

بسم الله الرحمن الرحيم



جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا

كلية العلوم\_ قسم الإحصاء التطبيقي

بحث تكميلي لنيل درجة بكالوريوس العلوم (الشرف) في الإحصاء التطبيقي بعنوان:

إستخدام نموذج الإنحدار الخطي المتعدد لدراسة العوامل المؤثرة علي حجم

الإستثمار في السودان في الفترة الزمنية (1973-2011)م

The usage of multiple linear regression model In studying

the factors that affect the amount of Investment in Sudan

in the period from (1973 to 2011)

إشراف:

إعداد:

د: أمل السر الخضر

أسماء عبد الفتاح محمد

رحاب بابكر محمد

محمد عبدالباقي حبيب الله

1436هـ\_2015م

# الآية

قال تعالى:

{ يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا إِذَا نُودِيَ لِلصَّلَاةِ مِنْ يَوْمِ الْجُمُعَةِ فَاسْعَوْا إِلَىٰ نَكَرِ اللَّهِ وَذُرُوا الْبَيْعَ ۚ ذَٰلِكُمْ خَيْرٌ لَّكُمْ إِنْ كُنْتُمْ تَعْلَمُونَ }

صدق الله العظيم

سورة الجمعة الآية (9)

## الإهداء

الي أصحاب الفضل الاول والاخير

...والدائي

الي الذين جاهدو فينا الي أن تعلمنا

...معلمي

الي الذين تعهدونني برعايتهم حتي اخرجت هذا البحث

...مشرفي

الي الذين رافقوني الدرب فكانو نعم الاصحاب

...زملائي

اليهم جميعاً أهدي هذا البحث

## الشكر و التقدير

اولاً : الشكر لله الذي بنعمته تتم الصالحات

ثم من بعد...

الشكر الي كل من وجه او علم : فهو صاحب الفضل في كل خطوة نخطوها الي  
الأمام.

ونخص بالشكر د.أمل السر على رعايتها وتوصياتها وتوجيهاتها حتي يخرج هذا  
البحث في صورة مرضية.

والشكر موصول من قبل ومن بعد لجامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا، كلية  
العلوم قسم الإحصاء أساتذته وزملاء.

وكذلك خالص الشكر التقدير لأفراد أسرنا الكريمة علي ما قدموه لنا من نصح  
وإرشاد ومساعدة معنوية ومادية .

ولا ننسى أن نبعث الشكر الي أ.عبدالعزيز العبيد لما قدمه لنا معلومات وأفكار  
مثالية وقد كانت خير عون لنا.

## المستخلص:

هدفت الدراسة الي معرفة العوامل المؤثرة على حجم الاستثمار في السودان ،بإستخدام نموذج الإنحدار الخطي المتعدد بواسطة برنامج SPSS، واستخدم كل من إجمالي الإستهلاك والدخل القومي وعدد السكان .

وتم وضع الفروض ان كل من الناتج المحلي الإجمالي وإجمالي الإستهلاك والدخل القومي وعدد السكان لايؤثرون علي حجم الإستثمار ، وان النموذج يعاني من مشكله التداخل الخطي وعدم تجانس التباين والإرتباط الذاتي.

وتم التوصل الي ان كل من والدخل القومي وإجمالي الإستهلاك وعدد السكان يؤثرون على حجم الإستثمار، وان النموذج يعاني من مشكلة التداخل الخطي وعدم تجانس التباين وتم معالجة هذه المشاكل.

وأوصت الدراسة بزياده الإهتمام بالإستثمار ، وزيادة الدراسات المتعلقة بالإستثمار ، وإستخدام طريقة إختيار أفضل معادله لأنها تختصر الجهد والتكلفه.

## Abstract

The purpose of the study was knowing the factors that have an effect on the amount of investment in Sudan using the multiple linear regression analysis in SPSS program and each of the total consumption rate and the national income and the amount of population and the total local income.

One of the most important hypothesis is that each one from total local income, total consumption rate, national income, and population has no effect on the amount of investment and the model has a problem of variance heterogeneity, linear interference, and auto correlation.

We found that each of the total consumption, national income, and population have an effect on the amount of investment and the model suffers from linear interference, variance heterogeneity problems, these problems have been solved.

The study recommends that there should be care and attention in increasing the amount of investment and increasing the number of

researches that is related to investment and using choosing the best equation method because it reduces time and effort.

## فهرست المحتويات

رقم الصفحة	الموضوع	م
أ	الآية	1
ب	الإهداء	2
ج	الشكر والتقدير	3
د	المستخلص	4
هـ	Abstract	5
و	فهرست المحتويات	6
ط	فهرست الجداول	7
ي	فهرست الأشكال	8
	الفصل الأول	
	المقدمة	
2	تمهيد	0-1
2	مشكلة البحث	1-1
2	أهداف البحث	2-1
3	أهمية البحث	3-1



3	حدود البحث	4-1
3	فروض البحث	5-1
4	منهجية البحث	6-1
4	البحوث والدراسات السابقة	7-1
5	هيكلية البحث	8-1
	الفصل الثاني تحليل الانحدار الخطي المتعدد	
7	المقدمة	0-2
8	الانحدار الخطي المتعدد	1-2
12	المشاكل التي تواجه النموذج	2-2
	الفصل الثالث الإستثمار في السودان	
44	تمهيد	0-3
45	وزارة الإستثمار	1-3
46	لماذا الإستثمار في السودان	2-3
50	محددات الاستثمار	3-3
51	معوقات الاستثمار	4-3
52	العوامل المؤثر علي حجم الاستثمار	5-3

52	مجالات الاستثمار	6-3
	الفصل الرابع الجانب التطبيقي	
56	تمهيد	0-4
56	متغيرات الدراسة	1-4
57	إختبار الكفاية	2-4
58	إختبار التوزيع الطبيعي	3-4
59	المقاييس الوصفية	4-4
68	إختبار الخطية	5-4
69	إكتشاف عدم تجانس التباين	6-4
73	إكتشاف الارتباط الذاتي	7-4
75	إكتشاف التداخل الخطي المتعدد	8-4
77	أفضل نموذج	9-4
77	التنبؤ	10-4
	الفصل الخامس النتائج والتوصيات	
80	تمهيد	0-5
80	النتائج	1-5
81	التوصيات	2-5
	المراجع والملاحق	

## فهرست الجداول

رقم الصفحة	الاسم	رقم الجدول
12	جدول تحليل التباين	1-2
57	إختبار الكافية	1-4
59	المقاييس الوصفية لمتغيرات	2-4
67	إختبار معنوية معاملات النموذج	3-4
68	جدول تقييم النموذج	4-4
69	جدول تحليل التباين	5-4
70	جدول تحليل التباين	6-4
72	جدول تحليل التباين	7-4
74	جدول Durbin-Watson	8-4
75	جدول عامل تضخم التباين	9-4
76	جدول معالجة التداخل الخطي	10-4
77	التنبؤ	11-4
78	حجم الإستثمار	12-4

## فهرست الأشكال

رقم الصفحة	إسم الشكل	رقم الشكل
7	العلاقة الخطية بين المتغيرات	1-2
8	العلاقة الغير خطية بين المتغيرات	2-2
58	التوزيع الطبيعي	1-4
61	العلاقة بين حجم الإستثمار والزمن	2-4
62	العلاقة بين الناتج المحلي الإجمالي والزمن	3-4
63	العلاقة بين الدخل القومي والزمن	4-4
64	العلاقة بين إجمالي الإستهلاك والزمن	5-4
65	العلاقة بين عدد السكان والزمن	6-4

## الفصل الأول

### المقدمة

0-1: تمهيد .

1-1: مشكلة البحث .

2-1: أهداف البحث .

3-1: أهمية البحث .

4-1: حدود البحث .

5-1: فروض البحث .

6-1: منهجية البحث ومصادر البيانات .

7-1: البحوث والدراسات السابقة .

8-1: هيكلية البحث .

## 0-1 تمهيد:

لقد أصبح موضوع الإستثمار من الموضوعات التي تحتل مكانة مهمة وأساسية في أولويات الدراسات الإقتصادية والمالية والمصرفية والإدارية وغيرها من التخصصات التي تهتم بالتطورات الهيكلية التي تشهدها المجتمعات المتقدمة. يعتبر الإستثمار بمفهومه الإقتصادي من العوامل الأساسية الهامة في تحقيق النمو الإقتصادي، ويعتبر الهدف العام للإستثمار هو تحقيق العائد او الربح بالإضافة الى تنمية الثروة وتأمين الحاجات المتوقعة، توفير السيولة والمحافظة على قيم الموجودات.

## 1-1 مشكلة البحث:

في ظل الطفرة الإقتصادية التي شهدها السودان ومستجدات الهيكل الإقتصادي السوداني يظل الإستثمار الأداة المحركة لهذا الشأن. يمكن تلخيص مشكلة البحث في دراسة أو تقصي وتحديد أهم العوامل التي تؤثر على حجم الاستثمار بصورة فعالة (أي ذات دلالة إحصائية) ثم إستبعاد العوامل ذات التأثير الضعيف.

## 2-1 أهداف البحث:

- 1- معرفة سير سلوك الإستثمار في السودان.
- 2- تحديد العوامل المؤثرة على حجم الاستثمار.

### 1-3 أهمية البحث:

إن عملية الإستثمار عملية ديناميكية لها أهداف واسعة في خدمة التنمية الاقتصادية، فهو يحقق النمو ويحقق فرص العمل ويعزز الطاقة الإنتاجية بصورة عامة، عليه نجد أنه تكمن أهمية البحث في دراسة العوامل المؤثرة في حجم الإستثمار في السودان واختبار أفضل المعادلات أي افضل العوامل التي تؤثر بصورة فعالة في حجم الإستثمار .

### 1-4 مصادر وحدود البحث:

تم الحصول على البيانات من الجهاز المركزي للإحصاء ف الفترة الزمنية (1973-2011).

### 1-5 فروض البحث:

- 1- الناتج المحلي الإجمالي ،الدخل القومي و حجم السكان ،اجمالي الإستهلاك لا يؤثر علي حجم الإستثمار في السودان.
- 2- النموذج الذي يصف الناتج المحلي الإجمالي والدخل القومي و لجمالي الإستهلاك وعدد السكان لايعاني من مشكله عدم تجانس التباين.
- 3- النموذج الذي يصف الناتج المحلي الإجمالي والدخل القومي و لجمالي الإستهلاك وعدد السكان لايعاني من مشكله الارتباط الذاتي.
- 4- النموذج الذي يصف الناتج المحلي الإجمالي والدخل القومي و لجمالي الإستهلاك وعدد السكان لايعاني من مشكله التداخل الخطي.

## 1-6 منهجية البحث:

هذه الدراسة ذات منهج وصفي ومنهج تحليلي حيث تم استخدام برنامج التحليل الإحصائي spssأخذت عينة لكل من حجم الإستثمار، الناتج المحلي الإجمالي، عدد السكان، إجمالي الإستهلاك والدخل القومي.

## 1-7 البحوث والدراسات السابقة:

1- في عام (2005) ، قام الباحث علي اسحاق ادم محمد بدراسة بعنوان تقدير دالة الإستثمار في السودان في الفتره(1960-2005) والبحث منشور في جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا مكتبة كلية العلوم.

أهم النتائج التي توصلت لها الدراسه أن الانفاق الحكومي والناتج المحلي الإجمالي والواردات والإستثمار لفترات سابقة تؤثر على الإستثمار.

2- في العام(2010)، قام الباحث رضاب عدلان الأمين عبدالله بدراسة بعنوان

تحليل العوامل المؤثرة على الإستثمار في السودان في الفتره(1990-2009) والبحث منشور في جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا مكتبة كلية العلوم .

وأهم النتائج التي توصل إليها أن حجم الإستثمار يتزايد بصورة اسية مع الزمن، والناتج المحلي وإجمالي السكان وإجمالي الإستهلاك والقوى العاملة تؤثر على حجم الإستثمار.



3- في العام (2012)، قام الباحث سوسن علي محمد الحسين بدراسة بعنوان تقدير دالة الإستثمار في السودان خلال الفتره(1960-2005) الى تقدير دالة الإستثمار في السودان بإستخدام تحليل الإنحدار. والبحث منشور في جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا مكتبة كلية العلوم، وأهم النتائج أن الناتج المحلي والواردات وسعر الصرف والرقم القياسي ذو أثر معنوي علي الإستثمار .

## 8-1 هيكلية البحث:

يحتوي هذا البحث علي خمسة فصول يتناول الفصل الأول مقدمة للدراسة وتشمل مشكلة 'أهمية' أهداف 'فروض' منهجية' ومصادر وحدود البحث والدراسات السابقة وهيكلية البحث. ويتناول الفصل الثاني يتناول تحليل الإنحدار الخطي المتعدد من حيث المفهوم العام للنموذج وفرضياته، وتقدير المعلمات بطريقة المربعات الصغرى، تحليل التباين، إختبار الفرضيات للنموذج والمشاكل التي تواجه النموذج. أما الفصل الثالث الإستثمار في السودان موضحاً مناخه، سياساته التشجيعية، امتيازات المشروعات الإستثمارية، ضوابط الاستثمار، ضمانات الإستثمار، محددات الإستثمار، معوقات الإستثمار، العوامل المؤثرة على حجم الإستثمار ومجالاته. أما الفصل الرابع يتناول الجانب التطبيقي لهذا البحث. أما الفصل الخامس يتناول كل من النتائج والتوصيات ثم المراجع والملاحق.

## الفصل الثاني

### تحليل الانحداد الخطي المتعدد

## Multiple linear Regression Analysis

0-2 : المقدمة.

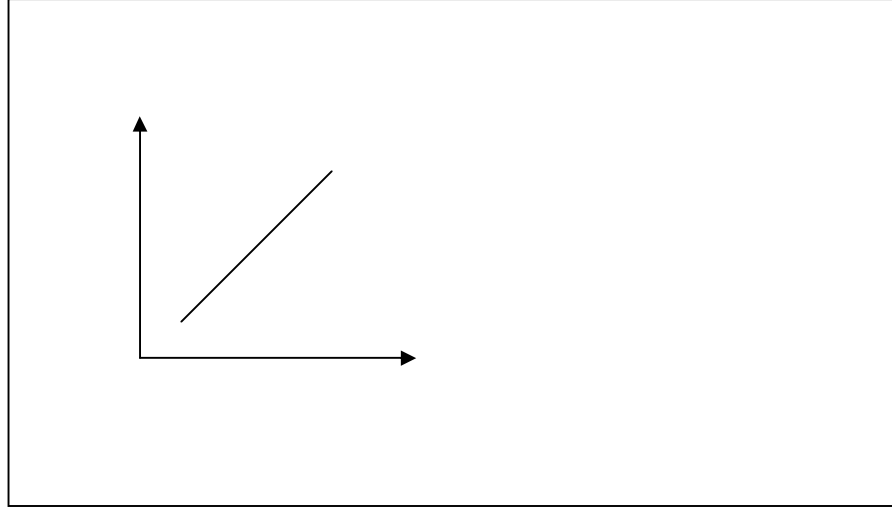
1-2 : الإنداد الخطي المتعدد.

2-2 : المشاكل التي تواجه النموذج.

## 0-2 تمهيد: {1} و {2}

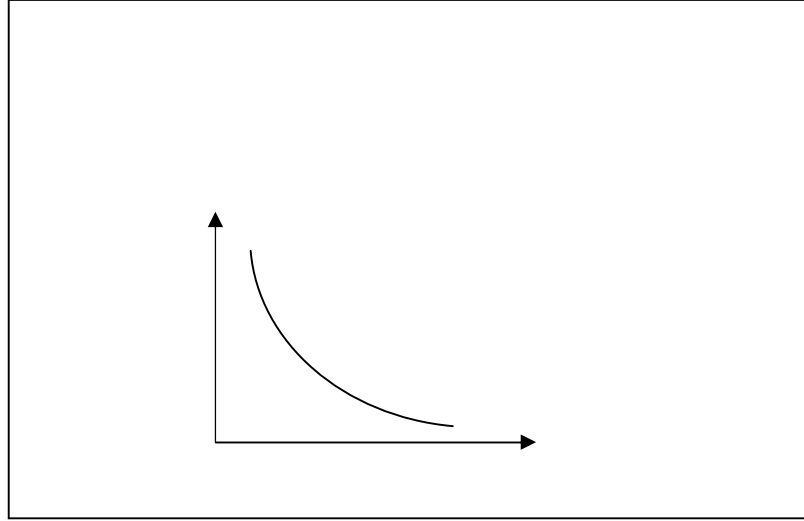
تتقسم نماذج الإنحدار بصورة عامة الي نماذج خطية وغير خطية ، وتكون الخطية في المتغيرات المعالم أو المتغيرات والمعالم معا، وتعرف النماذج الخطية في أن يكون أي متغير من متغيرات المعادلة مرفوعا للقوة واحد صحيح موجب ، وان لا يكون مضروباً أو مقسوماً علي متغير آخر، وذلك بأخذ منحنى الدالة خطأ مستقيماً عند تمثيلها بيانياً ، أما الدالة غير الخطية فهي عبارة عن دالة يكون فيها أحد المتغيرات المستقلة مرفوعاً لقوة غير الواحد الصحيح الموجب، أو يكون مضروباً أو مقسوماً علي متغير آخر، أو يظهر كأس . والشكل التالي يوضح العلاقة الخطية بين المتغيرات

الشكل (1-2): العلاقة الخطية بين المتغيرات



المصدر: بسام يونس وآخرون، الاقتصاد القياسي

الشكل (2-2): العلاقة الغيرخطية



المصدر: بسام يونس وآخرون، الاقتصاد القياسي

### 2-1-1 مفهوم الإنحدار الخطي المتعدد:

عبارة عن تعميم لنموذج الانحدار الخطي البسيط بحيث يحتوي علي عدد  $k$  من المتغيرات المستقلة في النموذج ويقاس أثر تلك المتغيرات المستقلة علي المتغير التابع.

### 2-1-2 نموذج الإنحدار الخطي المتعدد:

تأخذ معادلة نموذج الإنحدار الخطي المتعدد الذي يضم عدد  $k$  من المتغيرات المستقلة الصيغة التالية:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + \beta_3 X_{3i} + \dots + \beta_k X_{ki} + U_i \quad ; i=1,2,\dots,N$$

$$Y_i = \beta_0 + \sum_{j=1}^k \beta_j X_{ji} + U_i \quad \dots\dots\dots(1-2).$$

حيث :

المتغيرات المستقلة  $\equiv X_1, X_2, \dots, X_K$ .

معلمات النموذج  $\equiv \beta_1, \beta_2, \beta_3, \dots, \beta_K$ .

$N \equiv$  عدد المشاهدات (حجم المجتمع).

$U_i \equiv$  حد الخطأ العشوائي

باستخدام المصفوفات يمكن كتابة المعادلة السابقة كالآتي :

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ \vdots \\ y_N \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & X_{11} & X_{21} & X_{31} & \dots & X_{k1} \\ 1 & X_{12} & X_{22} & X_{32} & \dots & X_{k2} \\ 1 & X_{13} & X_{23} & X_{33} & \dots & X_{k3} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & X_{1N} & X_{2N} & X_{3N} & \dots & X_{kN} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta_0 \\ \beta_1 \\ \beta_2 \\ \vdots \\ \beta_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} U_1 \\ U_2 \\ U_3 \\ \vdots \\ U_k \end{bmatrix} \dots\dots\dots(2-2).$$

لتصبح المعادلة بالشكل :

$$Y = X\beta + U \dots\dots\dots(3-2).$$

### 3-1-2 تقدير المعلمات :

تستخدم طريقة OLS لتقدير معلمات نموذج الإنحدار الخطي المتعدد حيث المقدر هو :

$$\hat{y}_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_{1i} + \hat{\beta}_2 X_{2i} + \hat{\beta}_3 X_{3i} + \dots + \hat{\beta}_k X_{ki} \dots\dots\dots(4-2).$$

وعن طريق المصفوفات:

$$\hat{Y} = X \hat{\beta} \dots\dots\dots(5-2).$$

نفترض أن المتجة e هو متجة البواقي ويمثل تقدير للمتجة لومن المعلوم أن

$$e = Y - \hat{Y}$$

ومجموع مربعات البواقي هو:

$$\begin{aligned} Q &= \sum_{i=1}^n e_i^2 = e'e \\ &= (Y - \hat{Y})'(Y - \hat{Y}) \\ &= (Y - \hat{\beta}'X)(Y - X\hat{\beta}) \\ &= Y'Y - \hat{\beta}'X'Y - Y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta} \dots\dots\dots(6-2). \end{aligned}$$

نأخذ التفاضل الجزئي بالنسبة  $\hat{\beta}$  ومساواته بالصفر:

$$\begin{aligned} \frac{\partial Q}{\partial \hat{\beta}} &= -2X'Y + 2X'X\hat{\beta} = 0 \\ X'X\hat{\beta} &= X'Y \\ \hat{\beta} &= (X'X)^{-1}X'Y \dots\dots\dots(7-2). \end{aligned}$$

\

## 4-1-2 جدول تحليل التباين:

لإيجاد مجموع مربعات الخطأ، من المعادلة نجد أن:

$$SSE = \sum_{i=1}^n e_i^2 = e'e = Y'Y - \hat{\beta}'X'Y - Y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta}$$

بتعويض المعادلة (2-7) يصبح شكل المعادلة السابقة

$$= Y'Y - \hat{\beta}'X'Y - Y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X(X'X)^{-1}X'Y$$

$$= Y'Y - \hat{\beta}'X'Y \quad \dots\dots\dots(8-2).$$

ومن هنا فأن:

$$SSE = SST - SSR$$

فهذا يعني أن مجموع مربعات الانحدار يساوي

$$SSR = \hat{\beta}'X'Y \quad \dots\dots\dots(9-2).$$

## جدول (1-2): تحليل التباين

المصادر	درجات الحرية	مجموع المربعات	متوسط مجموع المربعات	قيمة F
الإنحدار	K	$\hat{\beta}'XY$	$\hat{\beta}'XY/K$	$\frac{MSR}{MSE}$
الخطأ	n-k-1	$Y'Y - \hat{\beta}'XY$	$Y'Y - \hat{\beta}'XY / n-k-1$	
الكلي	n-1	$Y'Y$		

المصدر: بسام يونس وآخرون، الإقتصاد القياسي

## 2-2 المشاكل التي تواجه النموذج: {1}

هنالك مشاكل يعاني منها نموذج الإنحدار بصورة عامة وهي عدم تجانس التباين (أي أن تباين الخطأ يأخذ أكثر من قيمة)، الارتباط الذاتي ويعني وجود ارتباط بين حد الخطأ العشوائي والمتغيرات المستقلة، والتداخل الخطي أو الإزدواج الخطي أو الارتباط الخطي المتعدد هي ظاهرة خاصة بالنموذج الخطي المتعدد وتعني وجود ارتباط أو علاقة بين المتغيرات المستقلة وسوف نذكر جميع هذه المشاكل.



## 1-2-2 التداخل الخطي:

### 1-1-2-2 أسباب وجود التداخل الخطي المتعدد:

- 1- قد تشترك جميع المتغيرات المستقلة في اتجاه زمني عام.
- 2- من الممكن أن تتغير بعض المتغيرات المستقلة بسبب عدم جمع البيانات من قاعدة واسعة وبشكل كافي.
- 3- قد توجد علاقة تقريبية بين بعض المتغيرات كما هي الحالة في استخدام متغير التباطؤ الزمني.

### 2-1-2-2 اكتشاف التداخل الخطي المتعدد:

- فرضية العدم المراد اختبارها هي عدم وجود إرتباطات بين المتغيرات ، وهناك عدة اختبارات للكشف عن وجود التداخل الخطي المتعدد أهمها:
- تحليل Frisch واختبار Farrar-Glauber وعامل تضخم التباين VIF وسوف نتناول عامل تضخم التباين VIF بشي من التفصيل.

### عامل تضخم التباين (VIF):

- يستخدم كمعيار للكشف عن حالة التداخل الخطي المتعدد وتحديد المتغير المستقل المسؤول عن ذلك ويعرف بالمعادلة :

$$VIF = \frac{1}{1-R_j^2} \quad ; j=1,2...k \quad \dots\dots\dots(10-2).$$

ويحسب هذا المعيار لكل متغير مستقل في النموذج الإنحدار المتعدد وعليه اذا تضمن النموذج  $k$  من المتغيرات المستقلة، هذا يعني أن هنالك  $k$  من عوامل تضخم التباين، تمثل  $R^2$  معامل التحديد في نموذج إنحدار فيه المتغير المستقل  $X_j$  هو المعتمد وباقي المتغيرات هي المتغيرات المستقلة في النموذج .

اذا كان  $VIF > 10$  يعني وجود تداخل خطي بين المتغير  $X_j$  وباقي المتغيرات ، وهذا يستوجب حذف هذا المتغير لأنه السبب في وجود المشكلة.

### 2-2-1-3 معالجة التداخل الخطي المتعدد:

1- جمع بيانات إضافية، كلما كبر حجم العينة عن طريق إضافة بيانات جديدة كلما ساعد ذلك علي تخفيض حجم التباينات، وهذا يقلل من أثر الارتباط الخطي المتعدد، وعموماً فإنه ينصح في البحوث القياسية أن لا يقل حجم العينة عن (25) مشاهدة، وأن لا يزيد عدد المتغيرات عن خمس متغيرات مستقلة.

2- الإستعانة بمعلومات خارجية، اذا كان هنالك تقدير لمعلمة أحد المتغيرات الذي يتصف بكونه مرتبباً ارتباطاً متعدداً، فيمكن استخدام هذا التقدير الذي تم خارج اطار الدراسة، يمكن إستخدامه مع نتائج دراسة البحث.

3- تحويل العلاقة الدالية عن طريق إستخدام المفاهيم الرياضية.

4- حذف المتغير الذي يمتاز بإرتباط عالي مع باقي المتغيرات المستقلة الأخرى، أو إضافة متغير جديد ذو أهمية بالنسبة للنموذج.

5- تعويض المتغيرات المستقلة ذات الإبطاء الزمني بدالة للمتغير المعتمد.

## 2-2-2 مشكلة عدم التجانس:

في النموذج الخطي البسيط والمتعدد فان تباين المتغير العشوائي مساو لقيمة ثابتة، اي اننا افترضنا وجود حالة تجانس التباين ولكن في حالات كثيرة قد لا يساوي التباين قيمة ثابتة عليه نحصل علي حالة تسمى Hetero Scedasticity ، وان مصطلح Hetero Scedasticity متكون من كلمتين هما (Hetero) اي مختلف او غير متساوي ، (Scedasticity) اي التباين أو الانتشار أو عدم التساوي أو عدم التجانس وهنا نقصد به عدم ثبات التباين، أو عدم تساوي تباين حد الاضطراب، وهي الخروج عن احد فرضيات النموذج الخطي.

ان وجود مشكلة عدم التجانس تجعل من مقدرات النموذج الخطي غير كفوءه ومتحيزه في تقديراتها لمعلومات النموذج، واختبارات النموذج تكون غير مقنعة ولا يمكن اعتمادها.

ان ظاهرة عدم التجانس تؤثر في تقديرات تباين مقدرات النموذج وأن الاختبارات المستخدمة كإختبار t واختبار F تصبح في هذه الحالة غير واقعية ولا يمكن اعتمادها.

إن احدي فرضيات نموذج الإنحدار الخطي سواء كان بسيطا او متعدددا هي ثبات أو تجانس تباين الخطأ اي ان:

$$V(U_i) = E(U_i^2) - (E(U_i))^2$$

$$\sigma_u^2 = E(U_i)^2 \quad ; i=1, 2, \dots, n$$

وعندما لا يتحقق هذا الفرض فإن:

$$V(U_i) = \sigma_{ui}^2$$

حيث وجود الحرف  $i$  يشير الي ان لكل قيمة من قيم الخطأ العشوائي  $u_i$  لها تباين مختلف عن تباينات باقي القيم.

عندما يكون تباين الخطأ ثابتاً فإنه لا يعتمد علي قيم  $X_i$  اي ان:

$$\sigma_{ui}^2 = f(X_i) \dots\dots\dots(11-2).$$

في هذه الحالة فإن قيم المتغير المعتمد  $y$  سوف تنتشر بانتظام حول خط الإنحدار المقدر.

ولكن عندما يكون تباين الخطأ غير ثابت فإنه يمثل دالة للمتغير (المتغيرات) المستقلة اي ان:

$$\sigma_{ui}^2 \neq f(X_i) \dots\dots\dots(12-2).$$

فإن تباين الخطأ متذبذب بين النقصان والزيادة بزيادة قيم  $X$ .

## 2-2-2-1 أسباب ظهور عدم تجانس التباين:

هنالك عدة أسباب تجعل تباين الخطأ غير متجانس منها مايلي:

1-زيادة تعلم الأفراد إذا زاد تعلم الأفراد فإن الأخطاء المترتبة على سلوكهم الشخصي سوف

تقل عبر الزمن، ومن ثم فإن الخطأ سوف يقل لذلك فإن  $\sigma_{ui}^2$  تتناقص بمرور الزمن.

2-إذا ازداد دخول الافراد فإن  $\sigma_{ui}^2$  سوف يزداد وذلك لأن الأفراد سيكون لهم إختيارات متعددة

حول انفاق هذه الزيادة

3-تحسين أساليب جمع البيانات: إذا تحسنت اساليب جمع البيانات والمعلومات فان الأخطاء سوف تقل وبالتالي فان  $\sigma_{U_i}^2$  سوف تقل .

## 2-2-2-2 النتائج المترتبة على عدم تجانس التباين :

1-لايمكن تطبيق الصيغ الخاصة بتباينات المقدرات  $\beta_0^{\wedge}$  و  $\beta_1^{\wedge}$  و  $Y_i^{\wedge}$

$$V(\beta_0^{\wedge}) = \sigma_U^2 \left[ \frac{1}{n} + \frac{\bar{X}^2}{\sum X_i^2} \right]$$

$$V(\beta_1^{\wedge}) = \frac{\sigma_U^2}{\sum X_i^2}$$

$$V(Y_i^{\wedge}) = \sigma_U^2 \left[ \frac{1}{n} + \frac{X_i^2}{\sum X_i^2} \right]$$

حيث تم التوصل الي هذه الصيغ إعتمادا على كون  $\sigma_U^2$  ثابتا، وإذا لم يكن تباين الخطأ متجانساً فإنه سوف لن تكون هنالك  $\sigma_U^2$  ثابتة وبالتالي عدم إمكانية التوصل للصيغ اعلاه.

2-إذا كان تباين الخطأ غير متجانس فإن مقدرات المربعات الصغرى سوف لن يكون لها اقل تباينات, على الرغم من بقائها كمقدرات غير متحيزه ,لأن هذه المقدرات سوف تكون غير كفوءه للعينات الصغيره والكبيره على حد سواء.

3-التنبؤات في المتغير  $Y$  إعتماداً  $\beta_s^{\wedge}$  على المقدرات من البيانات الأصلية سيكون لها تباينات كبيره, وهذا يعني أن التنبؤ سيكون غير كفوءاً والسبب في ذلك أن تباين التنبؤات سيتضمن تباين  $u$  إضافة الي تباين المقدرات.

## 2-2-2-3 اكتشاف عدم تجانس التباين:

أولاً: اختبار معامل ارتباط لسبيرمان:

في حالة الإنحدار المتعدد:

1/ يتم توفيق نموذج الإنحدار الخطي المتعدد :

$$\hat{Y}_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + \beta_3 X_{3i} + \dots + \beta_k X_{ki}$$

ومنه تحسب قيم البواقي  $e_i$  حيث

$$e_i = Y_i - \hat{Y}_i$$

2/ نحسب معامل ارتباط الرتب ل  $(|e_i|, X_{1i})$  و  $(|e_i|, X_{2i})$  .. و  $(|e_i|, X_{ki})$

3/ نختبر كل معامل  $r_s$  حسب الصيغة الآتية:

$$t = \frac{r_s \sqrt{n-k-1}}{\sqrt{1-r_s^2}} \dots \dots \dots (13-2).$$

تقارن مع الجدولية  $t_{n-k-1, \frac{\alpha}{2}}$  فاذا ما ثبت أنه علي الأقل احدى قيم  $t$  معنوية فهذا يشير الي

عدم تجانس التباين، اما اذا كانت جميع قيم  $t$  غير معنوية فهذا يدل علي أن تباين الخطأ العشوائي متجانس.

## ثانياً اختبار Goldfeld – Quandt :

يستخدم علي حد سواء في الإنحدار الخطي البسيط والمتعدد وفي هذا الإختبار يجب أن يكون عدد المشاهدات علي الأقل مساوي لضعف عدد المعلمات في النموذج وذلك حسب الخطوات الآتية:-

1- يتم ترتيب قيم  $X$  تصاعدياً وتبعاً لذلك سيتغير قيم  $Y$ .

2- تهمل مجموعة من المشاهدات من مركز العينة وبعدد  $C$  ويتم اختبار  $C$  بحيث تكون مساوية لربع عدد المشاهدات اي ان  $C = \frac{1}{4} n$  ، والمتبقي  $n - C$  ويكون عددها زوجي لتتقسم الي مجموعتين، المجموعة قبل  $C$  ذات القيم الصغيرة ل  $X$  وعددها  $\frac{n - C}{2}$  والمجموعة بعد  $C$  ذات القيم الكبيرة ل  $X$  وعددها  $\frac{n - C}{2}$ .

3- نعتبر المجموعتين مستقلتين نوفق للمجموعة الأولى نموذج الإنحدار الخطي ومنه نحسب

$\sum_{i=1}^{\frac{n-C}{2}} e_{2i}^2$  وللمجموعة الثانية كذلك  $\sum_{i=1}^{\frac{n-C}{2}} e_{1i}^2$  ، درجات الحرية للخطأ لكل مجموعة ستكون  $K$  --1 حيث  $\frac{n-C}{2}$  عدد المتغيرات المستقلة.

4- نحسب اختبار  $F$  من الصيغة الآتية:

$$F = \frac{\max(\hat{\sigma}^2 u_1, \hat{\sigma}^2 u_2)}{\min(\hat{\sigma}^2 u_1, \hat{\sigma}^2 u_2)} \dots \dots \dots (14-2).$$

علماً بان:

$$\hat{\sigma}^2 u_1 = \frac{\sum_{i=1}^{\frac{n-C}{2}} e_{1i}^2}{\left(\frac{n-C}{2} - K - 1\right)}$$

$$\hat{\sigma}^2 u_2 = \frac{\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{2i}}{\left(\frac{n-c}{2} - K - 1\right)}$$

حيث أن درجات الحرية في المجموعتين متساوية لذلك فإن:

$$F = \frac{\max\left(\frac{\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{1i}}{n-c}, \frac{\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{2i}}{n-c}\right)}{\min\left(\frac{\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{1i}}{n-c}, \frac{\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{2i}}{n-c}\right)}$$

وتقارن قيمة F المحسوبة مع الجدولية عند درجتى حرية  $\frac{n-c}{2} - K - 1$  للبسط

و  $\frac{n-c}{2} - K - 1$  للمقام ومستوي المعنوية  $\alpha$  وتلاحظ الحالات الآتية:

أ- إذا كانت  $\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{1i} > \sum_{i=1}^{n-c} e^2_{2i}$  اي ان  $\hat{\sigma}^2 u_1 > \hat{\sigma}^2 u_2$  و  $F = \frac{\hat{\sigma}^2 u_1}{\hat{\sigma}^2 u_2}$  ونفترض انه تم

رفض فرضية العدم ، فهذا يعني ان المجموعة الاولى التي فيها قيم X الصغيرة لها تباين للخطأ

اكبر من تباين الخطأ للمجموعة الثانية التي فيها قيم X الكبيرة، بمعنى آخر ان تباين الخطأ

يتناسب عكسياً مع زيادة قيم المتغير المستقل X.

ب- فإذا كانت  $\sum_{i=1}^{n-c} e^2_{2i} > \sum_{i=1}^{n-c} e^2_{1i}$  اي ان  $\hat{\sigma}^2 u_2 > \hat{\sigma}^2 u_1$  و  $F = \frac{\hat{\sigma}^2 u_2}{\hat{\sigma}^2 u_1}$  ونفترض

أنه تم رفض فرضية العدم، فهذا يعني أن المجموعة الأولى التي فيها قيم X الصغيرة لها تباين

للخطأ اقل من تباين الخطأ للمجموعة الثانية التي فيها قيم X الكبيرة بمعنى آخر أن تباين الخطأ

يتناسب طردياً مع زيادة قيم المتغير المستقل X.



ج- إذا تم قبول فرضية العدم اي ان  $\sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{1i} = \sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{2i}$  فذلك يعني ان تباين الخطأ متجانس.

## 2-2-2-4 معالجة عدم تجانس التباين:

تتم معالجة عدم تجانس التباين من إجراء تحويل للنموذج الأصلي، ويتوقف شكل التحويل للنموذج الأصلي على نمط عدم تجانس تباين حد الخطأ في النموذج الأصلي المقدر ويفترض أن النموذج الأصلي كان كما يلي:

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_i + U_i$$

وهناك عدة أنماط (افتراضات) لعدم تجانس تباين الخطأ، ويختلف النموذج أو المعادلة المحولة من افتراض لآخر.

الإفتراض الأول:

$$\sigma^2 u_i = \sigma^2 u x_i^2 \dots\dots\dots(15-2).$$

لمعالجة هذه الحالة يتم قسمة النموذج الأصلي علي  $X_i$  (الجزر التربيعي لمعامل  $\sigma^2 u$  في المعادلة (15-2) وكالاتي:

$$\frac{Y_i}{X_i} = \frac{\beta_0}{X_i} + \beta^1 + \beta_2 + \dots + \beta_k + \frac{u_i}{x_i} \dots\dots\dots(16-2).$$

نلاحظ ان حد الخطأ الجديد في النموذج (16-2) هو  $\frac{u_i}{x_i}$  وهو متجانس التباين لأن:

$$\begin{aligned}
V\left(\frac{u_i}{x_i}\right) &= E\left(\frac{u_i}{x_i}\right)^2 - \left[E\left(\frac{u_i}{x_i}\right)\right]^2 \\
&= \frac{1}{x_i^2} E(u_i)^2 - \frac{1}{x_i^2} [E(u_i)]^2 \\
&= \frac{1}{x_i^2} \sigma^2 u_i - \frac{1}{x_i^2} (0) = \frac{1}{x_i^2} \sigma^2 u x_i^2 = \sigma^2 u
\end{aligned}$$

بعد تقدير النموذج (16-2) ينتج:

$$\frac{Y_i}{X_i} = \frac{\hat{\beta}_0}{X_i} + \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 \dots + \hat{\beta}_k \dots (17-2).$$

نلاحظ أنه في هذا النموذج فإن الحد الثابت هو  $\hat{\beta}_1$  بينما الميل هو  $\hat{\beta}_0$  علي العكس من النموذج الأصلي المقدر، وللرجوع إلي النموذج الأصلي المقدر يتم ضرب النموذج (15-3) بـ  $X_i$ .

الافتراض الثاني:

$$\sigma^2 u_i = \sigma^2 u X_i \dots (18-2).$$

لمعالجة عدم تجانس التباين في هذه الحالة يتم قسمة النموذج الأصلي علي  $\sqrt{X_i}$  ، ويمكن التحقق من أنه تم التخلص من الظاهرة بملاحظة الآتي:

$$\frac{Y_i}{\sqrt{X_i}} = \frac{\beta_0}{\sqrt{X_i}} + \beta_1 \sqrt{X_i} + \beta_2 \sqrt{X_i} + \dots + \beta_k \sqrt{X_i} + \frac{u_i}{\sqrt{X_i}} \dots (19-2).$$

$$\begin{aligned}
V\left(\frac{u_i}{\sqrt{X_i}}\right) &= E\left(\frac{u_i}{\sqrt{X_i}}\right)^2 - \left[E\left(\frac{u_i}{\sqrt{X_i}}\right)\right]^2 \\
&= \frac{1}{X_i} E(u_i)^2 - \frac{1}{X_i} [E(u_i)]^2
\end{aligned}$$

$$= \frac{1}{x_i} \sigma^2 u_i - \frac{1}{x_i} (0) = \frac{1}{x_i} \sigma^2 u \quad x_i = \sigma^2 u$$

بعد تقدير النموذج (2-19) نحصل علي :

$$\frac{Y_i}{\sqrt{x_i}} = \frac{\hat{\beta}_0}{\sqrt{x_i}} + \hat{\beta}_1 \sqrt{x_i} + \hat{\beta}_2 \sqrt{x_i} + \dots + \hat{\beta}_k \sqrt{x_i} \quad \dots \dots \dots (20-2).$$

نلاحظ أن هذا النموذج يمثل إنحدار خطي متعدد بدون مقطع. وللرجوع إلى النموذج الأصلي المقدر يتم ضرب النموذج (2-20) ب  $\sqrt{x_i}$ .

الإفتراض الثالث:

$$\sigma^2 u_i = \sigma^2 u [E(y_i)]^2 \quad \dots \dots \dots (21-2).$$

لمعالجة عدم تجانس التباين في هذه الحالة يتم قسمة النموذج الأصلي علي  $E(y_i)$ ، اي

$$\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i$$

فنحصل علي:

$$\frac{Y_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} = \frac{\beta_0}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} + \frac{\beta_1 X_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} +$$

$$\frac{\beta_2 X_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} + \dots + \frac{\beta_i X_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} + \frac{u_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i}$$

$$\dots \dots \dots (22-2).$$

وللتأكد من أنه تم التخلص من الظاهرة تحسب تباين الخطأ في النموذج (3-18) فنجد أن:

$$V\left(\frac{u_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i}\right) = E\left(\frac{u_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i}\right)^2 -$$

$$\left[E\left(\frac{u_i}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i}\right)\right]^2$$

$$\frac{1}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} E(u_i)^2 - \frac{1}{\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i} [E(u_i)]^2 =$$

$$\frac{\sigma^2 u (\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i)^2}{(\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i)^2} = \sigma^2 u$$

بعد تقدير النموذج (22-2) ولغرض الرجوع إلي النموذج الأصلي المقدر يتم الضرب

ب  $(\beta_0 + \beta_1 X_i + \beta_2 X_i + \dots + \beta_k X_i)$  فنحصل علي نموذج إنحدار لا يعاني من ظاهرة عدم تجانس التباين في خطأه.

الإفتراض الرابع:

$$\sigma^2 u_i = \sigma^2 u |e_i| \quad \dots \dots \dots (23-2).$$

لمعالجة عدم تجانس التباين في هذه الحالة يتم قسمة النموذج الأصلي علي  $\sqrt{|e_i|}$ ، ويمكن التحقق من أنه تم التخلص من الظاهرة بملاحظة الآتي:

$$\frac{Y_i}{\sqrt{|e_i|}} = \frac{\beta_0}{\sqrt{|e_i|}} + \frac{\beta_1 X_i}{\sqrt{|e_i|}} + \frac{\beta_2 X_i}{\sqrt{|e_i|}} + \dots + \frac{\beta_k X_i}{\sqrt{|e_i|}} + \frac{u_i}{\sqrt{|e_i|}} \quad \dots \dots \dots (24-2).$$

تباين الخطأ الجديد  $\frac{u_i}{\sqrt{|e_i|}}$  هو:

$$V\left(\frac{u_i}{\sqrt{|e_i|}}\right) = E\left(\frac{u_i}{\sqrt{|e_i|}}\right)^2 - \left[E\left(\frac{u_i}{\sqrt{|e_i|}}\right)\right]^2$$

$$= \frac{1}{\sqrt{|e_i|}} E(u_i)^2 - \frac{1}{\sqrt{|e_i|}} [E(u_i)]^2$$

$$\frac{1}{\sqrt{|e_i|}} E(u_i)^2 = \frac{1}{\sqrt{|e_i|}} \sigma^2 u \sqrt{|e_i|} = \sigma^2 u$$

بعد تقدير النموذج (2-24)، يتم ضربية ب  $\sqrt{|e_i|}$  فنحصل علي نموذج انحدار خالي من الظاهرة

الإفتراض الخامس:

وهو عبارة عن أحد التحويلات اللوغاريتمية، فكما هو معلوم فإن أخذ اللوغاريتمات للقيم يؤدي إلي تقارب هذه القيم من بعضها وهذا يعني بالتالي إنخفاض تباين القيم. ففي هذا الإفتراض يتم أخذ اللوغاريتمات لقيم المتغيرين  $X$  و  $Y$  فنحصل علي نموذج الإنحدار الآتي:

$$\log Y_i = \beta_0 + \beta_1 \log X_i + \beta_2 \log X_i + \dots + \beta_k \log X_i + U_i \dots\dots\dots (25-2).$$

ويتم تقدير هذا النموذج بطريقة OLS والذي يكون خالياً من الظاهرة.

الإفتراض السادس: (حالة عامة)

في جميع الحالات السابقة فإن:

$$\sigma^2 u_i = \sigma^2 u f(x_i) \dots\dots\dots (26-2).$$

ولذلك وللتخلص من عدم تجانس تباين المتغير العشوائي  $u$  يتم قسمة جميع حدود نموذج

$$\text{الإنحدار الأصلي علي الجذر التربيعي لمعامل } \sigma^2 u \text{ أي علي } \sqrt{f(x_i)}.$$

### 3-2-2 الإرتباط الذاتي:

الفرضية الأساسية لتطبيق طريقة المربعات الصغري الإعتيادية (OLS) في النموذج الخطي

هي عدم وجود ظاهرة الإرتباط الذاتي وإن مصطلح الإرتباط الذاتي يمكن توضيحه علي أساس

كونه يمثل الإرتباط بين المشاهدات المتسلسلة لنفس المتغير خلال فترة زمنية (أو في مجال معين لبيانات المقطع العرضي).

وتظهر هذه المشكلة نتيجة مخالفة أحد فرضيات نموذج الإنحدار الخطي ، وتتعلق المخالفة في سلوكية فرضيات حد الإضطراب  $u_i$  التي سبق وأن عبرنا عنها بفرضية عدم وجود إرتباط ذاتي بين قيم المتغير العشوائي وحيث أخذت هذه الفرضية في النموذج الخطي الصيغة الآتية :

$$E(U_i U_j) = 0 \quad i \neq j$$

وتأخذ الصيغة علي شكل فترات زمنية فإن:

$$cov(u_t u_{t-1}) = E[u_t - E(u_t)][u_{t-1} - E(u_{t-1})] \quad t = 2, 3, \dots, n$$

$$E(u_t) = 0$$

$$cov(u_t u_{t-1}) = E(u_t u_{t-1}) = 0$$

ومضمون مفهوم الإرتباط الذاتي هو كون المتغير العشوائي الذي يحدث خلال فترة معينة ، يرتبط بالمتغير العشوائي الذي يسبقه أو يليه مما يؤدي إلى :

$$cov(u_t u_{t-1}) \neq 0$$

ويلاحظ أن ظاهرة الإرتباط الذاتي كثيرة الحدوث في بيانات السلاسل الزمنية Time series اكثر منها في بيانات المقطع العرضي Cross-Section.

## 2-3-2 أسباب ظهور الارتباط الذاتي:

هناك عدة عوامل لظهور الارتباط الذاتي منها:

1- حذف بعض المتغيرات المستقلة من النموذج ، وفي هذه الحالة يظهر ما يسمى شبه الارتباط الذاتي وتأثير ذلك في المتغير سوف يظهر ضمن المتغير العشوائي  $u$ .

2- سوء توصيف الصيغة الرياضية للنموذج ، فعند حذف المتغير المستقل المرتبط مع المتغيرات المستقلة الأخرى في النموذج قد يجعل حدود الاضطراب بكل نموذج مرتبطة أيضا أي ظهور الارتباط بين قيم المتغير العشوائي  $u$ .

3- عدم دقة المعلومات والبيانات قد يؤثر على حدود الاضطراب الأمر الذي يتطلب ضرورة تهذيب وتعديل البيانات بشكل يتساوى فيه أثر الاضطراب خلال الفترات المتتالية.

4- سوء توصيف المتغير العشوائي  $u$  ، حيث أنه بيانات السلاسل الزمنية قد يمتد أثر العوامل العشوائية لأكثر من فترة زمنية واحدة، فالحروب والبراكين والزلازل والفيضانات والأوبئة وغيرها، لها آثار ممتدة علي سلوكية المتغيرات الاقتصادية للإقتصاد ككل ، وفي الفترات التي تلحق الفترة التي وقعت فيها مثل هذا الاضطرابات ، ونتيجة لذلك فإن العنصر العشوائي يتأثر تلقائيا بصورة مستمرة مما يؤدي إلي ترابط قيم ذلك المتغير .

5- وأخيرا فإن لحيز الارتباط الذاتي دور في ظهوره ، وخاصة في البيانات المقاطع العرضية الإقليمية، فنجد في الأزمات أو الاضطرابات التي تقع في إحد الأقاليم علي الميزانية الاقتصادية

في أقاليم مجاورة أخرى، فالأزمات نتيجة التغير في الظروف المناخية في إقليم معين تؤثر علي الأقاليم المجاورة.

## 2-3-2-2 الارتباط الذاتي من الرتبة الأولى:

نفرض لدينا نموذج الإنحدار الخطي البسيط:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t + U_t \quad \dots\dots\dots(27-2).$$

وبفرض وجود الارتباط الذاتي بين قيم حد الخطاء  $U_t$ ، نفرض أن القيمة  $U_t$  تعتمد علي القيمة  $U_{t-1}$  بمعنى آخر:

$$U_t = f(U_{t-1}) \quad \dots\dots\dots(28-2).$$

وان شكل هذه العلاقة بين  $U_t$ ،  $U_{t-1}$  تتبع معادلة ماركوف من الرتبة الأولى الآتية:

$$U_t = \rho U_{t-1} + \varepsilon_t \quad \dots\dots\dots(29-2).$$

حيث  $\rho$  معامل الارتباط بين  $U_t$ ،  $U_{t-1}$  وأن  $\varepsilon_t$  هو الخطأ الذي يحقق افتراضات الإنحدار الخطي وهي :

$$E(\varepsilon_t) = 0$$

$$E(\varepsilon_t)^2 = \sigma_\varepsilon^2 \quad t \neq t' ; t = 1, 2, \dots, n \quad \dots\dots(30-2).$$

$$E(\varepsilon_t \varepsilon_{t'}) = 0$$



يلاحظ أن النموذج (29—2) يمثل انحدار خطي بسيط فيه قيمة المتغير المعتمد  $U_t$  تعتمد على القيمة السابقة  $U_{t-1}$  وكذلك يسمى بنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة الأولى وبالتعويض المتتالي لقيم  $U$  السابقة من (29—2) نلاحظ الآتي:

$$\begin{aligned}
 U_t &= \rho U_{t-1} + \varepsilon_t \\
 &= \rho(\rho U_{t-2} + \varepsilon_{t-1}) + \varepsilon_t \\
 &= \rho^2 U_{t-2} + \rho \varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t \\
 &= \rho^3 (\rho U_{t-3} + \varepsilon_{t-2}) + \rho \varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t \\
 &= \rho^3 U_{t-3} + \rho^2 \varepsilon_{t-2} + \rho \varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t \\
 &\cdot \\
 &\cdot \\
 &= \varepsilon_t + \rho \varepsilon_{t-1} + \rho^2 \varepsilon_{t-2} + \rho^3 \varepsilon_{t-3} + \dots \\
 &\Rightarrow U_t = \sum_{k=0}^{\infty} \rho^k (\varepsilon_{t-k}) \dots \dots \dots (31-2).
 \end{aligned}$$

## 2-2-3-3 النتائج المترتبة علي وجود الارتباط الذاتي:

إن وجود الارتباط الذاتي له تأثيرات متعددة على التحليل هذه التأثيرات تتمثل في أن تقديرات المربعات الصغري ستكون غير متحيزة ولكنها غير كفوءة بمعنى أنها لا تملك أصغر تباين دائماً، فضلاً عن ذلك فإن تقدير  $\sigma^2$  والأخطاء المعيارية لمعاملات الانحدار يمكن أن تكون أكبر من الحقيقية بشكل كبير وتعطي انطباعاً زائفاً عن الدقة، كما أن فترات الثقة والإختبارات المختلفة للمعنوية المستخدمة بشكل شائع سوف لن تكون مقبولة بشكل تام من النموذج الخطي العام.

وحيث أن نموذج الانحدار الخطي البسيط حالة خاصة من نموذج الانحدار العام، عليه سيتم إثبات هذه النتائج اعتماداً على نموذج الانحدار العام كما يأتي:

### عدم التحيز:

إن كون مقدرات المربعات الصغري  $s, \hat{\beta}$  متحيزة أم غير متحيزة لا يعتمد علي كون حد الخطأ في نموذج الانحدار  $u$  مرتبطاً أم لا، نماذج الانحدار الخطية البسيطة والمتعددة هي حالات خاصة من نموذج الانحدار الخطي العام الذي يتخذ الشكل الآتي:

$$Y = X\beta + u$$

وحيث أنه :

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'Y$$

$$(X'X)^{-1}X'(x\beta + u) =$$

$$= \beta + (X'X)^{-1}X'u$$

$$E(\hat{\beta}) = E[\beta + (X'X)^{-1}X'u]$$

$$= \beta + (X'X)^{-1}X'E(U)$$

حيث أن  $E(U) = 0$  لذلك فإن:

$$E(\hat{\beta}) = \beta$$

### الكفاءة:

على الرغم من أن  $\hat{\beta}$  تبقي غير متحيزة إلا أنه سوف لن يكون لها أقل تباين، بمعنى آخر أن تباين  $\hat{\beta}$  بوجود الارتباط الذاتي بين قيم حد الخطأ  $u$  سوف يكون أكبر من التباين في حالة عدم وجود هذه الظاهرة، عليه فإن المقدرات  $\hat{\beta}$ ,  $S$  في هذه الحالة سوف لن تكون أكفأ المقدرات ويمكن إثبات ذلك كالاتي:

تباين  $\hat{\beta}$  هو:

$$V(\hat{\beta}) = E[\hat{\beta} - E(\hat{\beta})][\hat{\beta} - E(\hat{\beta})]'$$

$$= E[\hat{\beta} - \beta][\hat{\beta} - \beta]'$$

$$= E[\hat{\beta}\hat{\beta}' - \beta\hat{\beta}' - \hat{\beta}\beta' + \beta\beta']$$

$$\begin{aligned}
E(\hat{\beta}\hat{\beta}') - \beta\beta' &= E[(X'X)^{-1}X'YY'X(X'X)^{-1}] - \beta\beta' - \beta\beta' + \beta\beta' \\
&= E[(X'X)^{-1}X'E(YY')X(X'X)^{-1}] - \beta\beta' \\
&= (X'X)^{-1}X'E[x\beta + u][x\beta + u]'X(X'X)^{-1} - \beta\beta' \\
&= (X'X)^{-1}X'E[X\beta\beta'X' + X\beta U' + U\beta'X' + UU']X(X'X)^{-1} - \beta\beta' \\
&= (X'X)^{-1}X'[X\beta\beta'X' + E(UU')]X(X'X)^{-1} - \beta\beta' \\
&= (X'X)^{-1}X'X\beta\beta'X'X(X'X)^{-1} + (X'X)^{-1}X'E(UU')X(X'X)^{-1} - \beta\beta'
\end{aligned}$$

$$V(\hat{\beta}) = (X'X)^{-1}X'E(UU')X(X'X)^{-1} \dots\dots\dots(32-2).$$

نوجد الآن مصفوفة التباين -التغاير المشترك ل u وكالاتي:

$$E(uu') = \begin{bmatrix} E(u_1)^2 & E(u_1u_2) & \dots & E(u_1u_n) \\ & E(u_2)^2 & \dots & E(u_2u_n) \\ & & \vdots & \\ & & & E(u_n)^2 \end{bmatrix}$$

$$E(uu') = \begin{bmatrix} \sigma^2u & \rho\sigma^2u & \rho^2\sigma^2u & \dots & \rho^{n-1}\sigma^2u \\ \sigma^2u & \rho\sigma^2u & \dots & \dots & \rho^{n-2}\sigma^2u \\ & & & & \vdots \\ & & & & \sigma^2u \end{bmatrix}$$

$$= \sigma^2 u \begin{bmatrix} 1 & \rho & \rho^2 & \dots & \rho^{n-1} \\ & 1 & \rho & \dots & \rho^{n-2} \\ & & & \ddots & \\ & & & & 1 \end{bmatrix} =$$

$$\sigma^2 u \Omega \quad \dots \dots \dots (33-2).$$

من نتيجة التحليل هذه نصل إلى نتيجة في غاية الأهمية وهي وجود علاقة بين ظاهرة

عدم تجانس التباين والإرتباط الذاتي، فكما هو معلوم في حالة تجانس التباين للمتغير  $u$  فإن:

$$E(uu) \sigma_u^2 I_n$$

$$= \sigma^2 u \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ & 1 & \dots & 0 \\ & & \ddots & \\ & & & 1 \end{bmatrix}$$

فإذا كان الإرتباط الذاتي موجوداً فإن هذه النتيجة تكون غير صحيحة كما في

(33-2)، عليه فإن وجود الإرتباط الذاتي يؤدي بالضرورة إلى عدم تجانس التباين، أما

العكس فهو ليس صحيحاً دائماً.

المعادلة (32-2) تصبح:

$$V(\hat{\beta}) = \sigma^2 u (X'X)^{-1} X' E(UU) X (X'X)^{-1} \quad \dots \dots \dots (34-2).$$

إن تباين  $\hat{\beta}$  الناتج من المعادلة (33-2) سيكون مختلفاً عن التباين في حالة عدم

وجود الإرتباط الذاتي. ولتبسيط الفكرة يمكن تناول نموذج الإنحدار الخطي البسيط (29-2)

وبدلالة الإنحرافات حيث يلاحظ أن:

$$X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}, \quad x' = [x_1 \quad x_2 \quad \dots \quad x_n]$$

$$\Rightarrow (x'x)^{-1} = (\sum_{i=1}^n x_i^2)^{-1} = \frac{1}{\sum_{i=1}^n x_i^2}$$

بالتعويض في (2-34) ينتج:

$$V(\hat{\beta}) =$$

$$\frac{\sigma^2 u}{\sum_{i=1}^n x_i^2} [x_1 \quad x_2 \quad \dots \quad x_n] \begin{bmatrix} 1 & \rho & \rho^2 & \dots & \rho^{n-1} \\ & 1 & \rho & \dots & \rho^{n-2} \\ & & \vdots & & \vdots \\ & & & & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} \frac{1}{\sum_{i=1}^n x_i^2}$$

$$= \frac{\sigma^2 u}{(\sum_{i=1}^n x_i^2)^2} [(x_1 \quad x_2 \quad \dots \quad x_n) + (2 \rho x_1 x_2 +$$

$$2 \rho^2 x_1 x_3 + \dots + 2 \rho^{n-1} x_1 x_n) + (2 \rho x_2 x_3 + 2 \rho^2 x_2 x_4 + \dots + 2 \rho^{n-1} x_2$$

$$x_n) + (2 \rho^2 x_3 x_4 + 2 \rho^3 x_3 x_5 + \dots + 2 \rho^{n-1} x_3 x_n) + \dots + 2 \rho^{n-(n-1)} x_{n-1} x_n$$

$$= \frac{\sigma^2 u}{(\sum_{i=1}^n x_i^2)^2} [\sum_{i=1}^n x_i^2 + 2 \rho \sum_{i=1}^n x_i x_{i+1} + 2 \rho^2 \sum_{i=1}^n x_i x_{i+2} +$$

$$2 \rho^3 \sum_{i=1}^n x_i x_{i+3} + \dots + 2 \rho^{n-1} \sum_{i=1}^n x_i x_{i+(n-1)}]$$

$$V(\hat{\beta}) = \frac{\sigma^2 u}{\sum_{i=1}^n x_i^2} \left[ 1 + 2 \rho \frac{\sum_{i=1}^n x_i x_{i+1}}{\sum_{i=1}^n x_i^2} + 2 \rho^2 \frac{\sum_{i=1}^n x_i x_{i+2}}{\sum_{i=1}^n x_i^2} + 2 \rho^3 \frac{\sum_{i=1}^n x_i x_{i+3}}{\sum_{i=1}^n x_i^2} + \right.$$

$$\dots + 2 \rho^{n-1} \frac{\sum_{i=1}^n x_i x_{i+(n-1)}}{\sum_{i=1}^n x_i^2} \left. \right]$$

$$\dots \dots \dots (35-2).$$

في نموذج الإنحدار الخطي البسيط الذي يخلو من الارتباط الذاتي فإن :

$$V(\hat{\beta}_i) = \frac{\sigma^2 u}{\sum_{i=1}^n x_i^2} \dots\dots\dots(36-2).$$

عليه فإن وجود الارتباط الذاتي يؤدي إلى تغير قيمة  $V(\hat{\beta}_i)$  بالمقدار المشار إليه بين القوسين في المعادلة (35-2) فإذا كان  $\rho = 0$  فإن الكمية بين القوسين ستساوي صفراً والنتيجة  $V(\hat{\beta}_i)$  كما في المعادلة (36-2).

وعلاقة التباين في (35-2) بالتباين في (36-2) تعتمد علي قيمة  $\rho$  (سالبة أو موجبة) وكذلك على معامل الارتباط الذاتي بين قيم المتغير المستقل  $X$  (سالبة أو موجبة). عموماً فإن وجود الارتباط الذاتي في النموذج يجعل تباينات المقدرات مضللة ويترتب علي ذلك أن الاختبارات الخاصة بهذه المقدرات تكون غير صحيحة.

### 2-2-3-4 إكتشاف الارتباط الذاتي:

هناك عدة طرق للكشف عن وجود الارتباط الذاتي بين قيم الخطأ العشوائي  $u$  من أهمها إختبار Durbin-Watson وإختبار  $Durbin\ h$ .

### إختبار Durbin-Watson:

لكون أن تباين الخطأ العشوائي بوجود الارتباط الذاتي لا يعبر عن قيمته الحقيقية، لذلك فإن إستخدام إختبار  $t$  أو إختبار  $F$  للكشف عن وجود الارتباط الذاتي يعطي نتيجة غير صحيحة.

تشير فرضية العدم إلى انعدام الارتباط الذاتي بين قيم الخطأ العشوائي، أي أن هذه القيم تكون غير مترابطة وأن معامل الارتباط الذاتي بين قيم  $u$  يكون صفراً، عليه فإن:

$H_0$ :  $U_i$ 's are independent

$H_1$ :  $U_i$ 's are correlated

أو بعبارة أخرى:

$$H_0: \rho = 0$$

$$H_1: \rho \neq 0$$

$$d^* = \frac{\sum_{t=2}^n (e_t - e_{t-1})^2}{\sum_{i=1}^n e_t^2} \dots\dots\dots (37-2).$$

$$= \frac{\sum_{i=2}^n e_t^2 + \sum_{i=2}^n e_{t-1}^2 - 2 \sum_{i=2}^n e_t e_{t-1}}{\sum_{i=1}^n e_t^2}$$

عندما تكون  $n$  كبيرة فإن:

$$\sum_{i=2}^n e_t^2 \cong \sum_{i=2}^n e_{t-1}^2 \cong \sum_{i=1}^n e_t^2$$

لذلك فإن :

$$d^* \cong \frac{2 \sum_{i=2}^n e_{t-1}^2}{\sum_{i=2}^n e_{t-1}^2} - \frac{2 \sum_{i=2}^n e_t e_{t-1}}{\sum_{i=2}^n e_{t-1}^2}$$

$$d^* \cong 2 \left[ 1 - \frac{\sum_{i=2}^n e_t e_{t-1}}{\sum_{i=2}^n e_{t-1}^2} \right] \dots\dots\dots (38-2).$$

$\Rightarrow$



إن النموذج المقدر للنموذج (2-30) سيكون:

$$e_t = \hat{\rho} e_{t-1} \dots\dots\dots(2-39).$$

$$\hat{\rho} = \frac{\sum_{i=2}^n e_t e_{t-1}}{\sum_{i=2}^n e_{t-1}^2} \dots\dots\dots(2-40).$$

وهو يمثل معامل الارتباط المقدر بين قيم الخطأ العشوائي  $u$  ويطلق علي هذه الطريقة طريقة Cochrane-Orcutt في تقدير  $\rho$  لذلك فإن المعادلة (2-38) تصبح:

$$d^* = 2(1 - \hat{\rho}) \dots\dots\dots(2-41).$$

في بعض الأحيان يرمز ل  $d^*$  ب  $D.W$  ولأن  $-1 \leq \hat{\rho} \leq 1$  فإن ذلك يؤدي إلى  $0 \leq d^* \leq 4$  وبناءً على الصيغة (2-41) يلاحظ الآتي:

1- إذا كان الارتباط تام سالب  $\hat{\rho} = -1$  فإن ذلك يجعل  $d^* = 4$ .

2- إذا كان الارتباط تام موجب  $\hat{\rho} = 1$  فإن ذلك يجعل  $d^* = 0$ .

3- إذا كان الارتباط معدوماً  $\hat{\rho} = 0$  فإن ذلك يجعل  $d^* = 2$ .

ونستنتج من ثالثاً، أن إختبار الفرضية السابقة بخصوص  $\rho$  تعني إختبار الفرضية الآتية.

$$H_0: d = 0$$

$$H_1: d \neq 0$$

وتكون خطوات إجراء الإختبار Durbin-Watson في حالة النموذج البسيط أو المتعدد كآلاتي:

1- بعد تقدير نموذج الإتحدار يتم حساب  $\hat{y}_i$  ومن ثم  $e$ .

2- تحسب الإحصائية  $d^*$  من الصيغة (2-37)، أو تحسب قيمة  $\hat{\rho}$  من المعادلة

(2-40) ومن ثم تحسب  $d^*$  من المعادلة (2-41).

3- من جدول Durbin -Watson (الجدول (4) في الملحق) يتم إستخراج الحدين

الأدنى والأعلى ل  $d^*$  اي  $d_l$  و  $d_u$  اعتماداً علي  $k$  (عدد المتغيرات المستقلة في النموذج) و  $n$  (حجم العينة) و  $\alpha$  (مستوي المعنوية).

4- تقارن قيمة  $d^*$  بالقيمتين  $d_l$  و  $d_u$  ويتم إتخاذ القرار بخصوص قبول أو رفض الفرضية بحسب الآتي:

أ- إذا كانت  $d_l < d^* < 0$  فذلك يبين وجود إرتباط ذاتي موجب لذلك ترفض  $H_0$ .

ب- إذا كانت  $d_u < d^* < d_l$  فإنه من غير المؤكد وجود إرتباط ذاتي.

ج- إذا كانت  $d_u < d^* < 4 - d_u$  فذلك يعني لا وجود للإرتباط الذاتي، عليه تقبل  $H_0$ .

د- إذا كانت  $4 - d_l < d^* < 4 - d_l$  فإنه من المؤكد وجود إرتباط ذاتي.

هـ- إذا كانت  $4 - d_l < d^* < 4$  فذلك يعني وجود إرتباط ذاتي سالب لذلك ترفض  $H_0$ .

## 2-3-5 معالجة الارتباط الذاتي:

هناك عدة طرق لمعالجه وجود ظاهرة الارتباط الذاتي بين قيم الخطأ العشوائي، ويفرض أن نموذج الإنحدار معرف حسب المعادله (2-27) وان حد الخطأ فيه يعاني من الارتباط الذاتي المشار إليه ومن أهم الطرق طريقة التحويل وطريقة المربعات الصغرى العموميه.

### طريقة التحويل :

ويطلق عليها أيضا طريقة cochrane\_Orcutt وهي من أسهل الطرق استخداما، لنفرض وجود نموذج الإنحدار (2-27):

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t + U_t$$

يخضع للارتباط الذاتي من الرتبة الأولى حسب المعادلة (2-29) أي:  $U_t$  والافتراض أن

$$U_t = \rho U_{t-1} + \varepsilon_i$$

يحقق الافتراضات (2-31). حيث  $\varepsilon_i$

يتم تحويل بالطريقة الآتية:

إعتماداً علي المعادلة (2-29) فإن:

$$Y_{t-1} = \beta_0 + \beta_1 x_{t-1} + U_{t-1} \dots \dots \dots (2-42).$$

نضرب هذه المعادلة في  $\hat{\rho}$  فنحصل على:

$$\hat{\rho} Y_{t-1} = \hat{\rho} \beta_0 + \hat{\rho} \beta_1 x_{t-1} + \hat{\rho} U_{t-1} \quad \dots\dots\dots(43-2).$$

بطرح المعادلة (43-2) من (42-2) نحصل على :

$$Y_t - \hat{\rho} Y_{t-1} = \beta_0(1 - \hat{\rho}) + \beta_1(X_t - \hat{\rho} x_{t-1}) + U_t - \hat{\rho} U_{t-1} \dots\dots\dots (44-2).$$

بفرض الأتي:

$$Y_t^* = Y_t - \hat{\rho} Y_{t-1} \quad t=2,3,\dots,n \quad \dots\dots\dots(45-2).$$

$$X_t^* = X_t - \hat{\rho} x_{t-1} \quad \dots\dots\dots(46-2).$$

$$v_i = U_t - \hat{\rho} U_{t-1} \quad \dots\dots\dots(47-2).$$

$$\alpha_0 = \beta_0(1 - \hat{\rho}) \quad \dots\dots\dots(48-2).$$

$$\alpha_1 = \beta_1 \quad \dots\dots\dots(49-2).$$

عليه فإن المعادلة (44-2) تصبح:

$$Y_t^* = \alpha_0 + \alpha_1 X_t^* + v_i \quad t=2,3,\dots,n \quad \dots\dots\dots(50-2).$$

في هذه المعادلة نلاحظ أن هناك فقداناً للقيمة الأولى لكل من  $X^*$  و  $Y^*$  لأن عدد القيم فيها -n

1 عليه يتم حساب هاتين القيمتين من الأتي:

$$\begin{aligned} Y_1^* &= y_1 \sqrt{1-\rho^2} \\ X_1^* &= x_1 \sqrt{1-\rho^2} \end{aligned} \dots\dots\dots(51-2).$$

فبتم تقدير النموذج (2-50) فنحصل علي:

$$Y_1^* \hat{=} \alpha_0 \hat{+} \alpha_1 \hat{X}t * \dots\dots\dots(52-2).$$

يعاد إختبار وجود الإرتباط الذاتي بالنسبة للنموذج (2-52) فإذا تم قبول  $H_0$  فهذا يعني أن عملية التحويل أعلاه أدت إلى التخلص من هذه الظاهرة. أما إذا تبين أن النموذج لازال يعاني من هذه الظاهرة، عليه يلجأ إلي عملية تحويل من الرتبة الثانية أي تؤخذ  $y_{t-2}$  في المعادلة (2-42) بدلاً من  $Y_{t-1}$  وتعاد خطوات المعالجة إلى أن يتم التخلص من الظاهرة وتسمى هذه الطريقة بطريقة الإعادة .

### طريقة المربعات الصغرى العمومية:

واختصاراً يرمز لها ب GLS ويعتبر البروفيسور Aitken أول من استخدم هذه الطريقة ولذلك تسمى هذه الطريقة أحياناً بطريقة Aitken.

وتعطي طريقة Aitken الحل لمشكلة الإرتباط الذاتي بين قيم حد الخطأ في النموذج الإقتصادي، ويمكن تلخيص هذه الطريقة كما يلي:

عند وجود الإرتباط الذاتي بين قيم U لاحظنا أنه من خلال المعادلة (2-32) أن:

$$E(u\hat{u}) = \sigma_u^2 \dots\dots\dots(53-2).$$

حيث  $\Omega$  مصفوفة متماثلة موجبة التعريف positive Definite ذات سعة  $(n * n)$ ، ووجود

الإرتباط الذاتي من الرتبة الأولى فإن:

$$\Omega = \begin{bmatrix} 1 & \rho & \rho^2 & \dots & \rho^{n-1} \\ \rho & 1 & \rho & \dots & \rho^{n-2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ \rho^{n-1} & \rho^{n-2} & \rho^{n-3} & \dots & 1 \end{bmatrix}$$

لذلك فإن:

$\Omega$

$$= \frac{1}{1 - \rho^2} \begin{bmatrix} 1 & \rho & 0 & \dots & 0 & 0 \\ -\rho & (1 + \rho^2) & -\rho & \dots & 0 & 0 \\ 0 & -\rho & (1 + \rho^2) & \dots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\rho & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & \rho & 1 \end{bmatrix} \dots (54-2).$$

وعليه فعند تقدير  $\beta$  في النموذج الخطي العام ووجود الإرتباط الذاتي سنحصل علي:

$$\beta^{\wedge'} = (X' \Omega X)^{-1} X' \Omega Y \dots (55-2).$$

وتسمى بمقدرات Aitken وبناءً علي ذلك فإن:

$$V(\beta^{\wedge'}) = \sigma_U^2 (X' \Omega X)^{-1} X' \dots (56-2).$$

أما في مقدرات المربعات الصغري الإعتيادية لاحظنا بأنه لا وجود للمصفوفة  $\Omega$  لأنها تقابل

المصفوفة الأحادية في تلك الطريقة، عليه فإن نموذج الإنحدار الخطي العام المقدر:

$$\hat{Y} = X\hat{\beta}$$

.....(57-2).

سيكون خالياً من الارتباط الذاتي.

## الفصل الثالث

### الإستثمار في السودان

0-3: تمهيد.

1-3: وزارة الإستثمار.

2-3: مناخ الإستثمار.

3-3: محددات الإستثمار.

4-3: معوقات الإستثمار.

5-3: العوامل المؤثرة علي حجم الإستثمار.

6-3: مجالات الإستثمار.



### 3-0 تمهيد: {4}

بدأ الاهتمام من الدولة بالإستثمار منذ فجر الإستقلال ففي عام 1956م صدر أول تشريع منظم له وهو مايسمي بقانون الميراث الممنوحه وعني به القطاع الصناعي بغرض تحويل الإقتصاد من زراعي ورعوي إلي صناعي حديث ، تلي ذلك عام 1967م صدور قانون تنظيم وتشجيع الإستثمار الصناعي عقب انشاء وزارة متخصصة للصناعة والتعدين لأول مره في عام 1966م وأنصب إهتمام القانون علي الإستثمارات الوطنية والأجنبية ومنح الإستثمارات الوافده الضمانات اللازمة ' كما اشتمل علي نصوص تتبع تحويل الأرباح وفوائد القروض ورؤوس الأموال.

صدر قانون تنظيم وتشجيع الإستثمارات في الخدمات الإقتصادية في عام 1973م ' وذلك بهدف تشجيع الإستثمار بصفة خاصة في مجالات (السياحة ' التخزين، الخدمات الزراعية ، والإنتاج الزراعي) إضافة الي المرافق الإقتصادية الأخرى ، وقد خضع هذا القانون للتعديل في عام 1976م.

أما في عام 1980م صدر قانون يهدف الي توحيد قناة الإستثمار وقانونه تقاديا للسلبيات التي برزت من خلال تجربة القوانين القطاعية للأسباب الآتية:

1- مواكبة التطورات في مجال الإستثمار في الدول ذات الطبعه المماثلة نصت علي ضرورة العمل وفق قانون موحد.

2- برز خلال تطبيق القوانين القطاعية اضعاف النظره القطاعية للإستثمار ،وانعدام النظره الشمولية

3- وجود مشاريع إستثمارية ذات طبيعة مشتركة (صناعي ، زراعي ، خدمي ، ...).

### 1-3 وزارة الإستثمار: {4}

تأكيدا لإهتمام الدولة بعملية الإستثمار فقد تم ترفيع جهاز الإستثمار الي وزارة الإستثمار بموجب المرسوم الجمهوري رقم (24) لسنة 2002م.

تتولي وزارة الإستثمار مسؤولية وضع إستراتيجيات وسياسات وأهداف وبرامج وتطوير الإستثمار المحلي والأجنبي بالسودان.

وتتلخص إختصاصات وزارة الإستثمار كما حددها المرسوم رقم(24) علي المهام الأتية:

1. وضع استراتيجية وسياسات وأولويات الاستثمار .
2. تنفيذ قانون تشجيع الإستثمار واللوائح الصادرة بموجبه .
3. إعداد الخرائط الإستثمارية الإتحادية والولائية .
4. السعي لتحسين مناخ الإستثمار وتسهيل اجراءته .
5. تطوير نظم وأساليب ترويج الإستثمار .
6. متابعة تنفيذ سياسات الإستثمار وتقويمها .
7. توجيه الإستثمار نحو مشاريع البنية التحتية الأساسية .
8. أي مهام يكلف بها مجلس الوزراء تهدف لتعزيز الإستثمار .

ولتنفيذ هذه المهام لابد من وضع خطة أساسية تعتمد علي تحديد الملامح والمؤشرات الأساسية لوزارة جديدة تنشأ لأول مره بالسودان ، لذا جاءت الخطة للعام الاول من عمر الوزارة مبرأة من كل السلبيات كما انها تبني علي الرصيد المتراكم الناتج من العملية الإستثمارية، عليه استهدفت الوزارة المحاور الآتية :

1- التنسيق مع الوزارات الإتحادية ذات الثقة بالعملية الإستثمارية ، وتشمل كل الوزارات المختصة والجهات المشاركة في تنفيذ قانون الإستثمار من اراضى ، جمارك وضرائب ومسجل اسماء اعمال نتج عنه تكوين قناة واحده سميت بالنافذه الواحد.

2- التنسيق مع كل الولايات وعلي راسها ولاية الخرطوم ممثلة في وزارة الاسكان بولاية الخرطوم فيها يتعلق بالأراضى الإستثمارية تخطيطا وتنفيذا .

3- التنسيق مع سلطات القضاء لإنشاء محكمة مختصة بالإستثمار .

4- التنسيق مع القطاع الخاص حيث تمت إجتماعات مع الإتحادات أصحاب العمل والإتحادات الولايات شملت (الجزيرة والقضارف) واثمر هذا التنسيق علي قيام ندوه تقيعيل دور القطاع الخاص بالتعاون مع مجلس الوزراء .

## **2-3 مناخ الإستثمار: {4}**

### **1-2-3 لماذا الإستثمار في السودان:**

1- إقتصاد متسع النمو ومشروعات تنمية ضخمة مطروحة للإستثمار وفرص متنوعه في مختلف المجالات .

- 2-موارد طبيعية هائلة تشكل اساسا قويا لمشروعات الإستثمار .
- 3-موقع جغرافي مميز في وسط القارة الإفريقية يتيح للمستثمرين الإنفتاح مستقبلا علي دول الجوار الإفريقي.
- 4-قطاع مصرفي متعدد وخليط بين الخبرة المصرفية الأجنبية والمحلية.
- 5-سياسات حكومية داعمة لنشاط الإستثمار ومشجعة لة وعزيمة علي إنفاذ هذه السياسات.

### 3-2-2 سياسات تشجيع الإستثمار:

أ- السياسات الإقتصادية :

- 1- تقليص دور الدولة في العمل الإقتصادي والنشاط الانتاجي.
- 2- تحرير الأسعار ووقف دعم السلع والخدمات.
- 3- تحرير التجارة الخارجية وتشجيع الصادرات.
- 4- المعالجات الضريبية المتمثلة في الضرائب الولائية والمحليه على المنتجات الزراعية وتخفيض الضريبة علي الشركات المساهمة العامة وادخال تعديلات ضريبية لتشجيع حركة رأس المال.
- 5- الإجراءات الجمركية المتمثلة في تطبيق تعريف جديدة للسلع الرأسمالية المستفيدة من الإعفاءات وتخفيض الرسوم علي بعض الموارد الغذائية وإلغاء الرسوم علي أجهزة الحاسب اللآلي وملحقاتها.

ب- السياسات المالية والنقدية :

- 1- إلغاء القيود على معاملات النقد الأجنبية تحرير الأنظمة السعكرية من التحكم الإداري وتمكينها من عكس التكلفة الإقتصادية والإجتماعية وميزات العرض والطلب.

2- تبني سياسات إطلاق قوي الإستثمار وإنتاج ودعم السياسات التحرير الأقتصادي وقفل طريق انظمة التقييد والتحكم في المعاملات المكتوبة.

3- تقويم العملة الوطنية بحيث يرسى سعرها الواقعي بتأثر اليات السوق في نطاق سوق حد منظم ومرتب وتحكمة حوافز الإنتاج والإستهلاك وحرية المعاملات.

3- ثم إنشاء سوق الأوراق في بداية التسعينات وأنطلق السوق ليسهم في دفع عجلة الإقتصاد بجذبة للمدخرات واطاحة الفرضة للإستثمار في مشاريع ذات جدوي إقتصادية وذلك في إطار الحماية لحقوق المساهمين والمشاركين في عملية الإستثمار وقد نص قانون السوق صراحة علي انه يجوز لغير السودانين الاكتتاب بالأوراق المالية دون تحديد نسبة معينة.

4- إلغاء نظام إقرار العملة عند دخول البلاد.

5- تيسير إجراءات التأشير للأجانب ورجال الأعمال.

6- تيسير إجراءات تسجيل الأجانب.

7- تسهيل دخول العمالة الماهرة الاجنبية.

8- كفالة حرية تحويل الأموال للخارج.

### **3-2-3 إمتيازات المشروعات الإستثمارية: {4}**

1- يمنح المشروع الإستراتيجي إعفاء من ضريبة أرباح الأعمال لمدة لا تقل عن عشر سنوات.

2- يمنح المشروع الغير الإستراتيجي إعفاء من الضريبة لمدة لا تزيد عن خمس سنوات.

3- يتمتع المشروع الإستثماري بالإعفاءات الجمركية الكاملة علي كل إحتياجات المشروع من تجهيزات رأسمالية ومدخلات إنتاج ووسائل نقل.

4- يمنح المشروع الإستراتيجي الأرض اللازمة مجاناً وبالسعر التشجيعي للمشروع غير الإستراتيجي.

5- يحظر القانون التميز بين المال المستثمر كونه محلياً او عربياً أو أجنبياً او بسبب كونه قطاع عام او تعاوني او مختلط.

6- يحظر القانون فرض اي ضرائب او رسوم ولائيه علي المشروعات الإتحادية وذلك من خلال فترة الإعفاء الضريبي الممنوح للمشروع.

### **3-2-4 ضوابط الإستثمار : {4}**

1- الترخيص المستمر لإقامة مشروع لا يجوز لاي شخص إقامة اي مشروع في السودان الا بعد الحصول علي ترخيص بذلك من الوزير او الوزير الولائي بحسب الحال.

2- تقديم دراسة جدوي للمشروع ، لايجوز الترخيص لاي مشروع او منحة اي ميزات مما هو وارد الابدع تقديم دراسة جدوي فنية واقتصادية للمشروع .

3- طلب منح الترخيص والميزات.

4- تسليم الأرض المخصصة للمشروع خلال مدة اقصاها شهر من تاريخ منح الترخيص.

### **3-2-5 ضمانات الإستثمار : {4}**

1- ضمان تحويل المال المستثمر في حالة عدم تنفيذ المشروع او تصفيته او التصرف فيه ' كما يجوز إعادة تصدير الآلات والمعدات والأجهزة ووسائل النقل والمستلزمات الأخرى.

2- ضمان تحويل الأرباح وتكلفة التمويل عن رأس المال الأجنبي بالعملة التي أستورد بها رأس المال في تاريخ الإستحقاق.

3- عدم تأمين اومصادرة المشروع اونزع ملكية إلا بقانون ومقابل تعويض عادل .

4-عدم الحجز علي أموال المشروع اومصادرتها اوتجميدها او فرض حراسة عليها الا بأمر قضائي.

5-لضمان حماية الإمتيازات الممنوحة للمشروع حظر القانون علي اي وجهة ادارية الإمتناع عن تنفيذ الميزات الممنوحة بموجب أحكام قانون تشجيع الإستثمار 1999م تعديل 2000م.

### **3-3 محددات الإستثمار: {4}**

محددات الإستثمار الكلي عديدة ومتشابهة ولكن نستطيع ان نتبين أهمها فيما يلي:

#### **3-3-1 الربح:**

يعتبر الربح احد المحددات الهامة للإستثمار بالنسبة للمشروع الواحد خلال اي فترة من الزمن فالربح المتحقق للمشروع في تلك الفترة مؤشرا لة قيمة في تقدير حالة الطلب علي منتجات المشروع ، فارتفاعه يثير الرغبة في زيادة حجم الطاقة الانتاجية للمشروع فيؤدي ذلك الي اتخاذ قرار الإستثمار والعكس صحيح ، بمعني ان انخفاض الربح قد يتسبب في كثير من الحالات في تأجيل القيام بالإستثمارات الجديدة وربما الإكتفاء بإستبدال القدر الهائل من رأس مال المشروع ، ومن جهة أخرى فأن الربح بحد ذاته يزيد من تمويل الإستثمار ، ففي فترات الرواج حيث تزداد أرباح غالبية المشروعات يلاحظ زيادة الإستثمار علي المستوي الكلي.

#### **3-3-2 التوقعات:**

من أهم العوامل التي تحدد الطلب علي الإستثمار عامل التوقعات فلقد اظهرت الدراسات التطبيقية ان التوقعات بالنسبة للمستقبل تلعب دوراً كبيراً في تحديد إستثمار المشروع.

### 3-3-3 سعر الفائدة:

اعتقد أعضاء المدرسة الكلاسيكية ان كل ادخال يحول إلي إستثمار ، ففي نظريتهم ان أصحاب الأعمال أنما يدخرون جانبا من دخولهم لكي يستثمروا ، وفرض اكتناز النقود أو بقائها عاطلة مستبعد تماما من التحليل الكلاسيكي، كما ان فرض التوظيف الكامل لعوامل الإنتاج أساسي في هذا التحليل ، ولذلك فانه إذا زاد الأذخال (علي المستوي الكلي) فان الإستثمار سوف يزيد أيضا والعكس صحيح ، اما عن ميكانيكية التوازن الدائم بين الأذخال والإستثمار فانها تعتمد علي سعر الفايده فالأذخال دالة طردية لسعر الفايده في السوق بينما الإستثمار دالة عكسية له ، وهذا التحليل يتم علي نمط متشابه للعرض والطلب وعلاقتهما بالسعر .

### 4-3 معوقات الإستثمار: {4}

لا يمكن اجمالها لانها مختلفة ، منة ما يحتاج للمعالجة علي المدى الطويل مثل مشكلة العمل واحتساب الثروة، ومعوقات يمكن حلها وتعديل اثارها بقرارات فورية والبعض بمعالجات في المدى القصير مثل الاحصاءات والضرائب والاجراءات ومشاكل الترحيل والتسويق وغيرها . كما يمكن تقسيمها الي طبيعه(مشاكل الامطار وندرة المياه السطحية وتغير الرياح) ومعوقات اقتصادية (السياسات المالية والضريبة والنقدية والتضخم) ومعوقات



فنية (ضعف الاستثمار والبحوث) ، معوقات مؤسسية وقانونية (تضارب الاختصاصات وسوء فهم القوانين وتطبيق الرسوم والجبایات).

### 3-5 العوامل المؤثرة علي حجم الإستثمار: {4}

هناك الكثير منها ولكن نأخذ بعضها:

1. عدد السكان.

2. الناتج المحلي.

3. القوي العاملة.

4. اجمالي الإستهلاك.

5. الدخل المتاح.

6. الأرباح.

### 3-6 مجالات الإستثمار: {4}

#### 3-6-1 القطاع الزراعي والحيواني:

تبلغ جملة الاراضي الزراعة في السودان 200 مليون فدان وتبلغ جملة الاراضي المستقلة منها 40 مليون فدان فقط اي ما يعادل 20% من جملة المساحة الصالحة للزراعة ، تتركز الاراضي علي ضفاف نهر النيل وروافده فيما تعرف بالسهول الفيضية وهي تمتاز بالخصوبة العالية.

### 3-6-2 قطاع الثروة الحيوانية:

ان أهم مايميز اللحوم والمنتجات الحيوانية السودانية بانها ذات جودة عالية وذلك لاعتمادها علي المراعي الطبيعية التي تخلو من اي مركبات مرتبط بالاعلاف التي تقوم علي الموارد العضوية وبذلك في خالية من الامراض.

### 3-6-3 قطاع البنيات التحتية:

الطرق تعتبر الطرق من أهم مجالات الاستثمارنسبة لمساحة السودان الشاسعة وتباعد اطرافه حيث تغطي شبكة الطرق الحالية حوالي اربعة الف كيلو متر طولي. حيث تربط هذه الشبكة بورسودان بمواقع الانتاج في الشرق والوسط والجنوب الغربي. بينما تخطط الدولة لانشاء حوالي الآف كيلو مترات من الطرق حيث تطرح الدولة بعض الطرق الخارجية للتشيد مثل طريق الخرطوم اسوان. والطريق القاري الثاني الذي يربط السودان عبر جوبا بوسط. وجنوب افريقيا. والطريق القاري الثالث يربط السودان بدول غرب افريقيا وسائر الدول المطلة علي المحيط الاطلسي.

### 3-6-4 قطاع التعدين والطاقة:

تشير الواشرات والدراسات الجيوفيزيائية ان السودان يعتبر من اغني الدول في ثروات باطن الارض وان ماتم اكتشافه حتي الآن يتمثل في النفط ، تاتي أهمية النفط من انة المحرك الاساسي للقطاعات الاقتصادية المختلفة. وقد دخل السودان النادي العالمي للدول المنتجة للبتترول.ويمكن الاستثمار في عمليات البترول في الغاز الطبيعي، شبكة خطوط انابيب

الاسفلت توسعة مصفاة بورسودان ، شبكة الغاز البيرولي ومحطات الخدمة ، اما في مجال التعدين تتمثل في الذهب ، الحديد ، المعادن القاعدية ، المحاجز، الجبص وملح الطعام.

### **3-6-5 القطاع الصناعي:**

ان استراتيجية التصنيع السوداني المرتكزة علي المنتجات داخل السودان وذلك حتي توظف هذه الطاقة الانتاجية العالية لتحقيق الطفرة الصناعية ، كما يتميز السودان بامتلاكه لمقومات الانتاج في صناعة السكر كالارضي الصالحة لزراعة قصب السكر والكوادر البشرية المدربة.

نجد ان اهم مجالات التوسع في الزراعة وصناعة ،والسكر، والتوسع في تعليب الخضر والفواكهة ، الاستثمار في مجال المياه الغازية وغيرها.

### **3-6-6 السياحة والفندقة:**

تشرف وزارة السياحة علي نشاط السياحة والفندقة ، وتنتشر في ولاية الخرطوم مجموعة كبيرة من الفنادق بمختلف درجاتها.

اما السياحة يتمتع السودان بموقع استراتيجي علي ضفتي النيل الازرق الابيض وعلي نهر النيل ،وفي مناطق البحر الاحمر ومنطقة جبل مرة كما توجد مناطق سياحية جذابة في كافة ولايات السودان.

## الفصل الرابع

### الجانب التطبيقي

0-4: تمهيد.

1-4: متغيرات الدراسة.

2-4: إختبار الكفاية.

3-4: إختبار التوزيع الطبيعي.

4-4: المقاييس الوصفية.

5-4: إختبار الخطية.

6-4: اكتشاف عدم تجانس التباين.

7-4: اكتشاف الإرتباط الذاتي.

8-4: اكتشاف التداخل الخطي.

9-4: أفضل نموذج.

10-4: التنبؤ.

#### 0-4 تمهيد:

يتناول هذا الفصل الجانب التطبيقي متضمناً تقدير النموذج والمقاييس الوصفية لمتغيرات الدراسة، تمثيل البيانات وتقدير المعلمات بطريقة المربعات الصغرى واكتشاف المشاكل التي يعاني منها النموذج والتنبؤ كما يتناول طريقة اختيار أفضل المعادلات.

#### 1-4 متغيرات الدراسة:

$Y \equiv$  حجم الإستثمار.

$X1 \equiv$  الناتج المحلي الإجمالي.

$X2 \equiv$  الدخل القومي.

$X3 \equiv$  إجمالي الإستهلاك.

$X4 \equiv$  عدد السكان.

## 2-4 إختبار الكفاية:

جدول (1-4): إختبار الكافية

المتغيرات	القيمة
KMO	0.76
مربع كأي	765.5
درجات الحرية	15
القيمة الإحتمالية	0.00

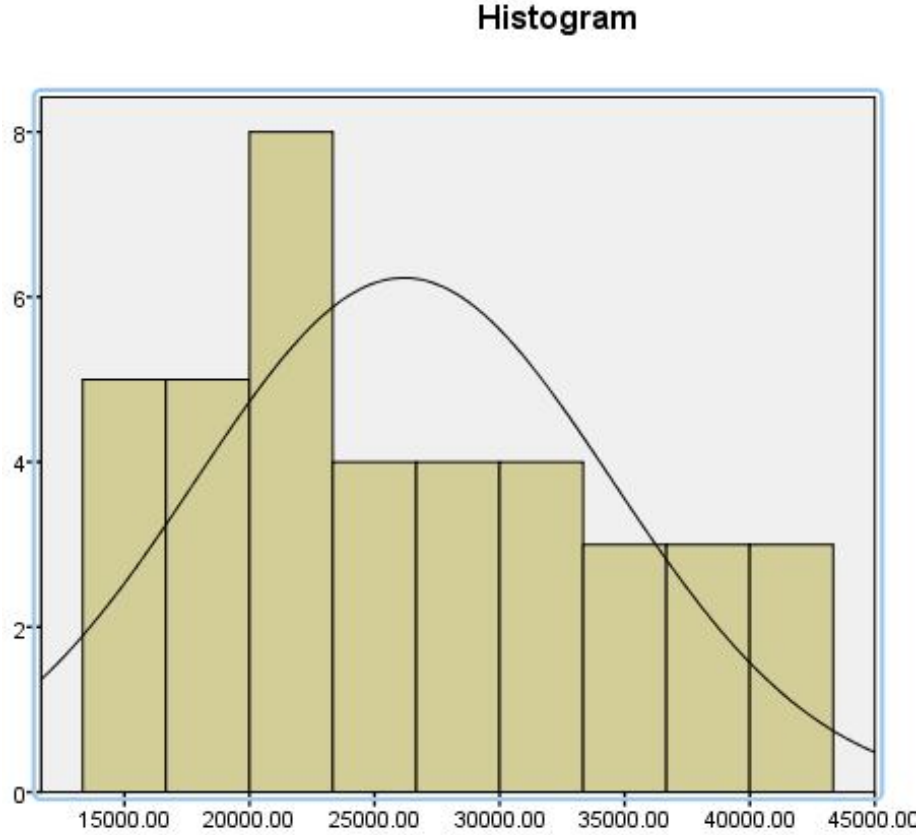
المصدر: إعداد الباحثون بإستخدام برنامج spss

من الجدول (1-4) نلاحظ ان قيمة KMO (0.76) وهي أكبر من (0.50) وأقل من

(1.0) اذا البيانات كافية لتحليل.

### 3-4 إختبار التوزيع الطبيعي:

الشكل (4-1): التوزيع الطبيعي.



المصدر : إعداد الباحثون بإستخدام برنامج spss

من الشكل (4-1) نلاحظ ان المنحني متمائلاً حول الوسط الحسابي فبذلك تكون البيانات تتبع التوزيع الطبيعي، والقيمة الإحتمالية (0.200) وهي أكبر من (0.05) هذا يعني ان البيانات تتبع التوزيع الطبيعي.

#### 4-4 المقاييس الوصفية لمتغيرات الدراسة:

البيانات الواردة في الجدول التالي تكون بمثابة ملخص لبيانات الجدول (ملحق 1) وتمثل الوسيط والانحراف المعياري وأكبر وأصغر قيمة.

جدول (4-2): المقاييس الوصفية لمتغيرات الدراسة

المتغيرات	الانحراف المعياري	أصغر قيمة	أكبر قيمة	الوسيط
Y	1122084	105.2	408312	73052.3
X1	5161335	896.80	18655630	4218180
X2	4611860	1702797	1702797	3963040
X3	3656397	2380023.3	12380023.3	362764.4
X4	8322.837	140710	422470	24495.0

المصدر إعداد الباحثون باستخدام برنامج spss

من الجدول (4-1) نلاحظ أن الانحراف المعياري للاستثمار كان 1122084 والانحراف المعياري للنتائج المحلي الإجمالي كان 5161335 والانحراف المعياري للدخل القومي كان 4611860 والانحراف المعياري لإجمالي الإستهلاك كان 3656397 والانحراف المعياري لعدد السكان كان 8322.837 .



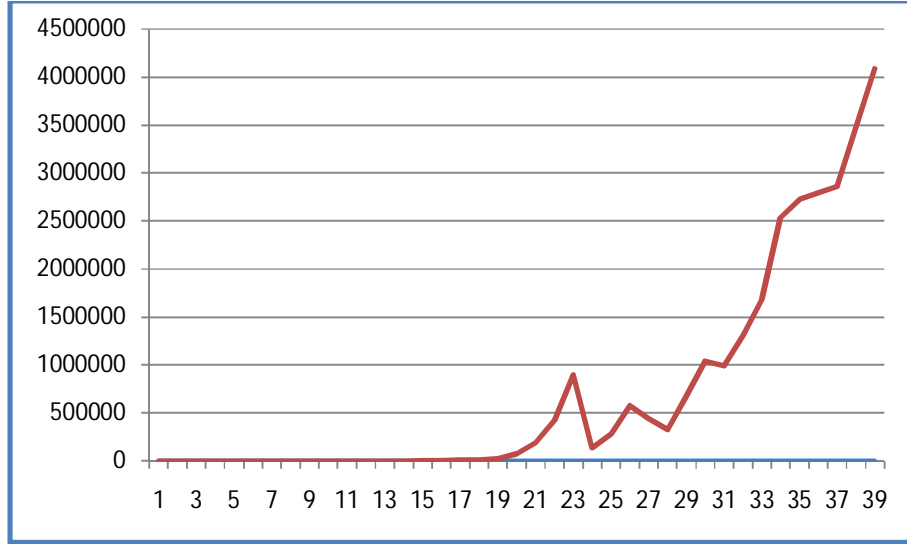
ونلاحظ ايضا ان أقل قيمة للاستثمار كانت 105.2 و أقل قيمة ل x1 كانت 896.80 و أقل قيمة ل x2 كانت 1702797 و أقل قيمة لx3 كانت 2380023.3 و أقل قيمة لx4 كانت 140710.

كما نلاحظ ان اكبر قيمة للاستثمار كانت 408312 و اكبر قيمة ل x1 كانت 18655630 و اكبر قيمة ل x2 كانت 1702797 و اكبر قيمة ل x3 كانت 12380023.3 و اكبر قيمة ل x4 كانت 422470.

وفي العمود الاخير نلاحظ ان قيمة الوسيط للاستثمار كانت 73052.3 وقيمة الوسيط ل x1 كانت 4218180 وقيمة الوسيط لx2 كانت 3963040 وقيمة الوسيط لx3 كانت 362764.4 وقيمة الوسيط ل x4 كانت 24495.0.

#### 1-4-4 تمثيل البيانات:

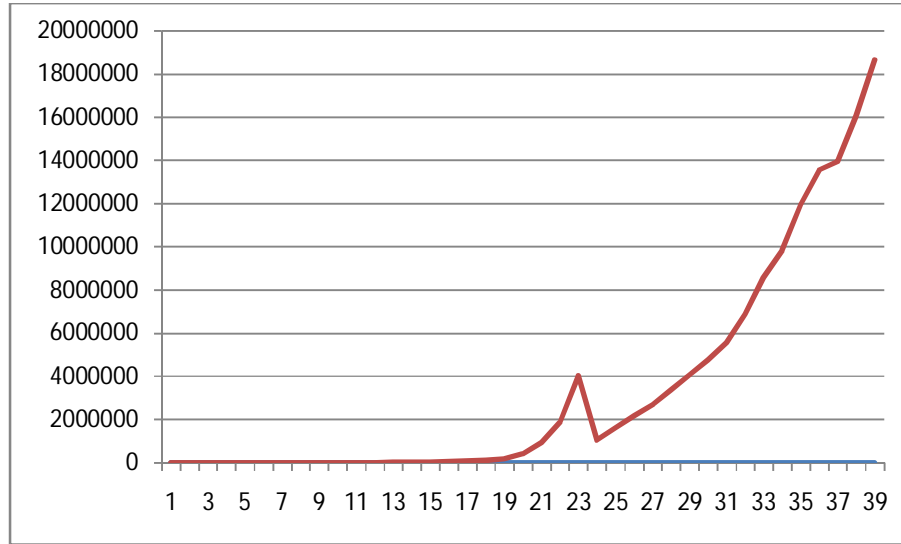
الشكل (2-4): العلاقة بين حجم الإستثمار والزمن



المصدر: اعداد الباحثون بإستخدام برنامج Excel

من الشكل (2-4) نلاحظ أن حجم الاستثمار (y) مستقرين في الفترة (1973-1991) وبدأ حجم الاستثمار في التذبذب من الفترة (1991-2008) وبعدها بدأ في التزايد مرة أخرى إلى نهاية الفترة الزمنية.

الشكل (3-4): العلاقة بين الناتج المحلي الأجمالي والزمن.

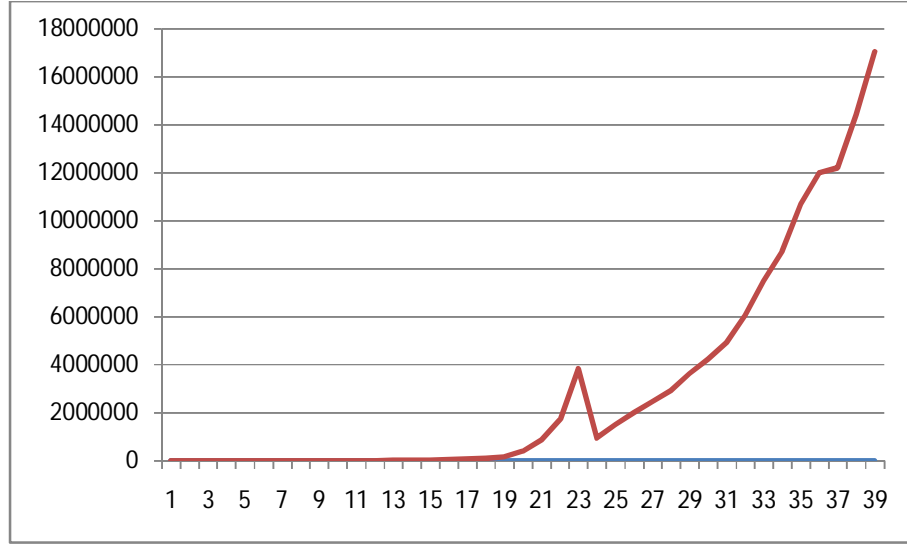


المصدر إعداد الباحثون بإستخدام برنامج Excel

من الشكل (3-4) نلاحظ أن الناتج المحلي الأجمالي ( $x_1$ ) مستغراً في الفترة (1973-1994)

وفي الفترة (1994-1997) كان متذبذب وبدأ في الزيادة مرة أخرى الى نهاية الفترة الزمنية.

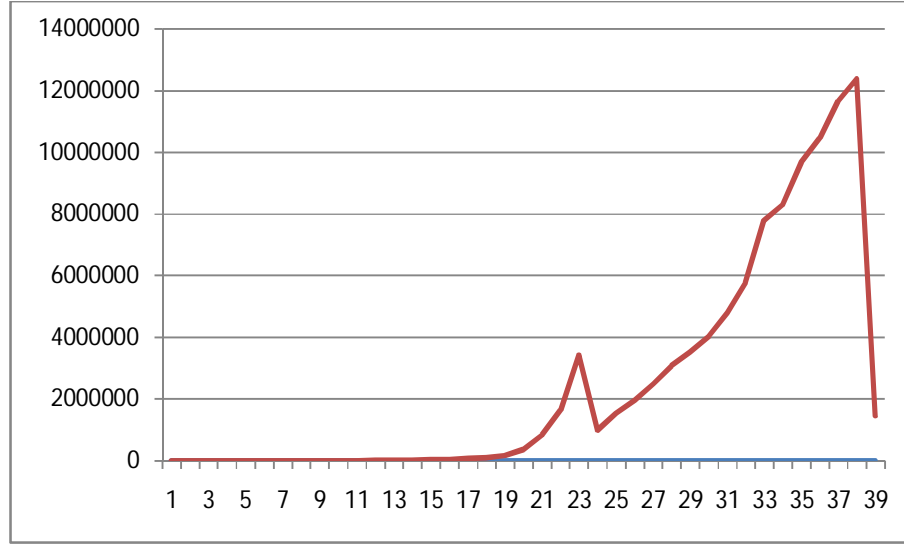
الشكل (4-4): العلاقة بين الدخل القومي والزمن.



المصدر: إعداد الباحثون بإستخدام برنامج Excel

من الشكل (4-4) نلاحظ أن الدخل القومي ( $\times 2$ ) مستغراً في الفترة (1973-1994) وفي الفترة (1994-1997) كان متذبذب وبدأ في الزيادة مرة أخرى الي نهاية الفترة الزمنية.

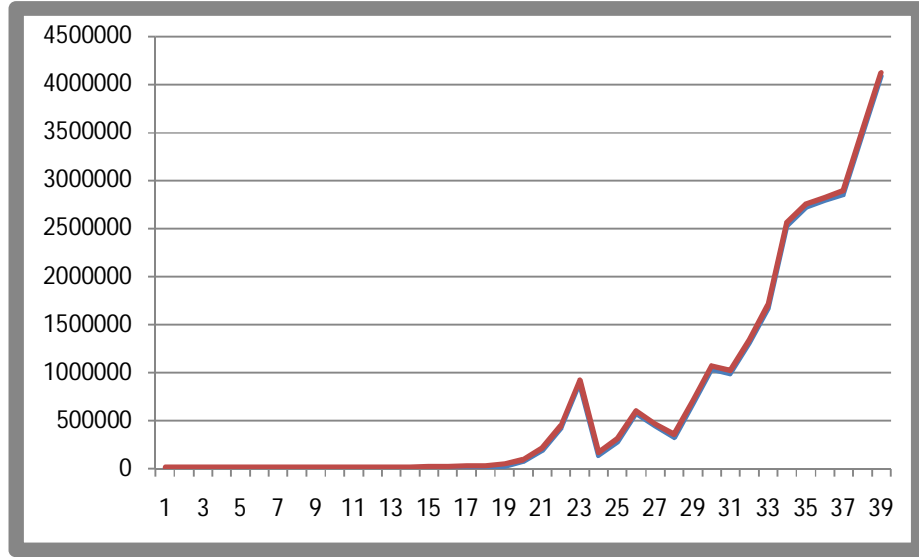
الشكل (4-5): العلاقة بين إجمالي الإستهلاك والزمن.



المصدر: إعداد الباحثون بإستخدام برنامج Excel

من الشكل (4-5) نلاحظ أن إجمالي الاستهلاك (x3) مسقراً في الفترة (1973-1991) بدأ في الزيادة في الفترة (1991-1996) في الفترة (1996-1997) كان في حالة إنخفاض وعاد مرة أخرى الى حالة زيادة في الفترة (1997-2008) وبعدها حدث انخفاض مفاجئ الى نهاية الفترة الزمنية ويعزى ذلك الى تضخم الأسعار.

الشكل (4-6): العلاقة بين عدد السكان والزمن.



المصدر: إعداد الباحثون باستخدام برنامج Excel

من الشكل (4-6) نلاحظ أن عدد السكان (x4) مسقراً في الفترة (1973-1991) وبدأ عدد السكان في التذبذب من الفترة (1991-2000) وبعدها بدأ في التزايد مرة أخرى إلى نهاية الفترة الزمنية.

#### 2-4-4 تقدير المعلمات:

باستخدام طريقة المربعات الصغرى نتحصل علي النموذج الاتي:

$$y = 212536.2 - 0.457X_1 + 0.756X_2 + 0.026X_3 + 11.942X_4$$

#### 3-4-4 تفسير المعلمات:

212436.2: تعني أن متوسط حجم الإستثمار يزيد بمقدار 212436.2 عندما لا

يوجد ناتج محلي ولا يوجد دخل قومي ولا يوجد اجمالي استهلاك ولا يوجد عدد سكان.

-0.457: تعني انه كلما زاد الناتج المحلي مليون جنيه فإن حجم الإستثمار ينقص بمقدار

0.457 وهي علاقة عكسية.

0.756: تعني انه كلما زاد الدخل القومي مليون جنيه فإن حجم الإستثمار يزيد بمقدار 0.756

وهي علاقة طردياً .

0.026: تعني انه كلما زاد إجمالي الإستهلاك مليون جنيه فإن حجم الإستثمار يزيد بمقدار

0.026 وهي علاقة طردياً .

11.942: تعني انه كلما زاد عدد السكان بمقدار 1000 فإن حجم الإستثمار يزيد بمقدار

11.942 وهي علاقة طردياً .

#### 4-4-4 إختبار معنوية معاملات النموذج:

جدول (3-4) إختبار معنوية معاملات النموذج:

المتغيرات	معاملات النموذج	قيمة إختبار t	القيمة الإحتمالية
X1	-0.457	-1.640	0.110
X2	0.756	2.473	0.019
X3	0.026	1.702	0.098
X4	-11.942	-2.253	0.031

إعداد الباحثون بإستخدام برنامج spss

نلاحظ أن القيمة الاحتمالية لكل من  $x_1$  و  $x_3$  (0.110) و (0.098) أكبر من (0.05) مما يدل على عدم معنوية المعاملات للمتغيرات  $x_1$  و  $x_3$ . والقيمة الإحتمالية لكل من  $x_2$  و  $x_4$  (0.019) و (0.031) أقل من (0.05) مما يدل على معنوية المعاملات للمتغيرات  $x_2$  و  $x_4$ .



#### 4-4-5 تقييم النموذج:

جدول (4-4) تقييم النموذج:

النموذج	معامل التحديد	معامل التحديد المعدل	الخطأ المعياري	مستوى المعنوية
1	0.991	0.990	11.0996085	0.00

المصدر اعداد الباحثون بإستخدام برنامج spss

من الجدول (4-4) نلاحظ أن النموذج معنوي لأن القيمة الاحتمالية ( $P=0.000$ ) أقل من مستوى المعنوية 0.05 وكذلك معامل التحديد الذي يمثل نسبة مساهمة المتغير المستقل في أحداث التغيرات في المتغير التابع هي (0.99). وهي نسبة عالية والخطأ المعياري يدل على أن النموذج يصف البيانات بشكل أدق وإجمالي التغيرات في حجم الإستثمار 0.99 منها سببها الناتج المحلي الإجمالي والدخل القومي وإجمالي الإستهلاك وعدد السكان والباقي عوامل أخرى.

#### 4-5 إختبار الخطية:

نلاحظ أن قيمة معامل التحديد هي (0.99) إذن البيانات خطية.

جدول (4-5): تحليل التباين:

المصادر	درجات الحرية	مجموع المربعات	متوسط مجموع المربعات	قيمة F	القيمة الاحتمالية
الإنحدار	4	474258841	118564710.3	9.6	0.000
الخطأ	34	418884453	12320130.9		
الكلي	38	478447685			

المصدر إعداد الباحثون باستخدام برنامج SPSS

من الجدول (4-5) نلاحظ أن النموذج معنوي لأن القيمة الاحتمالية ( $P=0.000$ ) أقل من مستوى المعنوية 0.05.

#### 4-6 اكتشاف عدم تجانس التباين:

الفرضيات التي يراد اختبارها:

$H_0$ :  $U_i$ 's are homoscedastic

$H_1$ :  $U_i$ 's are heteroscedastic

ويتم استخدام اختبار Goldfeld-Quandt الذي يكون فيه عدد المشاهدات على الأقل مساوي لضعف عدد المعلمات في النموذج ويتم حسابه من الصيغة (2-14) لإختبار الفرضيات.

حيث تم إستخدام برنامج SPSS وتم التوصل الى النتائج الآتية:

جدول تحليل التباين الآتي:

جدول (4-6) تحليل التباين:

القيمة الإحتمالية	قيمة F	متوسط مجموع المربعات	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصادر	
0.00	38.17	1558784.8	6235139.1	4	الإنحدار	1
		40842.9	367585.73	9	الخطأ	
			6602724.9	13	الكلية	
0.00	138.3	4692296770582	1.876918 e+010	4	الإنحدار	2
		33935442151.03	305418979359.3	9	الخطأ	
			1.907460606169 e+013	13	الكلية	

المصدر: إعداد الباحثون بإستخدام من برنامج SPSS

نموذج الإنحدار الأول:

نكون نموذج الإنحدار الأول ومنه نحسب  $\sum_{i=1}^{n-c} e_{1i}^2$

$$y = 1616.82876 + 1.20X_1 - .18X_2 - .99X_3 + .10X_4$$

نموذج الإنحدار الثاني:

$$\sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{2i} \text{ ومنه نحسب } \sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{2i}$$

$$y = -1057641.05 - .93X_1 + 1.24X_2 + .04X_3 + 28.49X_4$$

و درجات الحرية للخطأ لكل مجموعة ستكون  $1 - k - \frac{n-c}{2}$  حيث  $k$  عدد المتغيرات المستقلة.

يتم مقارنة قيمة  $F$  المحسوبة من الصيغة (2-14) التي تساوي (3010227.4648359) مع قيمة  $F$

الجدولية التي تستخرج حسب الصيغة  $F_{9,9,0.05}$  وكانت تساوي (3.18) لذلك ترفض فرضية

العدم، لأن قيمة  $F$  المحسوبة أكبر من الجدولية أي أن تباين  $U$  غير متجانس،

وكانت  $\sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{2i} > \sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{1i}$  أي أن  $\sigma^2 u_2 > \sigma^2 u_1$  و  $F = \frac{\sigma^2 u_2}{\sigma^2 u_1}$  وتم رفض فرضية عدم

فهذا يعني أن المجموعة الأولى التي فيها قيم  $X$  الصغيرة لها تباين للخطأ أقل من تباين الخطأ

للمجموعة الثانية التي فيها قيم  $X$  الكبيرة بمعنى آخر ان تباين الخطأ يتناسب تردياً مع زيادة قيم

المتغير المستقل  $X$ .

#### 4-6-1 معالجة عدم تجانس التباين:

تتم معالجة عدم تجانس التباين من إجراء تحويل للنموذج الأصلي ويتوقف شكل التحويل

لنموذج الأصلي علي نمط عدم تجانس تباين حد الخطأ في النموذج الأصلي المقدر وسوف

يتم في هذه الحالة استخدام الافتراض الخامس الذي يأخذ الصيغة (2-25). وبعد استخدام

الصيغة يتم التحصل علي النتائج الاتية ومنها نكون قد تخلصنا من مشكلة عدم تجانس التباين.

النتائج:

جدول (7-4) تحليل التباين:

القيمة الإحتمالية	قيمة F	متوسط مجموع المربعات	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصادر	
0.000	33.60	0.47	1.89	4	الإنحدار	1
		0.014	0.127	9	الخطأ	
			2.02	13	الكلي	
0.000	61.1	0.39	1.59	4	الإنحدار	2
		0.007	0.059	9	الخطأ	
			1.65	13	الكلي	

المصدر: إعداد الباحثون باستخدام برنامج spss

تكون نماذج الانحدار:

نموذج الانحدار الاول:

نكون نموذج الانحدار الاول ومنة نحسب  $\sum_{i=1}^{n-c} \frac{2}{e^2_{1i}}$

$$y = -29.15 + 13.32X_1 - 4.49X_2 - 8.64X_3 + 7.23X_4$$

نموذج الانحدار الثاني:

نكون نموذج الانحدار الثاني ومنة نحسب  $\sum_{i=1}^{\frac{n-c}{2}} e^2_{2i}$

$$y = 11.57 - 10.41X_1 + 12.23X_2 + 0.2X_3 - 4.09X_4$$

و درجات الحرية للخطأ لكل مجموعة ستكون  $1 - k - \frac{n-c}{2}$  حيث  $k$  عدد المتغيرات المستقلة.

يتم مقارنة قيمة  $F$  المحسوبة من الصيغة (2-14) التي تساوي (1.205) مع قيمة  $F$  الجدولية

التي تستخرج حسب الصيغة  $F_{9,9,0.05}$  وكانت تساوي (3.18) ومن تقبل فرضية العدم لان

قيمة الجدولية اكبر من المحسوبة وهذا يعني عدم وجود مشكلة عدم تجانس التباين.

بذلك نكون قد تخلصنا من مشكلة عدم تجانس التباين ويصبح النموذج خالي من هذا الظاهرة.

#### 7-4 اكتشاف الارتباط الذاتي:

الفرضيات التي يراد اختبارها:

H0: U<sub>i</sub>'s are independent

H1: U<sub>i</sub>'s are correlated

ويتم استخدام اختبار **Durbin-Watson** لكون أن تباين الخطأ العشوائي بوجود الارتباط الذاتي لا يعبر عن قيمته الحقيقية، لذلك فإن استخدام اختبار t أو اختبار F للكشف عن وجود الارتباط الذاتي يعطي نتيجة غير صحيحة ويتم حسابه من الصيغة (2-37) لاختبار الفرضيات.

حيث تم استخدام برنامج spss وتم التوصل الي النتائج الاتية:

تكون النموذج:

$$y = 212536.15 - .45X_1 + .75X_2 + .02X_3 - 11.94X_4$$

جدول (8-4) Durbin-Watson:

النموذج	معامل التحديد	معامل التحديد المعدل	الخطأ المعياري	Durbin-Watson
1	0.996	0.99	11.099	1.41

المصدر: إعداد الباحثون باستخدام برنامج spss

بعد ذلك يتم مقارنة قيمة Durbin-Watson المحسوبة من الصيغة (2-37) والتي تساوي (1.41) مع قيمة Durbin-Watson الجدولية التي تستخرج من الجدول Durbin-Watson ويتم استخراج الحدين الأدنى والأعلى ل  $d^*$  اي  $d_l$  و  $d_u$  اعتماداً على  $k$  (عدد المتغيرات المستقلة في النموذج) وتساوي (4) و  $n$  (حجم العينة) ويساوي (39) و  $\alpha$  (مستوي المعنوية) يساوي (0.05) إذا القيم الجدولية تساوي ( $d_l=1.27, d_u=1.72$ ) وقيمة الاختبار تقع بين  $d_l$  و  $d_u$  فإن الاختبار في هذه الحالة لا يدل على نتيجة محددة وبالتالي لا يمكن القول في هذه الحالة بوجود أو عدم وجود الارتباط الذاتي بين قيم الخطأ، وتحققت الفرضية القائلة بأن النموذج لا يعاني من مشكلة الإلتباط الذاتي.



#### 8-4 اكتشاف التداخل الخطي المتعدد:

الفرضيات المراد اختبارها:

$H_0$  لا يوجد تداخل خطي بين المتغيرات:

$H_1$  يوجد تداخل خطي بين المتغيرات:

يتم استخدام ما يسمى بعامل تضخم التباين VIF وبحسب الصيغة (2-10).

**عامل تضخم التباين (VIF):**

الجدول (4-9) عامل تضخم التباين (VIF):

VIF	المتغير
6386.59	الناتج المحلي الاجمالي
6122.68	الدخل القومي
9.71	إجمالي الاستهلاك
6.00	عدد السكان

المصدر: إعداد الباحثون بإستخدام برنامج SPSS

من الجدول (4-7) نجد أن قيم VIF لكل من الناتج المحلي الاجمالي والدخل القوي اكبر من 10 وهذا يعني وجود تداخل خطي ، اما قيمة VIF لكل من اجمالي الاستهلاك وعدد السكان اقل من 10 وهذا يعني عدم وجود التداخل الخطي.

ومن الجدول اعلاه نلاحظ ان النموذج يعني من مشكلة التداخل الخطي.

#### 1-8-4 معالجة التداخل الخطي المتعدد:

حيث تمت المعالجة هنا بحذف المتغير  $x_1$  الذي يمثل الناتج المحلي الاجمالي وتم التحصل علي النتائج والنموذج الأتي:

الجدول (4-10) عامل تضخم التباين (VIF):

VIF	المتغير
5.74	الدخل القومي
4.00	إجمالي الاستهلاك
5.87	عدد السكان

المصدر اعداد الباحثون من برنامج SPSS

من الجدول (4-8) نجد أن قيمة VIF لكل من الدخل القومي وأجمالي الاستهلاك وعدد السكان أقل من 10 وهذا يعني عدم وجود ظاهرة التداخل الخطي في النموذج.

النموذج:

$$y = 194784.31 + 0.25X_2 + 0.007X_3 - 10.66X_4$$

#### 9-4 أفضل نموذج:

هو نموذج المكون من نتائج معالجة التداخل الخطي وهو

$$y = 194784.31 + 0.25X_2 + 0.007X_3 - 10.66X_4$$

#### 10-4 التنبؤ:

أصبح النموذج ملائم الي التنبؤ بعد تخلص من المشاكل وسوف يتم التنبؤ لخمس سنوات

جدول رقم(4-11).التنبؤ

عدد السكان	إجمالي الاستهلاك	الدخل القومي	المتغيرات
103159	1020490	18555200	2012
119977	859750	13677700	2013
124473	715850	18550200	2014
125675	857030	13682700	2015
125997	471700	18545200	2016

المصدر اعداد الباحثون من برنامج spss

بعد تعويض هذه القيمة في المعادلة النهائية يتم الحصول على قيم الإستثمار المنتبئ بها وتكون كالتالي:

جدول رقم(4-12):حجم الإستثمار

حجم الإستثمار	السنوات
3741052.8	2012
2341272.74	2013
3510463.08	2014
2281763.02	2015
3491258.19	2016

المصدر اعداد الباحثون من برنامج spss

نلاحظ أن حجم الإستثمار متذبذب في السنوات الأخيرة.

## النتائج والتوصيات

0-5: تمهيد.

1-5: النتائج.

2-5: التوصيات.

## 5-0 تمهيد:

في هذا الفصل سوف يتم إيضاح النتائج والتوصيات التي تم التوصل إليها.

## 5-1 النتائج:

1-النموذج ملائم لوصف البيانات.

2-حدث إنخفاض مفاجئ لإجمالي الإستهلاك في عام 2011م ويعزى ذلك لتضخم الأسعار

بسبب مشكلة إنفصال الشمال والجنوب.

3- الدخل القومي وإجمالي الإستهلاك وعدد السكان تؤثر علي حجم الاستثمار.

4- النموذج كان يعني من مشكلة التداخل الخطي المتعدد وتمت معالجة هذه المشكلة بإستخدام

عامل تضخم التباين.

5- النموذج كان يعني من مشكلة عدم تجانس التباين وتمت معالجة هذه المشكلة بأخذ

اللوغريثمات للبيانات.

6-النموذج لايعاني من مشكلة الإرتباط الذاتي.

## 2-5 التوصيات:

عامة:

1-الإهتمام بزيادة حجم الإستثمار في المستقبل .

2-تقديم الدراسات المتعلقة بالإستثمار للجهات المختصة.

خاصة:

1-توسيع الدراسات التي توضح العوامل المؤثرة على الإستثمار.

2- إستخدام طريقة أفضل المعادلات لأنها تختصر الجهد والتكلفة.

## المراجع

### اولا:المراجع:

1- إبراهيم، بسام يونس وآخرون، الإقتصاد القياسي، 2002م، دار عزه للطباعة والنشر، الخرطوم- السودان.

2- الراوي، محمود خاسع، المدخل الي تحليل الإنحدار الخطي، 1987.

3- المحمدى، شاكر مصلح وآخرون، الإحصاء وتصميم التجارب، 2012م، دار إسامة للنشر والتوزيع، الأردن - عمان

### ثانيا:المواقع:

3- موقع الاحصائيين العرب [www.arabicstat.com](http://www.arabicstat.com)

4- موقع وزارة الاستثمار في السودان ([www.sudaninrest.gov.sd](http://www.sudaninrest.gov.sd))



الملاحق

ملحق (1): بيانات الدراسة

X4	X3	X2	X1	Y	السنة
14071.0	776.5	828.5	896.8	105.2	1973.0
14650.0	1026.5	1123.9	1246.2	229.3	1974.0
15253.0	1378.5	1361.3	1510.8	265.0	1975.0
15883.0	1576.7	1661.3	1848.1	427.5	1976.0
16536.0	2105.3	2108.3	2339.6	399.7	1977.0
16956.0	2617.4	2594.8	2882.6	413.7	1978.0
17172.0	3012.8	3007.5	3253.9	431.4	1979.0
18362.0	3981.9	3583.0	3972.0	379.0	1980.0
19079.0	5152.8	4450.5	4920.7	241.3	1981.0
19829.0	6458.0	6275.3	7040.1	1606.6	1982.0
20210.0	9445.9	8408.5	9591.9	1530.3	1983.0
20530.0	11073.5	10214.9	11807.4	1627.0	1984.0
20882.0	15947.0	13561.9	15357.2	693.1	1985.0
21085.0	19362.5	17803.3	20218.1	2403.0	1986.0
21290.0	32552.4	33167.5	36479.8	4728.3	1987.0
21724.0	41489.6	42463.7	46791.1	7162.6	1988.0
22394.0	74217.3	76615.1	82562.0	11000.4	1989.0
23079.0	101233.1	101720.7	110110.7	10266.0	1990.0
23780.0	174169.4	178336.5	192660.5	25888.9	1991.0
24495.0	362764.4	396304.0	421818.0	73052.3	1992.0
25222.0	836743.0	886656.0	948448.0	187960.0	1993.0
25691.0	1660369.0	1736976.0	1881289.0	426439.0	1994.0
26688.0	3426693.5	3828565.4	4049739.4	894045.9	1995.0
27875.0	989034.0	956783.8	1047813.7	140908.2	1996.0
28627.0	1531664.3	1497138.9	1613737.1	284293.7	1997.0

29496.0	1968824.9	2027200.9	2193591.0	575137.7	1998.0
30326.0	2492075.3	2492202.3	2705881.4	442450.8	1999.0
31081.0	3079157.5	2921803.3	3366270.9	326772.1	2000.0
31913.0	3524059.7	3623801.3	4065855.8	678747.2	2001.0
32769.0	4038230.6	4243993.4	4775611.1	1042639.4	2002.0
33648.0	4790137.6	4923829.7	5573378.4	988014.2	2003.0
34512.0	5778952.6	6048014.1	6872138.5	1306962.5	2004.0
36198.0	7791218.9	7486802.1	8570712.9	1675635.0	2005.0
37158.0	8314760.5	8718697.7	9829190.4	2527586.8	2006.0
38143.0	9683487.8	1.06861963E7	1.19837266E7	2723538.9	2007.0
39154.0	1.04695416E7	1.20042516E7	1.35511712E7	2790022.9	2008.0
40522.0	1.16667642E7	1.2201509E7	1.39386527E7	2858466.3	2009.0
42247.0	1.23800233E7	1.4391319E7	1.60646458E7	3480390.3	2010.0
42246.0	1467121.0	1.702797E7	1.865563E7	4083120.0	2011.0