالية الى ان القوة اتي تحدث صغيرة الحركة هي قوة محافظة كانت هذه القوة هي قوة النابض في حالة جسم مربوط بتابعه وفي البترول الرخام وكانت قوة الجاذبية لارضية في البترول البسيط ولكن مثل هذه الحركات تتعرض لقوى غير محافظة كقوة الاحتكاك مقاومة الماءع (الهواء مثلا) التي تحاول اتخاذ هذه الحركة عن طريق تبريد الطاقة الميكانيكية التي تصحب حركة الجسم على شكل طاقة حرارية او طاقة ذاتية داخل الجسم او خلال الوسط الذي ينتج القوة الغير محافظة.

ان مقاومة المائع او قوة الاحتكاك تتناسب طردياً مع سرعة الجسم بشكل تقربي وعلى هذا الاساس فان قانون نيوتن الثاني الذي يصف حركة الجسم يمكن كتابته

أو

$$M \frac{d^2x}{dt^2} + 6 \frac{dx}{dt} + kx = 0 \quad \dots\dots\dots(2-61)$$

حيث بعض الجد مقاومة المائع او قوة الاحتكاك ولعبارة عن ثابت موجب يسمى معامل الاقسام ان الحل المعادلة التقاطعية:

$$X = A_0 e^{(\frac{b}{2m}t)} \cos(w t + \theta_0) i \quad (2-62)$$

حيث تكون سعة الديون في هذه الحالة هي

تتغير مع الزمن نتيجة لضياع جزء من الطاقة الميكانيكية للجسم المهتر الذي يتذبذب بذبذبة دائيرية مقدارها w يمكن معرفتها من تعويض المعادلة ينتج ان:

$$W = \sqrt{w_0^2 - \left(\frac{6}{zm}\right)^2} \quad \dots \dots \dots \quad (2-63)$$

اما قيمة الثابتان A_0 و B_0 فيمكن معرفتها من شرط بدء الحركة اي موقع وسرعة الجسم

عند بداية الحركة اي عند الزمن $t=0$ ويسمى الثاب

بالتردد الزاوي الاخمادي و A_0 سعة الذبذبة عند بدء الحركة .

ان طبيعة الحركة الاهتزازية مع الزمن يعتمد على قيمة بالنسبة لقمة w_0

الفصل الثالث

الأشتازات

(1-1) مقدمة:

الارتجاف او الاهتزاز يعود الى تذبذبات الي حول نقطة اصلية فالاصل ان كل الجزيئات في العالم تتذبذب حول موضعها حتى في جزيئات المواد الصلبة ولكن الاهتزاز في الجسيمات المواد الصلبة يكون اقل ما يمكن وذلك بسبب وجود قوى التجارب بين الجزيئات.

هناك بعض الاهتزازية الغير محببة مثل التي تؤدي الي هلاك الطاقة بدون استخدامها مثل ضوضاء الصوت على سبيل المثال حركة الحركات او اي جهاز ميكانيكي فهذا يفقد من الطاقة المنتجة لانه يؤدي الي استخدام جزء من الطاقة في عملية الاهتزاز .

دراسة الصوت الاهتزاز معلقين ببعضهما البعض . الصوت ، او موجات الضغط يتم توليدها عن طريق اهتزازات (مثل احوال ضوئية) موجات ، الضغط هذه من الممكن ان تولد اهتزازات في التركيب (مثل طبلة الاذن) .

لاحظ عن محاولة تقليل الضوضاء نحو تقليل الاهتزاز.

(1-3) تعريف الاهتزاز :

عبارة عن التذبذبات الميكانيكية حول نقطة توازن وهذه التذبذبات قد تكون حركة دورية مثل حركة البندول .

او تكون عشوائية مثل اهتزاز الطار في طريق وعى وعلى سبيل المثال حركة الشوكة الرنانة ومكبر الصوت الذي يضاعفها اهتزازات الصوت والاهتزازات الصوت والااهتزازات اللازمة لتصحيح اداة الاجهزه المختلفة وفي اكثر الاحيان تكون الااهتزازات غير مرغوب فيها فقد تكون اهدار للطاقة وسببه الضوضاء على سبيل المثال الذبذبات الصادرة عن المحركات والمولدات الكهربائية او أي اداة ميكانيكية غالبا ما تكون غير مرغوبا بها.

(2-3) انواع الاهتزازات:

(3-2-1) الاهتزاز الحر: يحدث عندما ينطلق النظام الميكانيكي بسبب حركة اوليه ومن امثلة هذا الاهتزاز عندما يتم سحب الطفل علي ارجوحة ومن ثم السماح له بالذهاب او ضرب شوكه رنانه والسماح لها بالرنين

الاهتزاز القسري تردد الاهتزاز هو تردد القوه او الحركه المؤثره مع ترتيب المقدار الذي يعتمد علي النظام الميكانيكي الفعلي

(3-2-2) الاهتزاز المتعدد متعدد الاهتزازات او الهزاز المتعدد دائره كهربائيه دائره كهربائيه تستخد لتنفيذ العديد من الاجهزه البسيطه ذات الحالتين ومنها المتذبذب والموقت

والقلاب يتميز متعدد الاهتزازات بجهاز تضخيم تزاوجها مقاومات اومكتفات وقد اطلقت تسمية متعدد الاهتزازات علي نوع معين من المتذبذبات المندر جه تحت التصنيف الاوسع لهذا النوع من الدوائر وسميت كذلك لأن الشكل الموجي كان غنيا بالتوافقيات وتصنف الاهتزازات المتعددة إلي ثلاثة انواع حسب مبدأ عمل الدائرة هي:

(1-2-2-3) غير مستقر :

حيث لا تكون الدائرة مستقرة في اي من الحالتين فتتقلب من حاله لأخرى بدون توقف وتعمل بمبدأ متذبذب استرخاء

(2-2-2-3) احادية الاستقرار :

حيث تكون احدى الحالتين مستقرة وتكون الحاله الاخرى غير مستقرة(وتسمى عارضه) بسبب النبض ف الاشاره دخول الدائرة إلى الحاله غير المستقره وبعد دخولها شكل الحاله تعود الدائرة إلى الحاله المستقره بعد فتره زمنيه محدده يسفاد من شكل الدوره بخلق فتره زمنيه محدده تكون بمثابه ردة فعل لحدث خارجي وتعرف هذه الدائرة باسم الطلقه الواحده

(3-2-2-3) ثنائية الاستقرار :

حيث تكون الدائرة مستقرة ف كلتا الحالتين ويمكن قلبها من حاله لأخرى بستخدام نبضة زند وتسخدم هذه الدائرة لحفظ بث المعلومات وتعرف ايضا بأسن القلب

(3-2-3) الاهتزازات المحمدة:

الحركة الاهتزازية التي درسها حتى الان هي حركة اهتزازية لنظام أمثال حيث ان النظام يستمر في الاهتزاز الى ملا نهاية تحت تأثير قوة واحدة وهي القوة الاسترجاعية ولكن في الانظمة الحقيقية فان قوى غير محافظة مثل قوة الاحتكاك يكون لها تأثير لم يؤخذ في الحسبان ولهذا فان الطاقة الميكانيكية للنظام تض محل مع مرور الزمن ونقول عن هذه الحركة بأنها حركة مخددة.

ومن انواع الحركة المحمدة حركة سقوط جسم في السائل حيث تتولد في السائل قوة مضادة تعمل على تقليل سرعة الجسم وتناسب القوة المضادة مع سرعة الجسم واتجاه القوة في عكس اتجاه الحركة . وهذه القوة المضادة يمكن التعبير عنها على أنها .

$$(1-3) \quad R = bv \quad 1-1$$

$\text{ط} =$ ثابت يعرف بمعامل الاخماد.

والقوة الاسترجاعية للنظام هي kx - من الممكن الان ان نطبق قانون نيوتن الثاني على النحو التالي:

$$\sum f_x = -kx - b vx = max \quad(3-2)$$

$$(3-3) \dots - kx - b$$

ويمكن ان نسبط المعادلة ك

$$(3-4) \dots X = A e^{\frac{bt}{2m}} \cos (wt + \phi)$$

حيث ان التردد الزاوي يتذبذب بـ $w = \dots$

$$w = \dots \quad (3-6)$$

$$w_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad (3-7)$$

w_0 = التردد الطبيعي للنظام في حالة غياب الحركة غير المحمدة

وبزيادة قيمة الثابت ط فان سعة الاهتزازات تتلاقص بسرعة أكثر وعند ، تصل b الى قمة حرجة b_0 مثل $b_0 / 2m w_2$ وفي هذه الحالة لا يوجد اهتزازات وتسمى هذه الحالة بالاخمام الحرج وعند الاخماد الحرج فان النظام لا يظهر حركة اهتزازية انما يتحرك النظام في اتجاه نقطة الاتزان ويتوقف عن الحركة ولا يمكن ان يتجاوز نقطة الاتزان . واذا كانت لزوجة الوسط عالية بحيث ان القوة المضادة أكبر من القوة الاسترجاعية اي ان :

$$(3-8) \dots R_{max} = bv_{max} > KA \quad 1-4$$

$$(3-9) \dots > w_0$$

فإن النظام في هذه الحالة يكون فوق حد الاخماد وهنا اذا اعطي للنظام اراحة فانه يتذبذب انما يعود الي نقطة الاتزان وكلما زاد الاخماد فان الزمن اللازم للنظام لكي يعود الي نقطة الاتزان تزداد .

في حالة وجود احتكاك في النظام فانه في حالة فوق حد الاخماد وتحت حد الاخماد تؤول طاقة ا لمتذبذب الى الصفر والفقد في الطاقة الميكانيكية يتحول الى طاقة داخلية للجسم والوسط الذي يتذبذب فيه الجسم .

(4-2-3) الاهتزاز القسري:

هو ظاهره فيزيائيه حيث يتم اجبار جسم على جسم اخر على الاهتزاز بنفس تردده عند تلامسهماعندما ينزاح المهاجر من موضع توازنه ويترك حرا فإنه سوف يهتز بتردد يعتمد على ثوابت المرونة والقصور الزاتي وان مايساعد على استمرار الاهتزاز هو الطاقه المخزونه في المهاجر من بداي الحركه الاهتزازيه ولكن بسبب المقاومه الاحتكاكيه التي تكون موجوده مهما كانت صغيره فإن سعة الاهتزاز ستتضائل بالدرج مع الزمن حيث يتوقف المهاجر عن الاهتزاز ولكي نحتفظ على استمرار الاهتزاز يجب ان يزود المهاجر بالطاقه بأستمرار للتغلب علي تأثير المقاومه الاحتكاكيه . وأذا كانت الوسيلة علي تزويد المهاجر بالطاقه علي شل قوه خارجيه دوريه فعنده يقال بأن المهاجر في حالة اهتزاز قسري او مجبر .

وبوجود الاهتزاز القسري سيكون الجسم المهاجر خاضعا لثلاث قوي انيا":

أ- قوه الاستعاده

ب-قوة الاحتكاك

ج-القوه الخارجيه الدوريه

(3-2-5) الاهتزازات الميكانيكية :

الاهتزازات الميكانيكيه : عبارة عن التذبذبات الميكانيكية حول نقطة توازن هذه قد يكون دورية حركة البندول أو تكون عشوائي ، مثل اهتزازات الاطارات في طريق وعر ، الاهتزازات احيانا تكون " مرغوبا فيها" وعلى سبيل المثال حركة الشوكة الرنانة ومكبر الصوت الذي يضاعف اهتزازات الصوت والاهتزازات الازمة لتصحیح أداء الاجهزه المختلفه وفي أكثر الاحيان تكون الاهتزازات غير مرغوب فيها ، فقد تكون اهدار للطاقة ومسبيه للضوضاء على سبيل المثال ، الذبذبات الصادرة عن المحركات والمولدات الكهربائية أو اي ميكانيكية غالبا ما تكون غير مرغوب بها . وكذلك الاهتزازات الناجمة عن الاختلال في حركة الاجزاء الدورانية وحتى الاحتكاك ، أثناء تشابط اسنان التروس ، وما أدى الي ذلك التصاميم الاحترافية تأخذ في الاعتبار تقليل الاهتزازات قدر المستطاع . ومن الضروري القول بان هنالك ارتباطا وثيقا بين دراسة الصوت ودراسة الاهتزازات .

فالصوت عبارة عن " موجات ضغط " يتم انشاؤها بواسطه أجسام اهتزازية لا مثل الحال الصوتية ، أيضا يمكن لهذه الموجات هز اجسام كطبلة الاذن . وبالتالي غالبا ما يكون حل مشاكل الضجيج مرتبط بمحاولا التقليل من الاهتزازات المسبيه له .

(3-3) المصادر المهززة:

(1-3-3) الأعمدة الهوائية المهززة مفتوحة الطرفين :

من أبسط الأمثلة للأصوات الصادرة عن عمود هوائي مهتز أبنوبة الأرغن التي تعتبر مثلاً مميزة لجميع أجهزة النفح .

فإن ترك أحد طرفي الانبوبة مفتوحاً وأرسل تيار هوائي من الآخر ، لأمكن توليد موجات طولية موقوفة في الانبوبة . ويتم الرتين في هذا العمود الهوائي عندما يمكن طول عدد صحيح من انصاف أطوال الموجات أو من الانبوبة المفتوحة الطرفين يناظر التردد الأساسي " تقريباً" ازامية الا عقدية " بطن" عند كل طرفيها ازاحة عقدية في منصف الانبوبة .

(2) الأعمدة الهوائية المهززة المغلقة من أحد الطرفين:

اما في حالة الانبوبة المغلقة الطرف ، فت تكون عند هذا الطرف عقدة ازاحة وفي الانماط المختلفة للاهتزازات داخل انبوبة مغلقة يلاحظ ان المسافة بين اي عقدة بالطن التالية لها عبارة عنربع الطول الموجي والتي تساوي طول عمود الهواء.

اي ان طول عمود الهواء في حالتنا تلك سيصبح أما مساوايا تسرير الطول الموجي أو ثلث أرباع أو خمسية أرباع أو سبعة وهكذا . وعليه فان التردد الأساسي سيكون " تقريباً" الذي يتتساوى ونصف مثيلة لانبوبة معتوحة لها نفس

الطول اما النعمات الفوقية التي يمكن ان تكون داخل الابنوبه فهي فقط تلك التي تتطبق فيها العقدة عند الطرف المغلق والبطن " تقريبا " عند الطرف المفتوح .

(4-3) الرنين:

يصورة عامة عندما تقع اية مجموعة لها القدرة على عمل ذبذبات تحت تأثير سلسلة دورية من الدفعات لها تردد يساوي او يكاد يساوي الطبيعي للمجموعة المتذبذبة فان المجموعة تذبذب بذذبات ذات سعة كبيرة .

تعرف هذه الظاهرة بـ الرنين ويقال ان المجموعة تتجاوب مع الدفعات المؤثرة لـ نعتبر فيها ثبت طرفاه فيمكن انشاء الذذبات او الموجات الموقوفة في هذا الخيط بشرط ان تكون نقطتا النهايه عقدتين وقد يوجد عدد من العقد او لا يوجد بين الطرفين وبالتالي فإن اطوال المزجات الموقوفه في الخيط يمكن ان تتخذ فيما مختلفه والمسافه بين عقدتين متتاليتين هي $(\frac{L}{2})$ وعليه فإن طول الخيط (L) يجب ان يكون عددا صحيحا (N) من انصاف اطوال الموجات $(\frac{L}{2})$

إذا مابدأت اهتزازه في خيط وترك لنفسه فإن الذذبات سرعان ما تتلاشى تدريجيا وتضائل نتيجة لتشتت الطاقه خلال الحاملين المرئيين عند الطرفين ونتيجه لـ مقاومة الهواء للحركه إما اذا وردت المجموعه المهتزه بالطاقة من خلال قوه دافعه خارجيه ترددتها قريبا من التردد الطبيعي للخيط فإن الخيط سيتذذب بهذا التردد في سعه كبيره ونتيجه لأن الخيط عددا كبيرا من الزرات الطبيعيه فإن الرنين يتلم لـ ترددات مختلفه كثيره

من خلال المناقشه توصلنا الي الاتي:

- 1-الانتشار الموجي هو من اهم وسائل نقل الطاقه بكافة اشكالها
- 2-الاضطراب عباره عن دوائر متحدة المركز تنتج عند اسقاط حجر في حوض ماء ساكن
- 3- تنتشر الموجات الصوتية نتيجه لأهتزاز جزيئات الهواء
- 4- الحركه الموجيه تشمل علي الماده ككل حيث تشتراك الجسيمات المكونه لهذه الماده في الحركه بصورة منظمه

5-جزئيات الوسط تتحرك بشكل متزامن او مواز لاتجاه حركة الموجة حول موقع ثابت

6- الأهتزاز يعود الى تذبذبات حول نقطه اصلية

7- بسبب وجود قوي التجاذب بين الجزيئات يكون الاهتزازي جسيمات المواد الصلبه
اقل ما يمكن

8- عندما نريد ان نقل الضوضاء نقل الأهتزاز

المصادر والمراجع:

1- سلسلة ملخصات شوم - الفيزياء الجامعية 11 - الفصل الاول

2- الفيزياء العامه -الجزء الاول - الطبعه 1990م - د:خليل وشاح ''- د:المعروف
عبدالله

3- الاهتزازت والامواج - د:عبدالله موسى - الطبعه 2011م-1432هـ

4- اساسيات العلوم الفيزيائيه - د:احمد فؤاد باشا - الططبعه 2008م-1429هـ

5- فيزياء الجسيمات والامواج - ميرفانا خالد - الططبعه 2010م - 1431هـ

6- الفيزياء العلمية 2 - د. محمد احمد عز العرب - د: احمد شوقي عمار